

曆算全書

勾股闡微卷一卷二

第三冊

奴5

1614

3



二奴5
1614
3



兼濟堂纂刻梅勿菴先生曆算全書
句股闡微首卷係揚作枚補二
卷後則勿菴之書



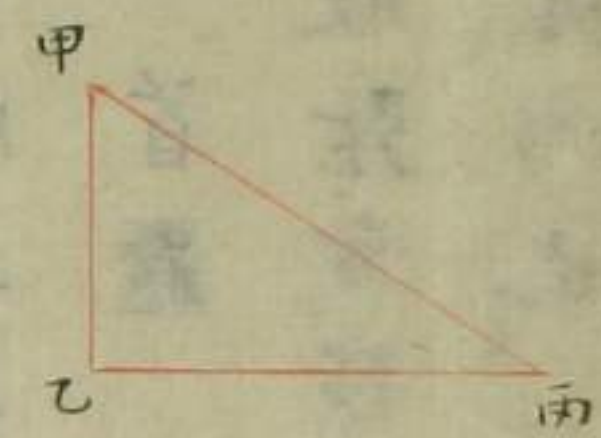
錫山楊作枚學山著
同邑鮑祖述燕翼叅
男 乾墩一元
栢鄉魏荔彤念庭輯
士敏仲文

士說崇寬枚

句股正義

首題

句股弦者橫曰句縱曰股
縱亦可云句
斜曰弦三線相聯而成句
股弦形也

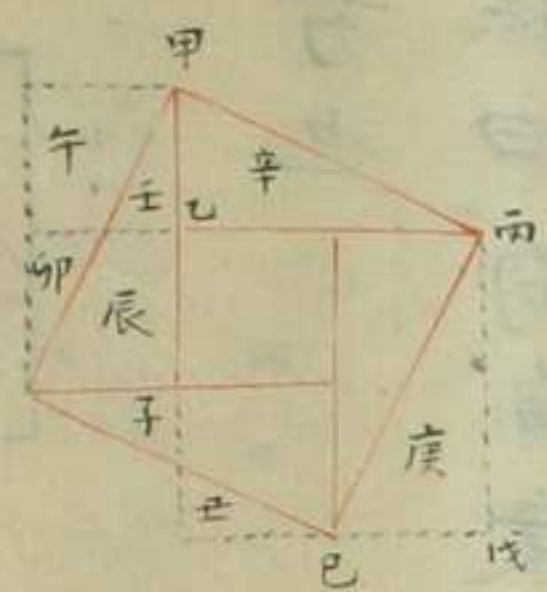


如圖甲乙丙形。甲乙為股。乙丙為句。甲丙為弦。
 亦可云。乙丙為股也。凡三角形。或三角俱銳。
 或兩銳一鈍。或兩銳一正。銳鈍正。說具三句股。
 弦形者。兩銳一正形也。其句股兩線。縱橫相遇。
 而成者。為正角。如乙點。句弦兩線。及股弦兩線。相遇而成者。為
 銳角。如甲丙兩點。此三線者。或三線俱不等。其最大者必弦。
 或兩線等。其等者必句股。而無三線等。何者。以句股弦形一角
 正故也。

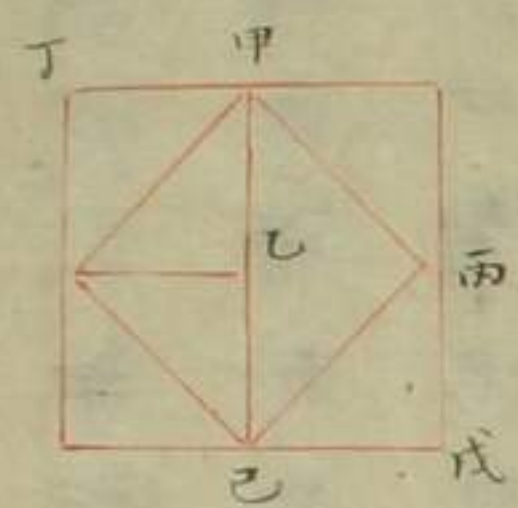
題

句股求弦

法曰。句股各自乘。併之。開方得弦。



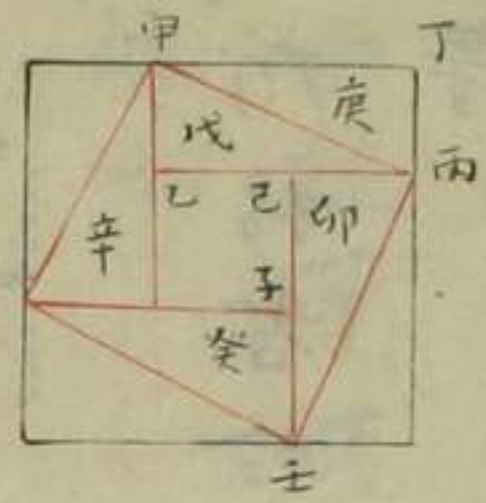
如圖。甲乙句。自乘得乙丁方。乙丙股。自乘得乙
 戊方。兩方相併。即甲己方。開之。得甲丙弦。
 論曰。試移庚實形。補辛虛形。移丑實形。補卯虛
 形。移壬實形。補子虛形。移卯午實形。補壬辰虛
 形。所移者恰盡。所補者恰足。得乙丁與乙戊兩方併。恰與甲己
 方等。



又論曰。更以句與股相等之形觀之。夫句與股既等。則句股各
 自乘。固方也。即句股互相乘。亦方也。凡句股不
 互相乘。必如丁戊大方。平分方邊。於方形中。縱
 橫作線。中分四小方形。必等。又句與股既等。則
 弦上方邊。為句股各自乘兩方之對角線。亦為

句股互相乘兩方之對角線。如於四小方形中。作四對角線。相聯而成一中方形也。此中方形者。割小方形四之半。即涵小方形二之全。就此圖觀之。尤為明顯。

又法曰。句與股相乘。倍之。另以句股差自乘。併入倍數。開方得弦。

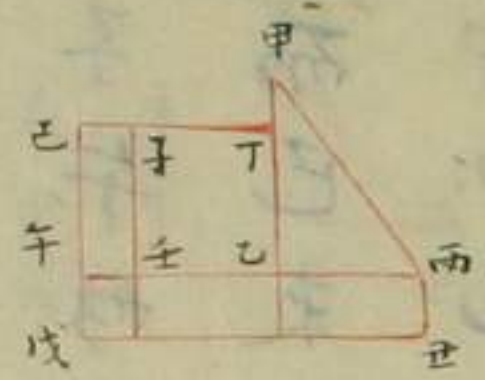


論曰。甲乙股。乙丙句。相乘得乙丁矩形。中分為庚戊兩形。庚戊形即辛形也。倍之者。再加癸卯兩形也。乙丙為句。丙己為股。乙己為句股差。自乘得乙子方。併入倍數。共成甲壬方。為甲丙弦上方也。

上方也。

又法曰。句自乘倍股。依長濶相差法求之。得股弦差。加股為弦。

論曰。甲乙丙句股形。甲丙弦也。丁己亦弦也。丁戊弦上方也。乙丙股也。乙壬亦股也。乙子股上方也。餘乙戊子



罄折形。即句自乘之數也。而已壬矩與乙丑矩等。即丙戊矩。亦句自乘之數也。此丙戊矩形中乙丙為股。加乙壬為倍股。曰長濶相差者。丙午

為長。午戊為濶。與壬午等。即壬丙倍股為長濶之差也。依法求之。得壬午為股。弦差。

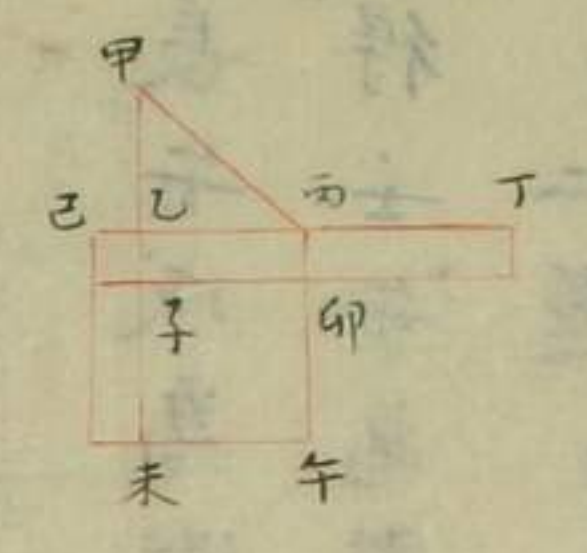
二題

句弦求股

法曰。弦自乘內減句自乘餘。開方得股。

論曰。一題句股求弦第一法。句股各自乘。併之。即弦自乘數。則

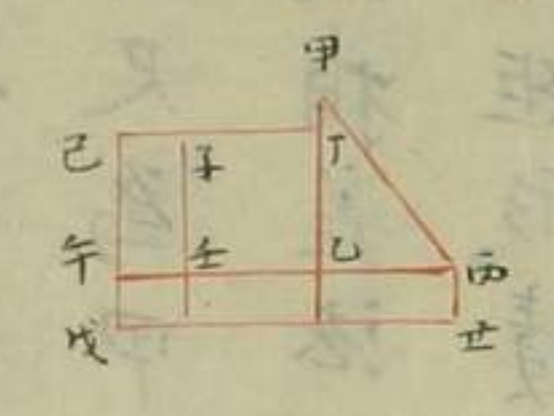
弦自乘數中。有句股各自乘之數也。今於弦自乘數中。減去句自乘。所存者。即股自乘數矣。就一題之圖觀之。自見
又法曰。句弦相併得數。相減得數。兩數相乘得數。開方得股。



如圖。甲乙丙句股形。乙丙句。甲乙股。甲丙與乙丙相併。即乙丁線。相減。即乙巳線。乙子與兩線乙丁相乘。得子丁矩。即甲乙股上方。
論曰。己午方者。己丙線上方。即甲丙弦上方也。

內減子午形為乙丙句上方。所存卯己未。鑿折形。即甲乙股上方矣。而已未矩。又與丁卯矩等。則丁子矩形。即卯己未。鑿折形。又法曰。句自乘倍弦。依長濶相和法。求之。得股弦差。用減弦得

股



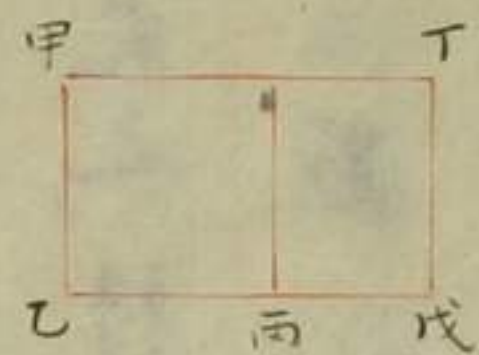
論曰。甲乙丙句股形。甲丙弦也。丁巳亦弦也。丁戊弦上方也。乙丙股也。乙巳亦股也。乙子股上方也。餘乙戊子。鑿折形。即甲乙句自乘之數也。而已巳矩與乙丑矩等。即丙戊矩。亦甲乙句自乘之數也。此丙戊矩形中。乙午為弦。乙丙併午戊為倍弦。曰長濶相和者。丙午為長。午戊為濶。即丙午午戊併為長濶相和也。依法求之。得壬午為股弦差。

三題

股弦求句

法同二題句弦求股

附長濶相和法



如圖。丁乙矩形。積九百七十二尺。丁甲為長。乙甲為濶。丙邊之和。共六十三尺。求甲丁甲乙二邊。各若干。法以和數自乘。得三千九百六十九尺。次以積四倍之。得三千八百八十八尺。與和自乘相減。存八十一尺。開方得九尺。即丁甲乙甲二邊之較數。以與和六十三相併。折半。得三十六尺。為甲丁長邊。又與和相減。折半。得二十七尺。為甲乙短邊。長濶相差法。圖同上。丁乙矩形。積九百七十二尺。甲乙為濶。戊乙為長。丙戊九尺。丙乙即甲為長濶相差數。甲乙戊乙二邊。各若干。法以較數九尺自

乘得八十一尺。次以積四倍之。得三千八百八十八尺。與較自乘相并。得三千九百六十九尺。開方得六十三尺。即戊乙甲乙以與較九尺相併。折半。得三十六尺。為戊乙長邊。又與較九尺相減。折半。得二十七尺。為甲乙短邊。

解曰。甲午矩形。作乙丙對角線。成甲乙丙角股形。甲丙長句也。甲乙濶股也。丙丑。長濶和也。乙甲。即自乘。得丙子大方。四倍矩



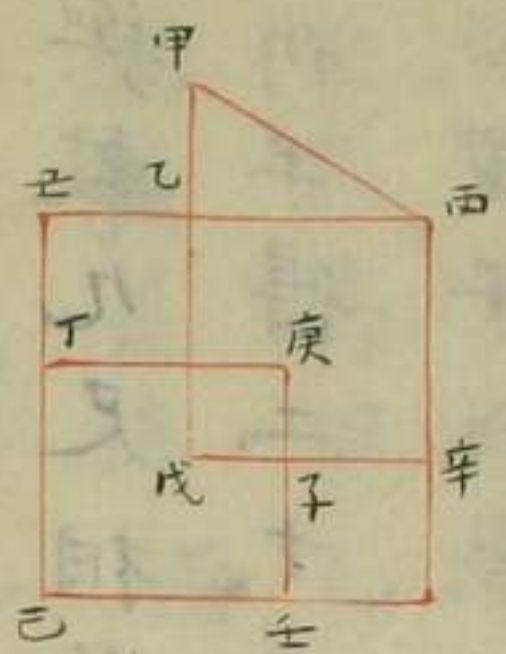
積也。并大方內戊丁庚辛四矩形之積。內所容四矩。俱與元形等。如丙壬矩。即甲午矩。其八句股形。亦俱等元形。相減存己壬小方。開方。得己未邊。即甲乙甲丙三邊之較數也。卯亥。即甲乙股。卯壬。即甲丙句。則既得較數。與所有和數相加减。得甲乙甲丙二邊矣。

若長濶相差法。是先有己未較數。故以上法反用之。求得丙丑和。得丙丑。亦得甲乙與甲丙矣。

四題

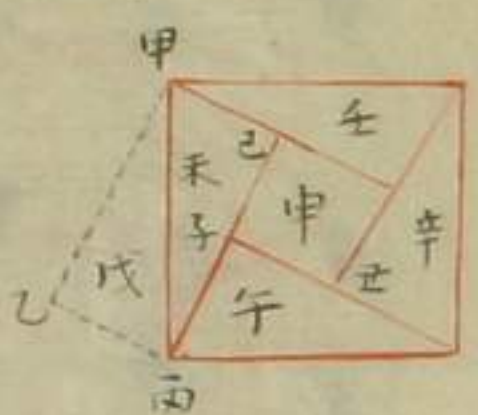
弦與句股較求句股

法曰。弦自乘倍之。較自乘用減倍數餘開方得句股和。於是和加較半之得長股和減較半之得短句。



論曰。甲乙丙句股形。甲乙句也。乙丁句上方也。乙丙股也。丙戊股上方也。兩方併共為弦上方。辛壬亦句上方。庚己亦股上方。兩方併亦共為弦上方。此即弦自乘倍之之數也。而兩句方兩股方併為丙己大方。則中間重疊庚戊方矣。此何方

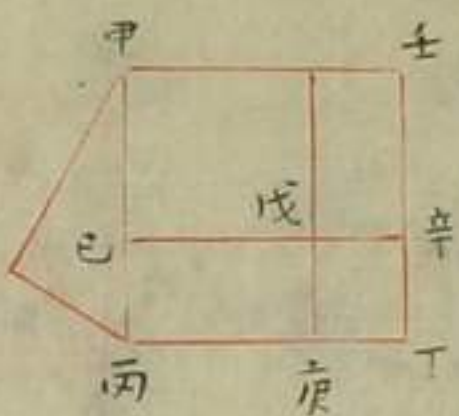
乎。曰戊子即句股較也。庚戊方即較上方也。減之而重疊者去矣。所存者為句股和上方矣。故開之得丙丑。為句股和也。又法曰。弦自乘內減較自乘餘半之。以較為長濶相差法求之。得短句加較得長股。



論曰。甲乙丙句股形。甲丙弦也。甲丁弦上方也。己子較也。己丑較上方也。兩方相減餘壬辛午未四形。半之餘午未二形。而午形又即戊形。則是餘未戊二形也。此未戊二形者。句股矩內形也。故以己子較。用長濶相差法求之。得子丙短句。句加較得己丙長股。

五題

股與句弦較。求句弦
法曰。股自乘。內減較自乘。餘半之。以較為法除之。得句。句加較。



得弦。

論曰。甲乙丙句股形。甲丙弦也。甲丁。弦上方也。甲己較也。甲戊較上方也。庚甲辛。鑿折形。股自乘數也。內減甲戊較上方。所餘丙戊。戊壬兩形。

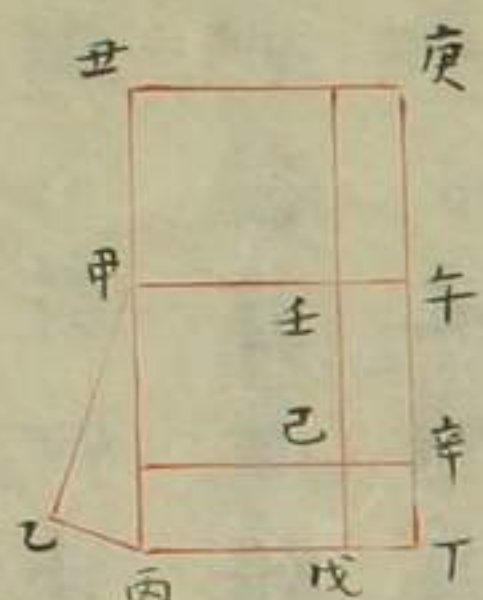
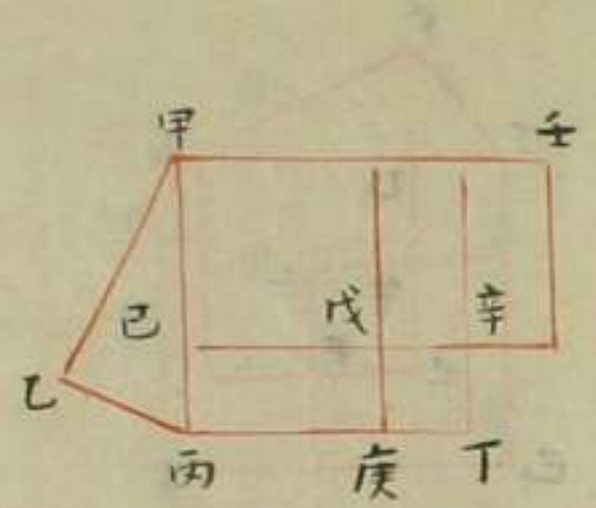
即為句與句弦較。矩內形者二矣。取其一。如丙戊形。以戊己較

除之。得己丙句。或不用折半。倍較

又法曰。股自乘。以較為法除之。得句弦和。於是加較折半。得弦。

減較折半。得句。或不用折半。倍較

論曰。甲乙丙句股形。甲丙弦也。甲丁。弦上方也。丙己亦句也。丁



戊。句上方也。所餘庚甲辛。鑿折形。即股自乘數也。而壬辛形與戊丙形等。即壬己矩形。亦股自乘數也。以甲己較除之。得甲壬。為句弦和也。

又法曰。股自乘。較自乘。相併。倍較為法。除之。得

弦。弦減較。得句。

論曰。甲乙丙句股形。甲丙弦也。甲丁。弦上方也。丁己為句上方。即戊甲辛。鑿折形。為股上方矣。

又己丙。矩與庚壬。矩等。即甲辛子。鑿折形。亦股

邊。即是倍較。

六題

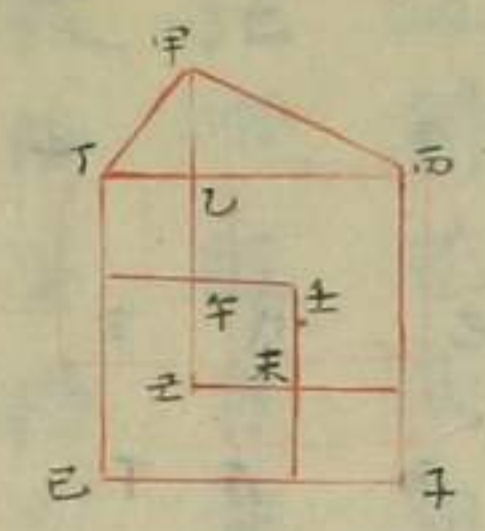
句與股弦較求股弦

法同五題

七題

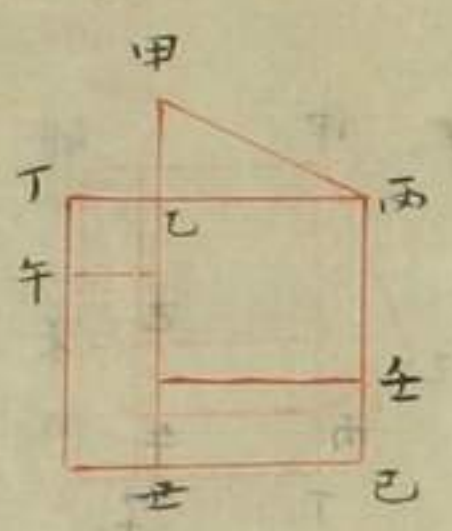
弦與句股和求句股

法曰弦自乘倍之內減句股和自乘餘開方得句股較於是較加和半之得長股較減和半之得短句



論曰甲乙丙句股形丙丁句股和也丁子和上方也丁午未子兩句上方丙丑壬巳丙股上方此即弦自乘倍之之數也以較丁子和上方則其中重疊一壬丑方矣而此方之邊即是句股較

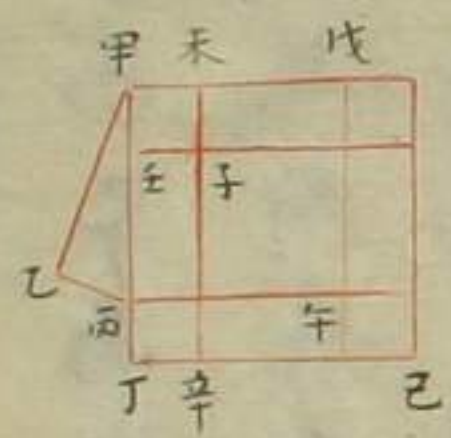
又法曰句股和自乘內減弦自乘餘半之以句股和用長濶相



和法求之得句股論曰丙丁為句股和丁巳為和上方午乙壬癸折形即弦上方兩方相減餘午丑壬癸疊折形分為午丑及丑壬兩形形之兩邊即句股

八題

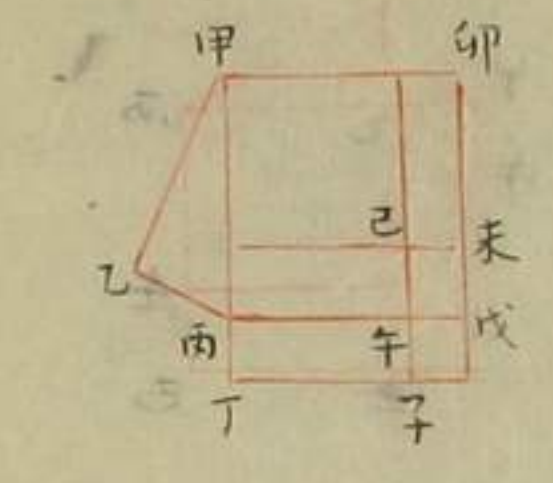
股與句弦和求句弦



法曰句弦和自乘內減股自乘餘半之以句弦和除之得句用減句弦和得弦或不用折半倍句弦和除之亦論曰甲乙丙句股形甲丁為句弦和甲己為和

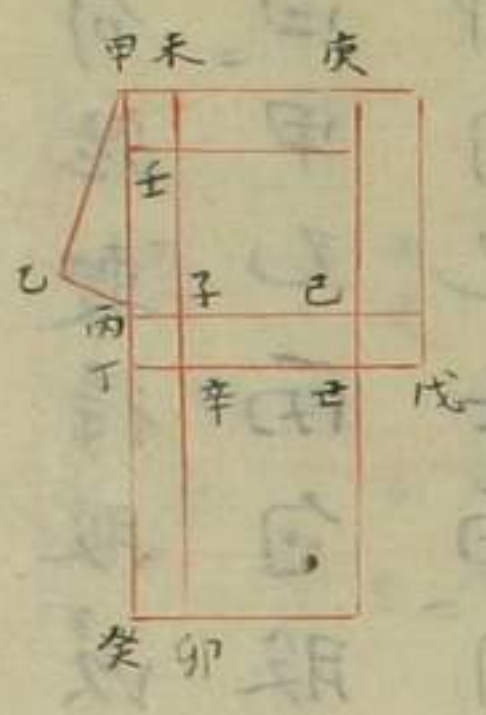
上方。又甲午為弦上方。甲子為句上方。即未午壬聲折形為股自乘。而子丙矩與午辛矩等。即戊辛矩形。亦股自乘也。於和方中減之。所存者為未丁及戊己丙兩矩形矣。形之一邊如甲丁。即句弦和。其一邊如甲未。即句

又法曰。股自乘得數以句弦和除之。得句弦較。於是用加句弦和半之。得弦。用減句弦和半之。得句

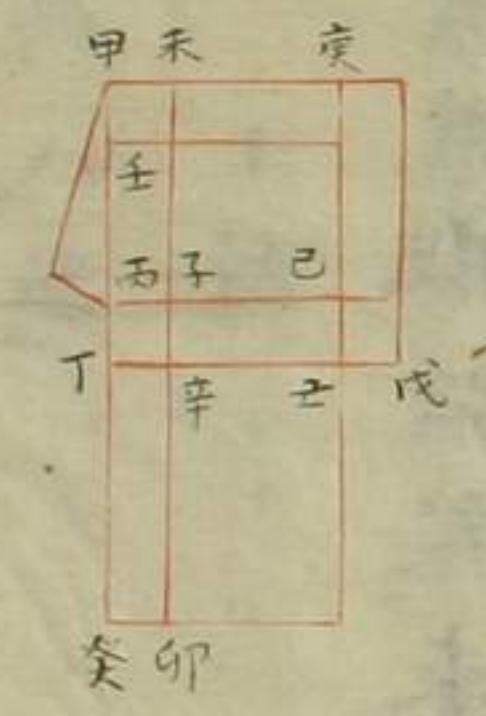


論曰。甲乙丙句股形。甲丁句弦和也。甲戊。弦上方也。戊己。句上方也。即午甲未聲折形。為股自乘矣。而卯己矩。與午丁矩等。即甲子矩形。亦股自乘矣。形之甲丁邊。即句弦和。丁子邊。即句弦較。

又法曰。句弦和自乘。股自乘。相併。倍和為法。除之。得弦。弦減和。



上方。即未己壬聲折形。為股自乘矣。而壬子矩與子丑矩等。即



未丑矩亦股自乘矣。然此猶在和自乘數中。也。今另加一股自乘。如丑卯矩。併前卯甲戊聲折形。共成一庚癸矩形。即為兩自乘相併之數。形之甲癸邊。即句弦和之倍。形之甲庚

邊。即是弦也。

九題

句與股弦和求股弦

法同八題

十題

句弦較股弦較求句股弦

法曰先以兩較相減得即為句股較次以兩較各自乘相併內減句股較自乘餘開方得弦和較和句股於是加股弦較得句

加句弦較得股以句弦較加句或以股弦較加股得弦

論曰甲乙丙句股形甲丙弦也甲巳即股也巳丙股弦較也甲

壬即句也壬丙句弦較也壬巳句股較也今試引甲丙句至丁

令甲丁為句股和即丙丁為弦和較也次作甲戊為和上方午

未為句弦較上方午子為股弦較上方辰即庚兩較上方相併共

為未午辰罄折形內減未子句股較上方餘

辰午發罄折形即戊午弦和較上方何則試

觀丑午巳罄折形句上方也子戊形亦句上

方也今於丑午巳罄折形中減丑申及辛巳

兩矩形即是於子戊形中減卯子亥罄折形也然則所餘之辰

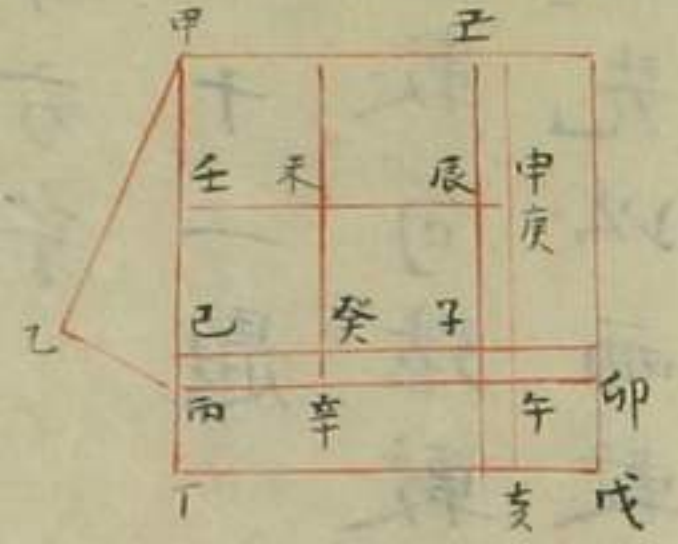
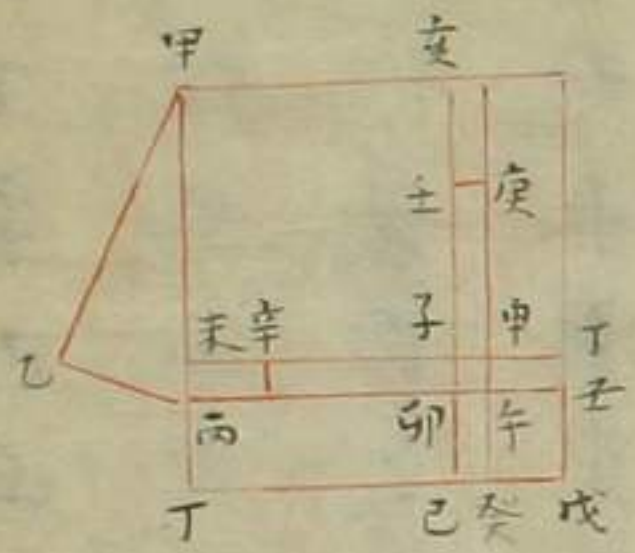
午發罄折形非即戊午方乎

又法曰兩較相乘倍之開方亦得弦和較以

下同前法

論曰甲乙丙句股形試引甲丙至丁得甲丁

為句股和甲戊為和上方甲未股丁子巳子

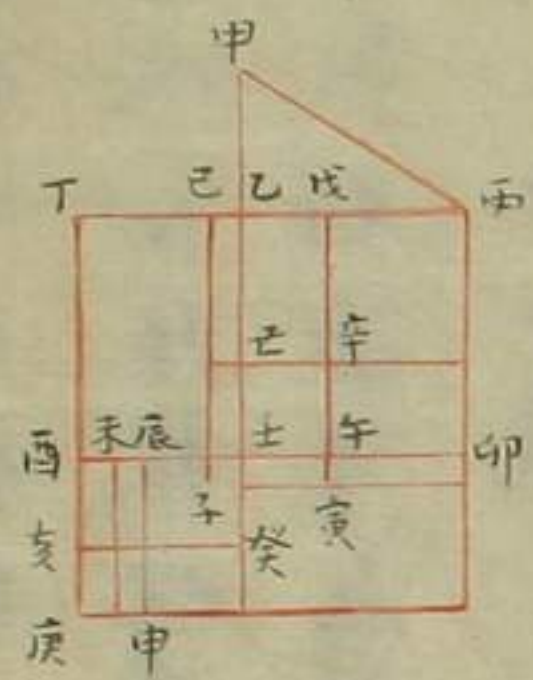
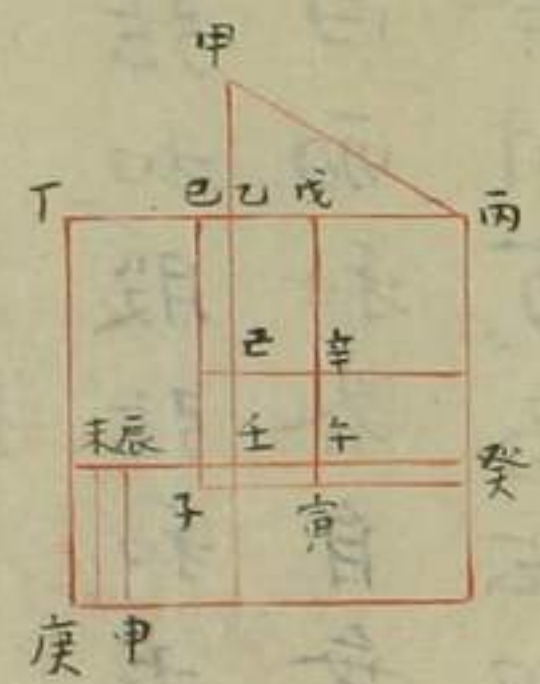


句也。丁辛。己壬。弦也。子辛。子壬。句弦較也。未子。亥子。股也。未申。亥卯。弦也。子申。子卯。股弦較也。然則卯辛與申壬兩矩形。即是兩較相乘倍之之數也。此兩矩形者。即戊午弦和較上方。為兩弦較和何則。未申亥。罄折形。句實也。子戌。方形亦句實也。今試於未午亥。罄折形。減辛丙。庚亥。丙矩形。辛未及亥壬。皆是弦和較及子午方。即是於戊子方中。減癸子丑。罄折形也。然則卯辛與申壬兩矩形。非戊午方子。

十一題

句股較。句弦較。求句股弦。句短股長。看此題法曰。先以兩較相減。得即為股弦較。次以兩較各自乘。相減。餘為實倍股弦較為法。用長濶相差法求之。得句。句加句股較。得

股。句加句弦較。得弦。



論曰。甲乙丙。句股形。丙乙股。丙戌句。丙巳弦。戊乙。句股較。戊巳。句弦較。乙巳。股弦較。乙丁。亦為句。丙丁。為句股和。丙庚。為和上方。辛壬。為句股較上方。辛子。為句弦較上方。兩較上方。即所餘壬申形。與壬戌形。等矣。於是依壬申形。作壬亥形。此形壬酉。為長。壬癸。為濶。與壬辰等。即辰未。未酉。為股弦較之倍。為長濶之差。

按此法。可股較。句弦較。相減。得股弦較。即三較皆備矣。十題第一法。句弦較。股弦較。相減。得句股較。即三較亦皆備矣。既皆備三較。則法可互用。特以就題立法。則法固各有攸屬耳。

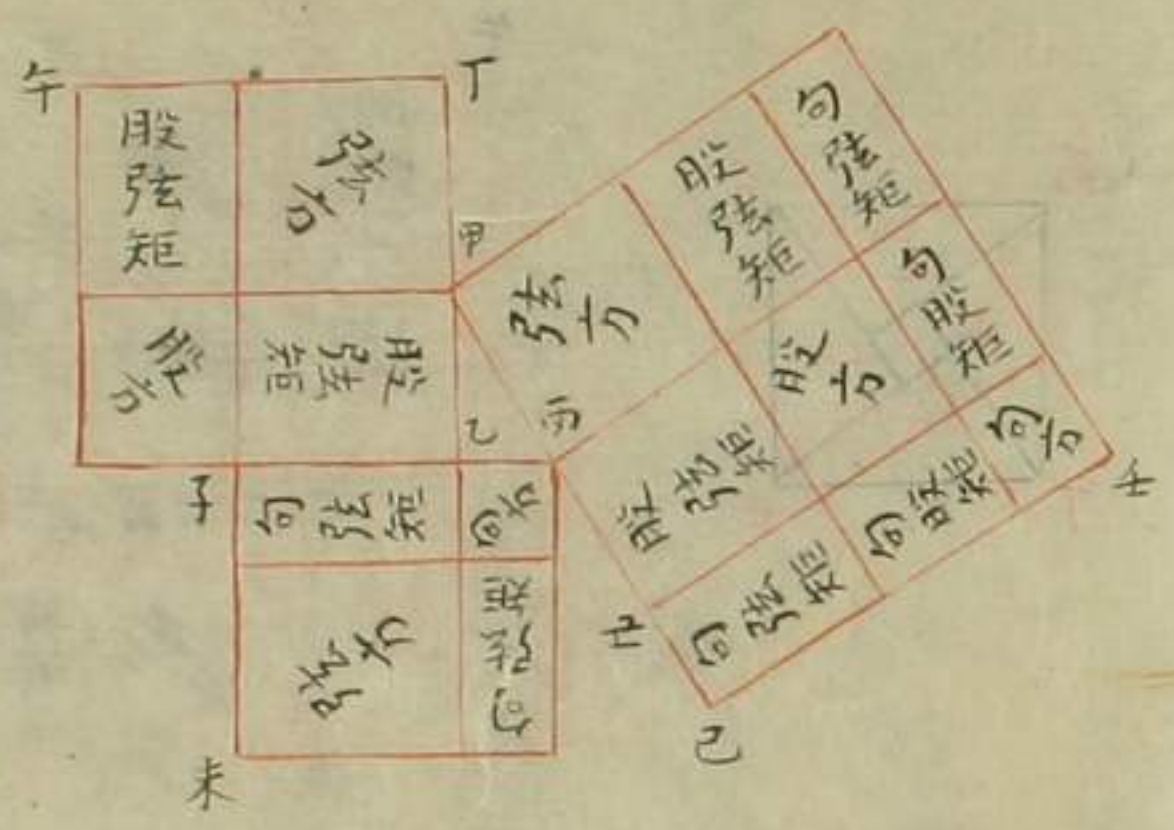
十二題

句股較。股弦較。求句股弦。股短句長。看此題。

法同十一題

十三題

句弦和。股弦和。求句股弦。
 法曰。兩和各自乘。相併。兩和相減。即為句股較。自乘。用減相併。數。餘開方。為弦和和。和。弦和。與句股和相併也。於是內減句弦和。得股。內減股弦和。得句。內減句股得弦。

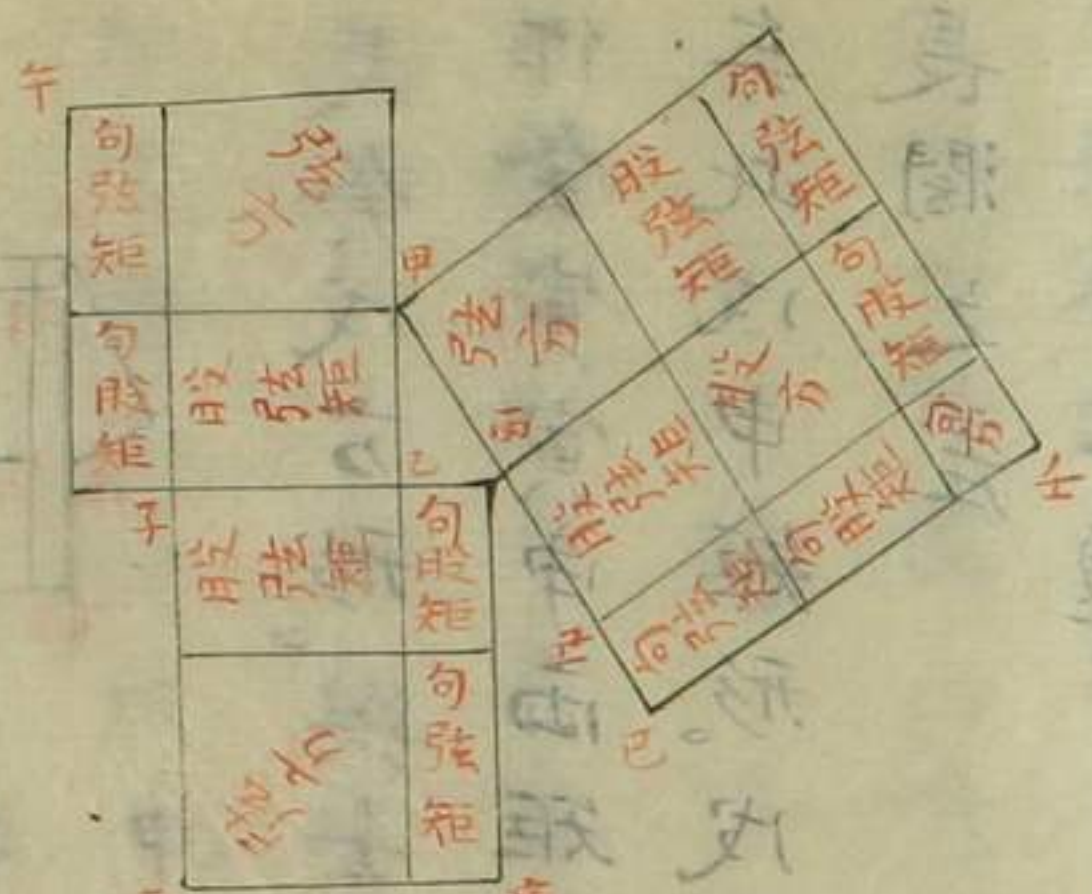


論曰。甲乙丙形。甲乙。股也。丁乙。股弦和也。乙午。股弦和上方也。乙丙。句也。丙子。句弦和也。丙未。句弦和上方也。甲丙。弦也。丙丑。股也。丑巳。句也。甲巳。弦和和也。甲壬。弦和和上方也。乙午。丙未。兩方併。較甲壬方。則兩方多一句股較。自乘之數。何則。試觀甲壬方中弦股句三方。即乙午。丙未。兩方中弦句股三方也。甲壬方中股弦矩二。句弦矩二。即乙午。丙未。兩方中股弦矩二。句弦矩二。無或異也。所異者。惟甲壬方中餘句股矩二。與乙午。丙未。兩方中餘弦方一。則弦方一。與句股矩二。其較為句股較上方。何則。試觀另圖甲

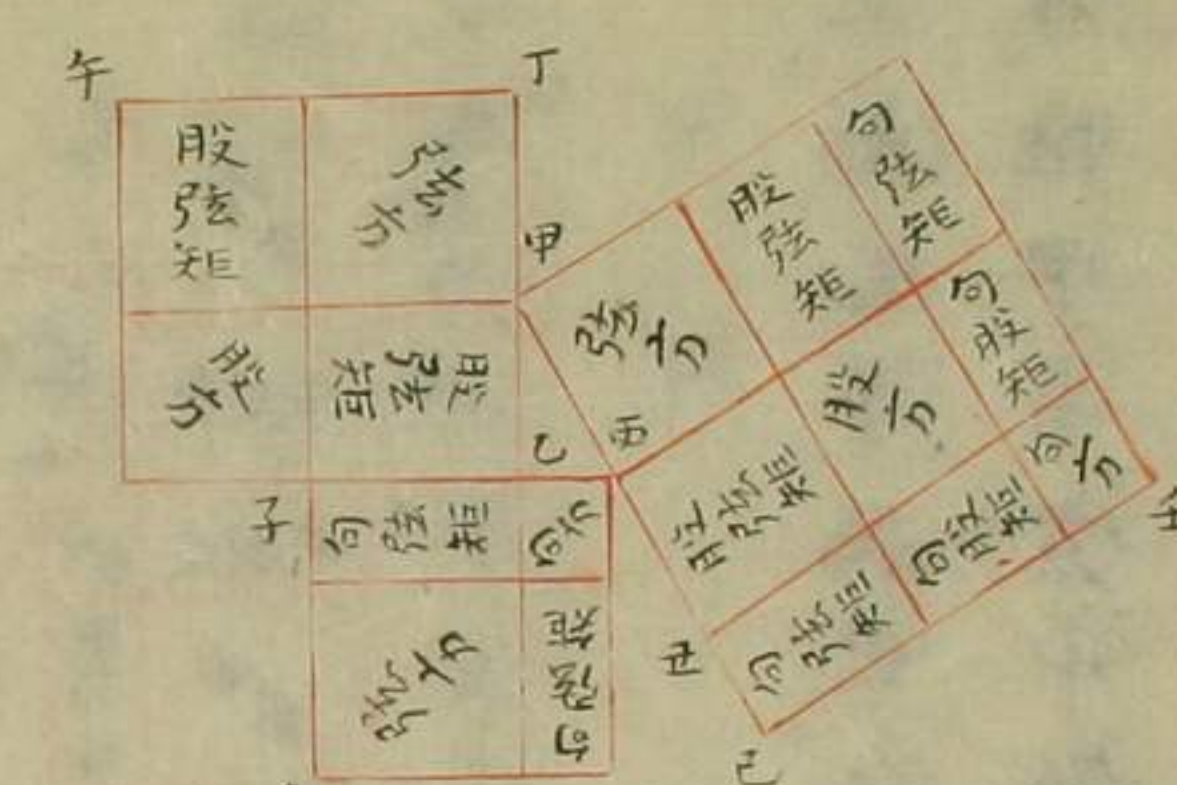
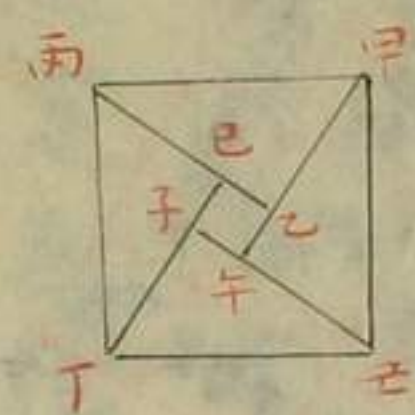
句股和。句弦和。求句股弦。
法曰。先以兩和相減。得即為股弦較。次以兩和各自乘。相減。餘

十四題

句股矩二也。然則乙午丙未兩矩形。不與甲壬方形等乎。

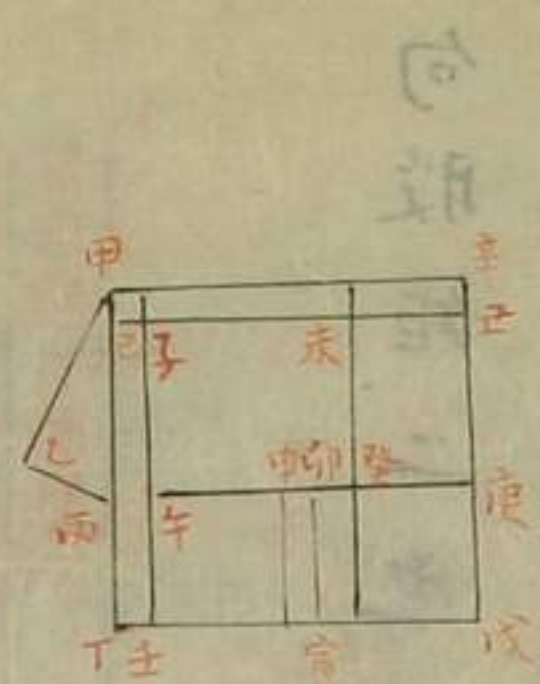


兩辛。股弦和也。丙未。兩和矩內形也。甲丙。弦也。丙丑。股也。丑己。句也。甲己。弦和和也。甲壬。弦和和也。乙午。兩末兩矩形。與甲壬方形等者。兩矩形中。有兩弦方。甲壬形中。有弦方一。股方一句。方一。亦即兩弦方也。兩矩形中。有股弦矩二。句弦矩二。句股矩二。甲壬形。亦有股弦矩二。句弦矩二。



丙。弦也。甲丁。弦上方也。甲乙。股也。乙丙。句也。甲乙丙形。句股矩形之半也。而丙己丁。丁子丑。丑午甲。三形。皆與甲乙丙形等。共四形。即得句股矩之二也。中餘乙己子午。方即句股較上方。然則乙午。丙未。兩方併。較甲壬方。不多一句股較上方乎。故於兩方中減之。即得甲壬方也。又法曰。兩和相乘。倍之。開方。得弦和和。以下同前法。論曰。甲乙丙形。乙丁。股弦和也。丁午。句弦和也。乙午。兩和矩內形也。丙子。句弦和也。

為實。倍股弦較為法。依長濶相差法求之。得句。句減句股和。得股。句減句弦和。得弦。

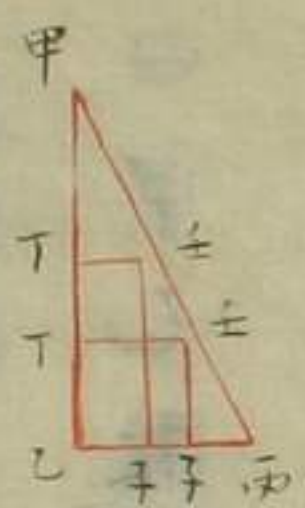


論曰。甲乙丙形。甲丁。句弦和也。甲戊。句弦和上方也。己丁。句股和也。子戊。句股和上方也。兩和之較為甲己。兩方之較為壬甲丑。鑿折形。此形中。午甲未。鑿折形。句實也。癸戊方形。亦句實也。夫癸戊方形。與壬甲丑。鑿折形。其餘為辛未。午丁。兩矩形。今試作癸寅寅申。兩矩形。與之等。即戊申。矩形。與壬甲丑。鑿折形。等矣。此戊申。矩形。戊庚為濶。即句。與庚癸等。癸卯。卯申。為倍數。為長濶之差。

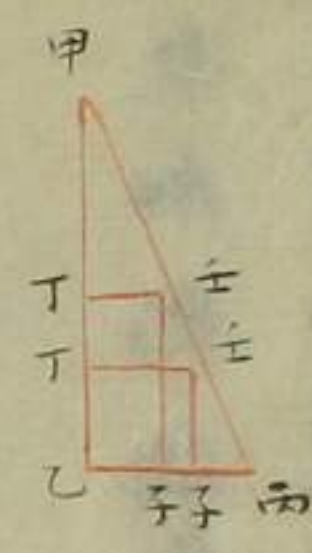
十五題

此圖與前圖相似。甲乙丙。句弦和也。甲丁。句弦和上方也。己丁。句股和也。子戊。句股和上方也。兩和之較為甲己。兩方之較為壬甲丑。鑿折形。此形中。午甲未。鑿折形。句實也。癸戊方形。亦句實也。

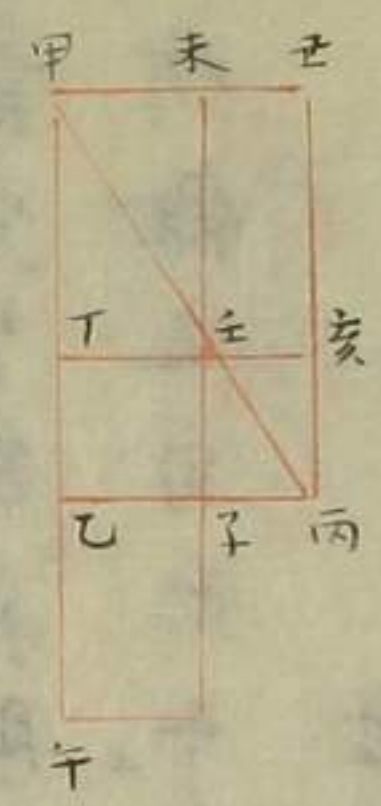
句股和。股弦和。求句股弦。法同十五題。法同十六題。法同十七題。法同十八題。法同十九題。法同二十題。法同二十一題。法同二十二題。法同二十三題。法同二十四題。法同二十五題。法同二十六題。法同二十七題。法同二十八題。法同二十九題。法同三十題。法同三十一題。法同三十二題。法同三十三題。法同三十四題。法同三十五題。法同三十六題。法同三十七題。法同三十八題。法同三十九題。法同四十題。法同四十一題。法同四十二題。法同四十三題。法同四十四題。法同四十五題。法同四十六題。法同四十七題。法同四十八題。法同四十九題。法同五十題。法同五十一題。法同五十二題。法同五十三題。法同五十四題。法同五十五題。法同五十六題。法同五十七題。法同五十八題。法同五十九題。法同六十題。法同六十一題。法同六十二題。法同六十三題。法同六十四題。法同六十五題。法同六十六題。法同六十七題。法同六十八題。法同六十九題。法同七十題。法同七十一題。法同七十二題。法同七十三題。法同七十四題。法同七十五題。法同七十六題。法同七十七題。法同七十八題。法同七十九題。法同八十題。法同八十一題。法同八十二題。法同八十三題。法同八十四題。法同八十五題。法同八十六題。法同八十七題。法同八十八題。法同八十九題。法同九十題。法同九十一題。法同九十二題。法同九十三題。法同九十四題。法同九十五題。法同九十六題。法同九十七題。法同九十八題。法同九十九題。法同一百題。



又此兩形之各兩邊。與元形之兩邊相似。何則。謂甲丁。壬子。兩邊。與甲乙。邊相似。丁壬。子丙。兩邊。與乙丙。邊相似也。於是遂生

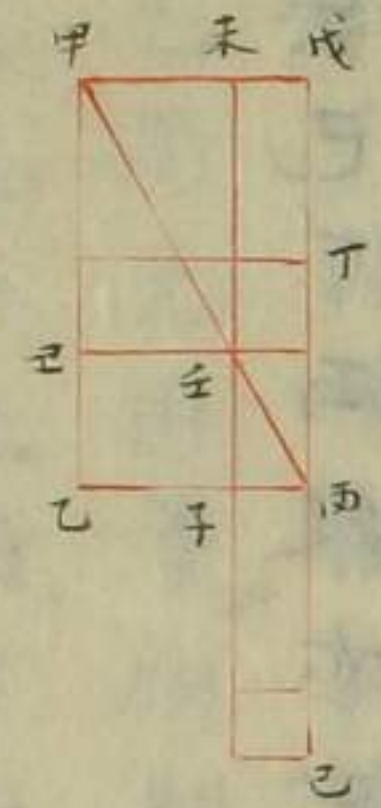


求容方之法。如左。獨不能生求容矩之法者。以容方則甲丁丁壬兩邊。即甲乙兩邊也。若容矩則否。法曰。句股相乘為實。併句股為法。除之。得方邊。



論曰。甲乙股。乙丙句。相乘得甲丙矩。即末午矩。矩之甲午邊。甲乙股。乙午即句。乙子即方邊。何則。甲丙弦為甲丙矩形之對角線。亦為甲壬。壬丙。矩形之對角線。則甲乙丙與甲壬丙。甲丁壬與甲末壬。壬子丙與壬亥丙。各角形。自相等。今於甲乙丙。甲丁壬。兩相等之兩形中。各減去相等之角形。所餘之乙壬方與壬子丙。必等。次於丙方。各加一同用之子亥矩。則乙亥矩與壬子矩。亦必等。而壬子矩與乙亥矩等。亦即與壬子矩等。然則甲丙矩。

與末午矩等乎。又法曰。句自乘。為實。併句股為法。除之。得餘句。用減句。餘即方邊。



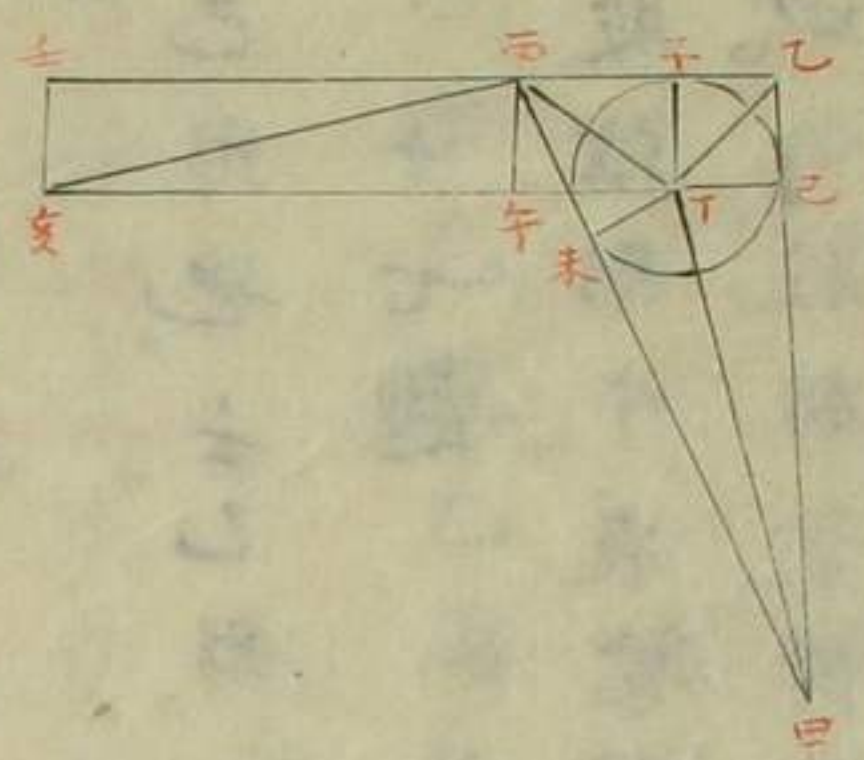
論曰。甲乙丙句股形。乙丙句自乘。得乙丁方。即末已矩形形之。戊丙即股。丙已即句。丙子即餘句。乙子即方邊。何則。壬丁形即子已形也。壬乙形。即壬戌形也。然則乙丁方。即末已矩也。

十七題

句股弦形中。求容圓

法曰。句股相乘。倍之為實。句股弦共為法。除之。得容圓徑。或句乘。為實。句股弦共為法。除之。得容員之半徑。或句股相乘。半之為實。句股弦併而半之為法。除之。得容圓之半徑。

丁與已丁兩線亦必各等。然則丁即圓心。三線即圓之半徑矣。果何術以求之乎。曰。試作甲丁。丙丁。乙丁。三對角線。乎合甲乙丙三角。及丁角。因平分三個四邊形。為六個三邊形。各兩相等。次引乙丙至壬。令丙壬與甲已等。則乙壬線。為甲乙丙三邊之



論曰。試於形之三邊。截取己子未三點。令乙子與乙己等。甲己與甲未等。丙未與丙子等。次於己子未三點。各作己丁。未丁。子丁。三線。為形三邊之垂線。必相遇於丁而相等。何則。試先就己甲未丁四邊形論之。甲己甲未兩邊等。己未兩角皆正。即己丁。未丁。兩線必等。依題未丁與子丁兩線。子

半。何則。乙子者乙子。乙己之半。丙子者丙子。丙未之半。丙壬者甲未。甲已之半。然則乙壬者甲乙丙三邊之半矣。次引長己丁線至亥。令己亥與乙壬等。必相與為平行。以作壬亥。丙午。丙線與子丁線等。而相與為平行。未作丙亥對角線。則乙亥矩形。與甲乙丙元形等。何則。乙己丁子方形。在元形之內。丙子丁角形。亦在元形之內。丁午丙角形。雖不全在元形之內。然即丙未丁形而倒置之。湊合丙子丁形。而成子午矩形者也。至於壬午矩形。全在元形之外。然亦即甲己丁。甲未丁。兩形。顛倒湊合而成者也。然則乙亥矩形。與甲乙丙元形等矣。於是以前股相乘。半之。得甲乙丙元形。即乙亥矩形。以乙壬三邊之半分之。得子丁為圓半徑。或以三邊之全。合元形之倍。亦得圓之半徑。或三邊

之全分元形之四倍。得全圓徑也。

又法曰。句弦股三邊。半之。內減弦。得圓之

半徑。或倍弦。用減三邊

論曰。甲乙丙元形之乙角。既是正角。乙子

丁。乙己丁。兩角。又是正角。即子丁己亦必

正角。然則子丁己乙形。必是正角方形。而

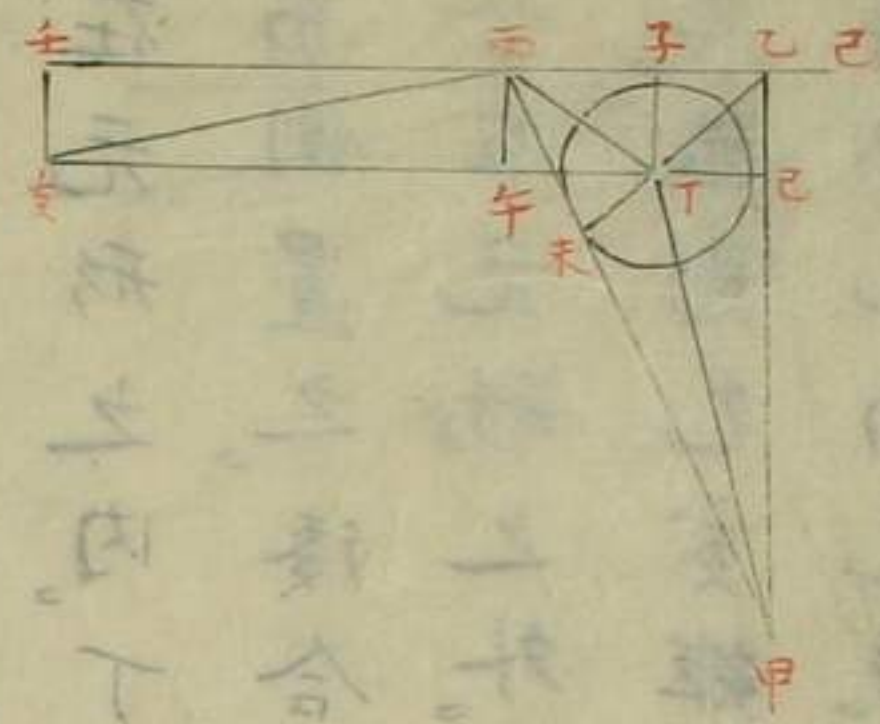
四邊等矣。即乙己乙子兩邊。必與丁己。丁

子。圓之兩半徑等矣。此乙己乙子之兩邊。果何術以求之乎。依

前論乙壬線為三邊之半。而丙壬。即甲末也。丙子。即丙末也。則

子壬線。即甲丙弦也。於是子壬弦。減乙壬三邊之半。得乙子。即

圓之半徑。若倍弦數。用減三邊之全。得全圓徑。



又法曰。句股併以弦減之。得全圓徑

論曰。如前圖。乙丙。句也。丙壬與乙己併。即甲乙股也。何則。以丙

壬與甲己等。故也。壬子。即甲丙弦也。何則。以丙壬與甲末等。丙

子與丙末等。故也。於是子壬弦。減壬己句股併。得子己。為圓

之全徑。何則。以乙子與子丁等。乙己又與乙子等。故也。

已上十七題。除求方求圓二題。餘十五題。已盡句股弦之蘊

矣。然論其題。則不止於已上十五題也。今反覆推之。凡得一

百四十四題。雖究其歸。不出於已上十五題之法。要亦不可

不備。使習者得以按題而索之。逐類而通之也。

句股較。句股和

句股較。句股和

句股較。股弦和

句弦較。句弦和

句弦較。句股和

句弦較。股弦和

股弦較 股弦和
已上共九題
股弦較 句股和
股弦較 句弦和

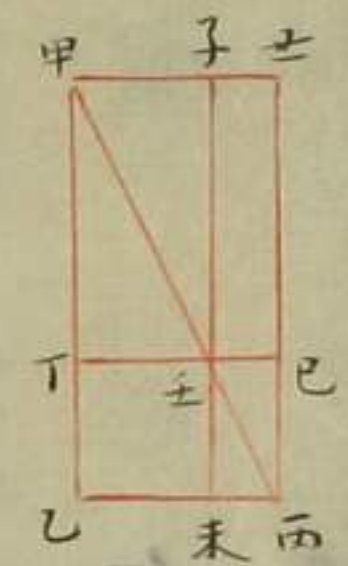
句較較
句和較
股較較
股和較
股較和

之已上十則各以三則配之得三十題
各以三則配之得三十題
各以三則配之得三十題
各以三則配之得三十題
各以三則配之得三十題

又已上十則和為一則以下九則配之得九題
句較較為一則以下八則配之得八題
股較較為一則以下七則配之得七題
弦和較為一則以下六則配之得六題
句和較為一則以下五則配之得五題
股和較為一則以下四則配之得四題
弦較和為一則以下三則配之得三題
句較和為一則以下二則配之得二題
已上共一百四十四題學者按題而索之逐類而通之要不
出於前所列之十五題也

又一題 後十四題盡

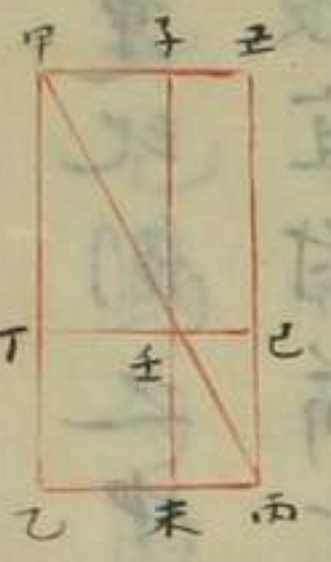
容方與餘句求餘股與餘股求餘句因得全句全股
法曰方邊自乘以餘句除之得餘股以餘股除之得餘句各以
所得加方邊因得全句全股



論曰乙丁方邊也自乘得乙壬方即壬乙
矩論詳前故以己壬即丙未除之得子壬
即甲丁以子壬除之得己壬因以己壬加

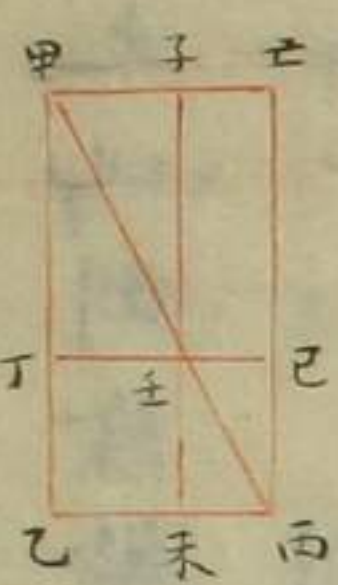
壬丁共己丁即句以子壬加壬未共子未即股
又法曰以餘句除方邊餘句小得數即用以乘方邊得餘股或
以方邊除餘股餘股大得數即用以除方邊得餘句
論曰方邊為餘句餘股連比例之中率以前率餘句比中率方

邊則方邊為幾倍大即以中率方邊比後率餘股則餘股亦必
為幾倍大又以後率餘股比中率方邊則方邊為幾倍小即以



中率方邊比前率餘句則餘句亦必為幾
倍小故得數者得其幾倍大幾倍小之數
也大用乘小用除

又二題
餘句餘股求容方因得全句全股
法曰餘句股相乘開方得方邊各以餘句股加之得全句股

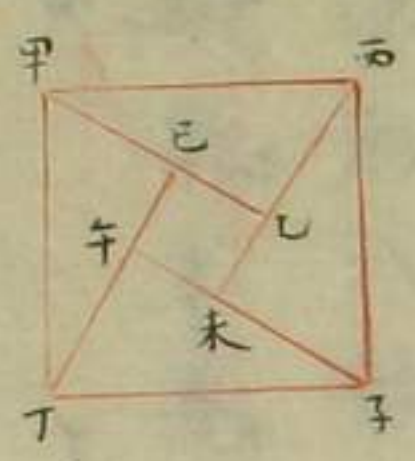


論曰子壬即餘股也己壬即餘句也
矩即乙壬方也論詳前因以甲丁即丙未
餘加之得全股甲全句乙

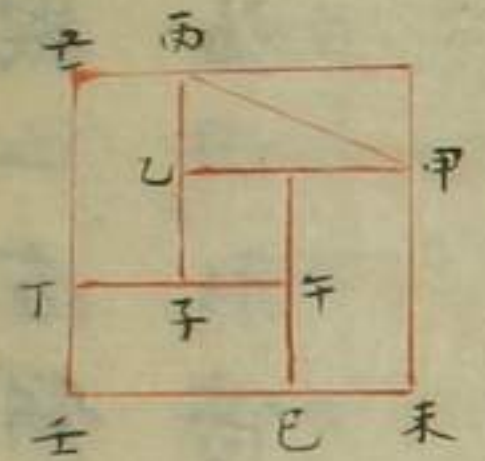
又法曰。以餘句除餘股。除以大小得數。開方得中率之比例。於是
 中率之比例除餘股得方邊。或以中率之比例乘除句。亦得方
 邊。

論曰。餘句餘股之於方邊為連比例之前後率。今以已壬餘句
 比子壬餘股。得子壬為幾倍大。即是以已壬線上方。比已壬線
 與子壬線上矩。得丑壬矩為幾倍大也。而丑壬矩又與乙壬方
 等。開方得連比例之中率者。以方則邊等。邊等則比例連故也。
 既得連比例之中率。則方邊可得而知矣。然計大率計小之邊
 右兩題宜附前十六題之後。蓋此兩率同。限邊同。亦必同。蓋
 又三題。以中率古法。但古法。蓋計小。以
 句股弦形句股較。求句股弦。率古法。以中率古法。但古法。蓋計小。以

法曰。形四倍之。另以較自乘相併。開方得弦。次依前四題法。求
 句股。論曰。甲乙丙形。四倍之。即丁巳甲子午丁丙未子。與甲乙丙。四
 形也。乙巳為句股較。乙午為較上方。四形與一方相併。成甲子
 方。開方得甲丙弦。



又法曰。形八倍之。另以較自乘相併。開方得句股和。於是和加



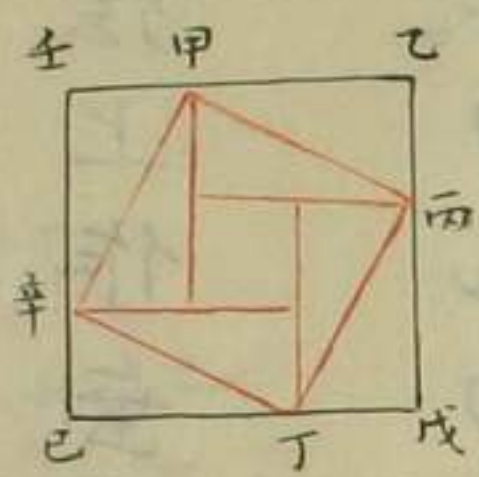
較折半得股。和減較折半得句。
 論曰。甲乙丙形八倍之。即甲丙丙丁。丁巳。巳甲
 四矩形也。乙子為句股較。乙午為較上方。四矩

形與一方併成丑未方。開方得丑壬。為句股和。又法曰。形倍之以句股較。用長濶相差法求之。得句句加較得

股
論曰。甲乙丙句股弦形。倍之。得乙丁矩形。甲乙股。乙丙句。乙甲較。即乙己與乙丙句等。丙己為句上方。丁句為句與較矩內形。今試商得乙丙為句。乙己加己甲為股



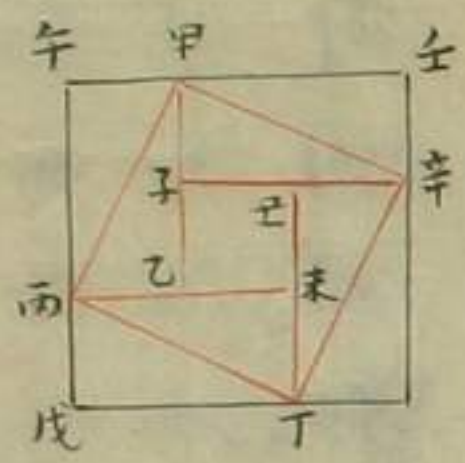
又四題
句股弦形。句股和求句股弦。法曰。形四倍之。另以句股和自乘。相減開方。得弦。次依前七題法求句股



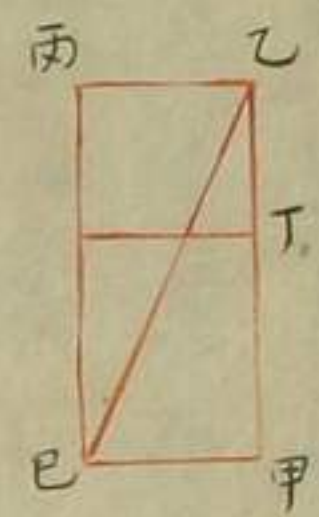
論曰。甲乙丙形。四倍之者。甲乙丙。丙戊丁。丁己辛。辛壬甲。四形併也。乙壬為句股和。乙己為和上方。丙戊丁丙方。開方。得甲丙

又法形八倍之。另以句股和自乘。相減。開方。得句股較。於是用加和。折半為股。用減和折半為句

論曰。甲乙丙形。八倍之者。即甲丙。丙丁。丁辛。辛甲。四矩形併也。午戊為和。戊壬為和上方。丙戊四矩形併。餘子乙未丑方。開方。得子乙為句股較



又法曰。形倍之。以句股和。用長濶相和法求之。得句。句減和。得



股
論曰。甲乙丙句股弦形。倍之。得乙己矩形。
甲乙股。乙丙句。併之為和。今試商得乙丙

為句。用減和。餘甲乙。即股

又五題

句股形中。求從直角

句股相聯處

至弦。作垂線。

與弦相交為直角

分元形為

兩句股形

法曰。弦上方。句上方。併之。內減股上方。餘半之。以弦除之。得數

為弦上作垂線之處。於是所得數與句。依句弦求股法。作垂

線

論曰。甲乙丙元形。求從直角作乙午線。為甲丙之垂線。丁甲丙。

弦也。甲丑。弦上方也。乙丙。句也。乙己。句上方也。甲乙。股也。乙辛。

股上方也。夫乙辛方中之子未方。乙午

線上方也。乙己方中之丁申方。亦乙午

線上方也。即兩方等矣。又乙辛方中之

子辛未聲折形。甲己方中之午壬方也。

今於甲丑。乙己。兩方中。減乙辛方。即於

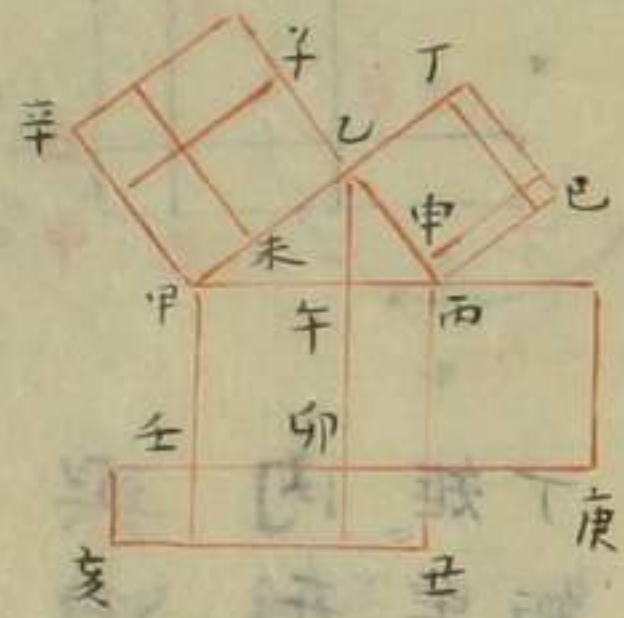
兩方中。減丁申方與午壬方也。兩方中。所存者。為申己丁聲折

形。午壬聲折形矣。而申己丁聲折形。又與乙卯方等。半之。即

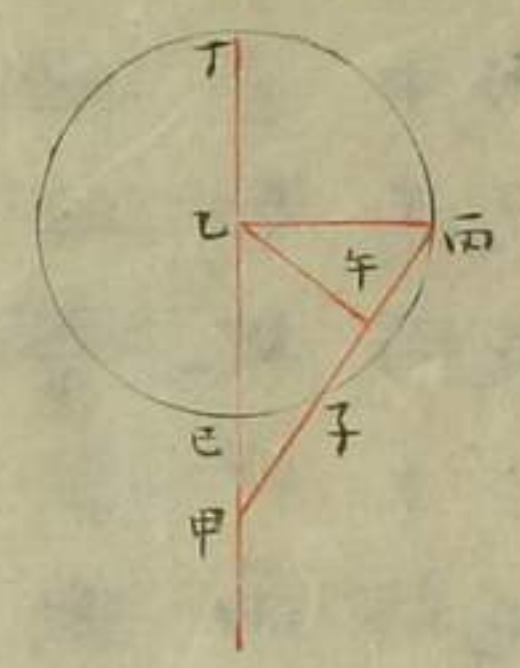
得午壬矩。故以丙壬弦除之。得丙午。若乙辛方與甲丑方併。內

之。得甲丁。同上論。按此法。不但可施諸句股。餘半之。以弦除

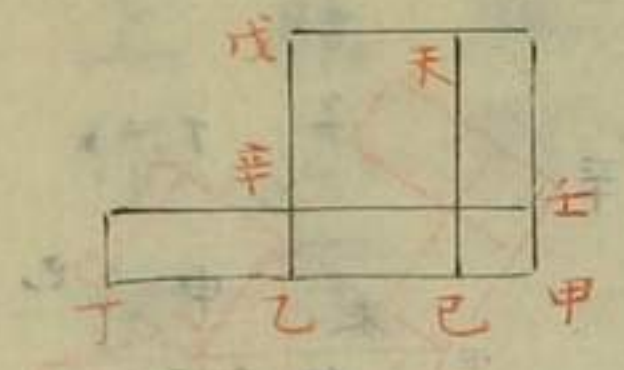
又法曰。句股相併得數。相減得數。兩得數相乘。以弦除之。得數



用減弦餘半之得數為弦上作垂線之處



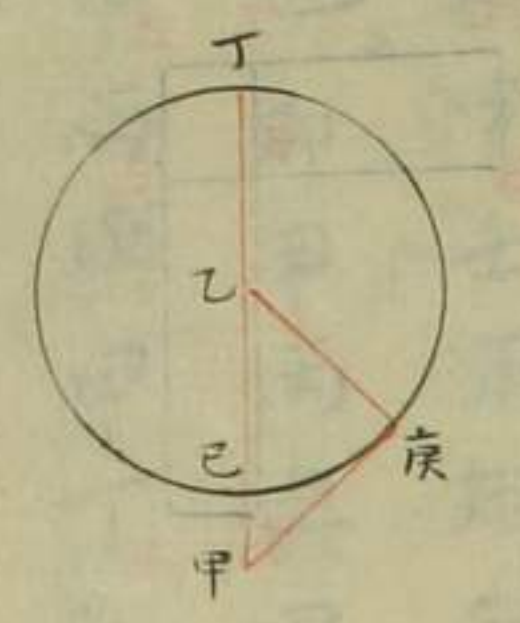
如圖甲乙丙形甲乙股乙丙句相加得甲
丁相減得甲己甲丁與甲己相乘得數以
甲丙弦除之得甲子用減弦餘丙子半之
子午即午點為弦上作垂線之處



一論曰甲丁偕甲己矩內形及乙己上方形併
與甲乙上方形等如圖丁矩甲丁偕甲己矩
內形也甲己與辛甲未罄折形即壬丁矩也
矩與辛未辛方乙己上方也併之得甲戊方即
甲乙上方

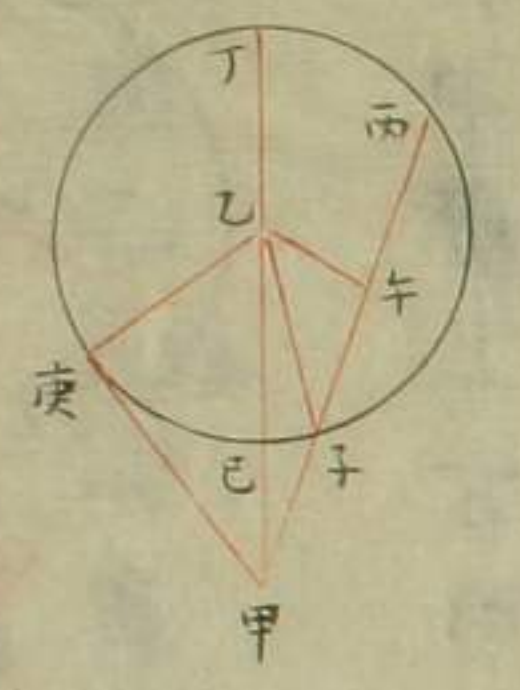
二論丁己甲線貫圈心於乙庚甲線切圈周於庚乙庚甲為直

角夫丁甲偕己甲矩內形與甲庚線上方形等何則乙庚庚甲

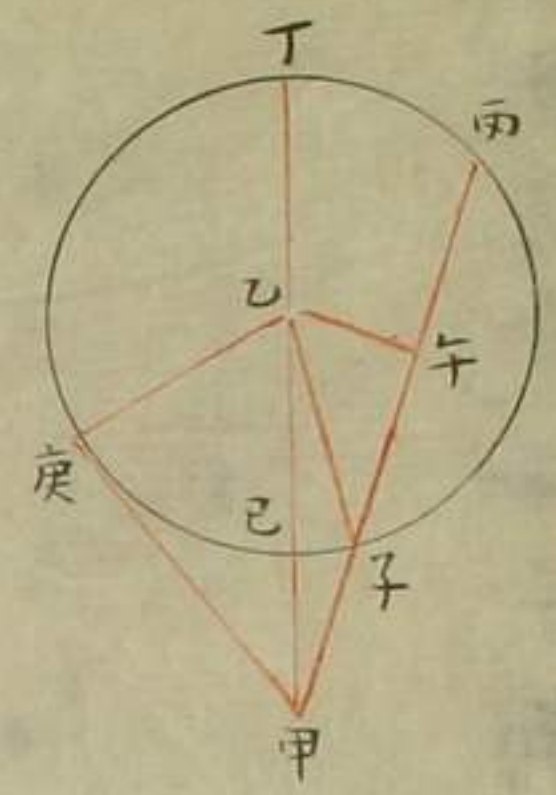


兩線上方形與乙甲線上方等而丁甲偕己
甲矩內形及乙己上方併亦與乙甲線上方
等一論見此兩率者每減一相等之乙庚乙
己兩線上方則甲丁偕甲己矩內形與甲庚

線上方形必等



三論曰丙甲線不貫圈心於乙庚甲線切圈
周於庚乙庚甲直角形乙午甲亦直角形兩
形合一乙甲弦則乙庚庚甲兩線上方併與
乙午午甲兩線上方併必等又乙午子直角
形則乙午午子兩線上方併與乙子線上方等夫午甲上方形

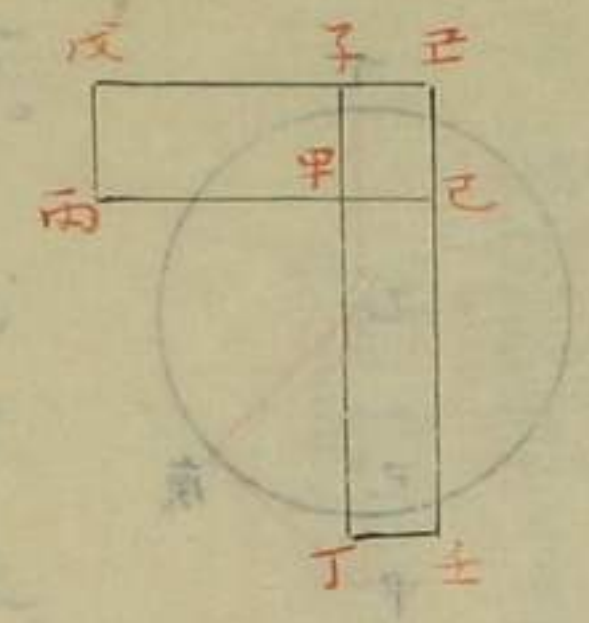


中原有一論之
 丙甲借子甲矩內形。及午子
 上方形。今於乙甲上方形中。減乙庚上方形。
 即減去同乙庚之乙子上方。同乙子之乙午。
 午子兩線上方。然則所餘之丙甲借子甲矩

形與甲庚上方形必等

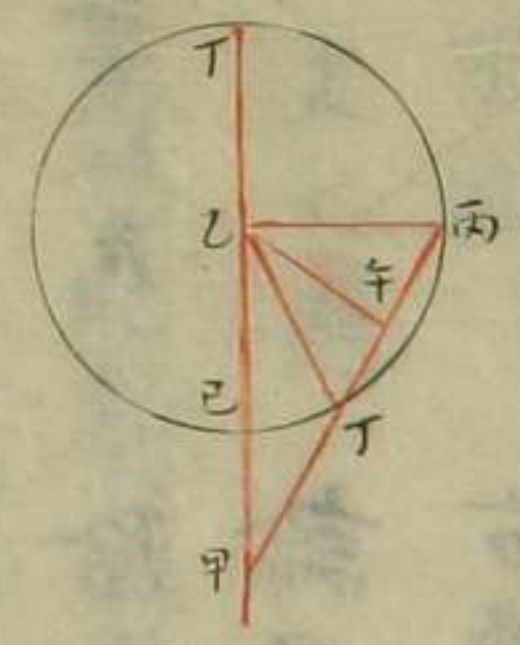
四論曰前甲丁借甲己矩內形與庚甲上方等。二論甲丙借甲

子矩內形與庚甲上方亦等。三論則兩矩形自相等。而等角剪



之各兩邊彼此互相視。何則。試引戊子。壬己。
 兩線相遇於午。而成甲丑形。夫甲戊與甲丑
 兩形同在戊丑丙己兩平行線內。等高。則兩
 形之比例。若其底甲丙與甲己之比例。依顯

甲壬與甲丑兩形之比例。亦若其底甲丁與甲子之比例。夫甲
 戊與甲壬兩矩形互等。則甲戊形與甲丑形。即甲壬形與甲丑
 形也。即甲丙與甲己之比例。亦即甲丁與甲子之比例也。更之
 則甲丙與甲丁之比例。亦若甲己與甲子之比例。甲丙與甲丁



於是甲丙為一率。甲丁為二率。甲己為
 三率。二三率相乘。一率除之。得四率甲子
 也。既得甲子。用減甲丙。餘丙子。半之。于午。
 得午點。為弦上作垂線之處。何則。試作乙

子線。與乙丙同為圓之半徑。即等。而成乙丙子兩疊等角形。則
 午點折丙子之半。必是直角。此法不但可施諸句股形。凡銳
 角鈍角形。俱可用此法求垂線
 右既得乙午垂線。即分甲乙丙原形。為甲午乙。乙午丙。兩句股

又八題

斜三角形中求作中垂線。分元形為兩句股形。法具又五題

又九題

斜三角形中求積

先分別求銳角形或是鈍角形

若是正角形法以句股相乘半之即得

法曰大中

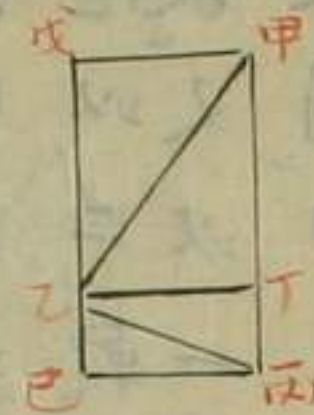
小三邊用中兩邊依句股求弦法求之若求得數小於大邊

即是銳角形大則是鈍角形

銳角形求積法曰任取一角依又五題求中垂線銳角形求中垂線任取一角

角內皆在分元形為兩句股形次以兩分形句與股各相乘半之

得積



論曰甲乙丙銳角形先求得乙丁中垂線分為

甲丁乙乙丁丙兩句股形次以甲丁與丁乙丁

乙與丁丙各相乘得丁戊與丁己兩矩形各半

之得甲乙丙形之積或以甲丙因乙丙之半亦得鈍角形求積

法於鈍角形對邊作垂線於銳角對邊作垂線則垂線在形

外而引對邊出形外湊之曰大邊上方內減中小兩邊上方餘

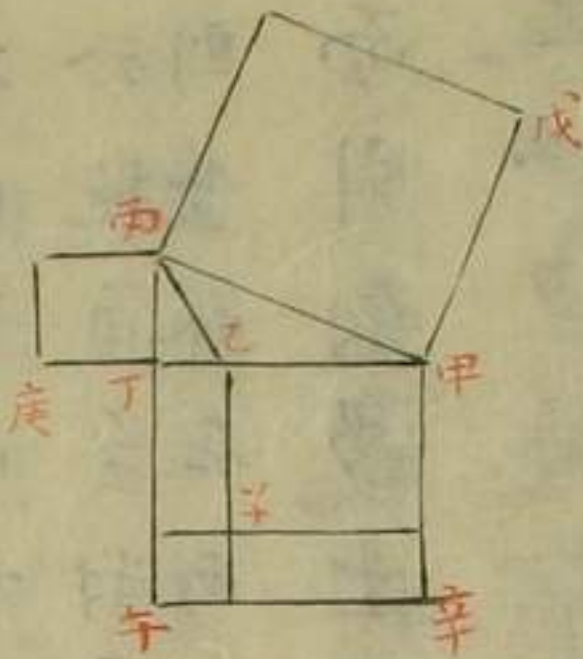
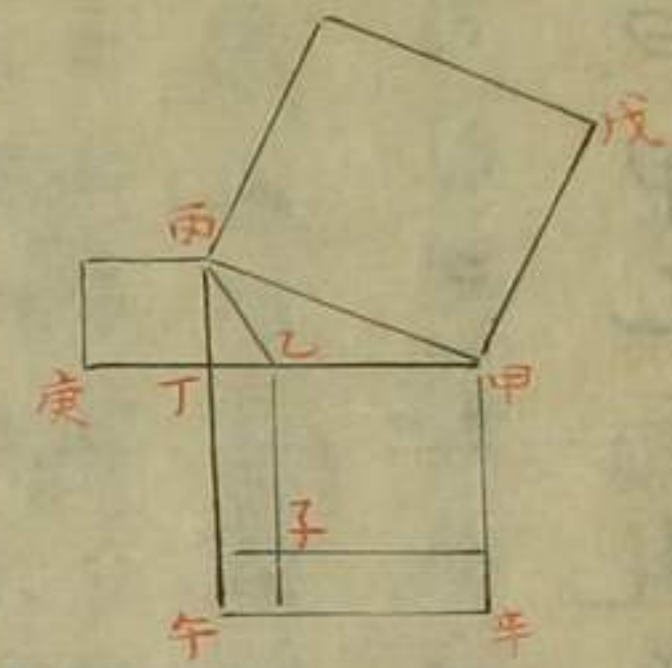
半之以中邊除之得引湊數與小邊為股弦求句得垂線或以

除半數得引湊數與中邊既得垂線則與引湊數湊成一小句

股形又以垂線與引湊數倍元形之邊湊成一大句股形大小

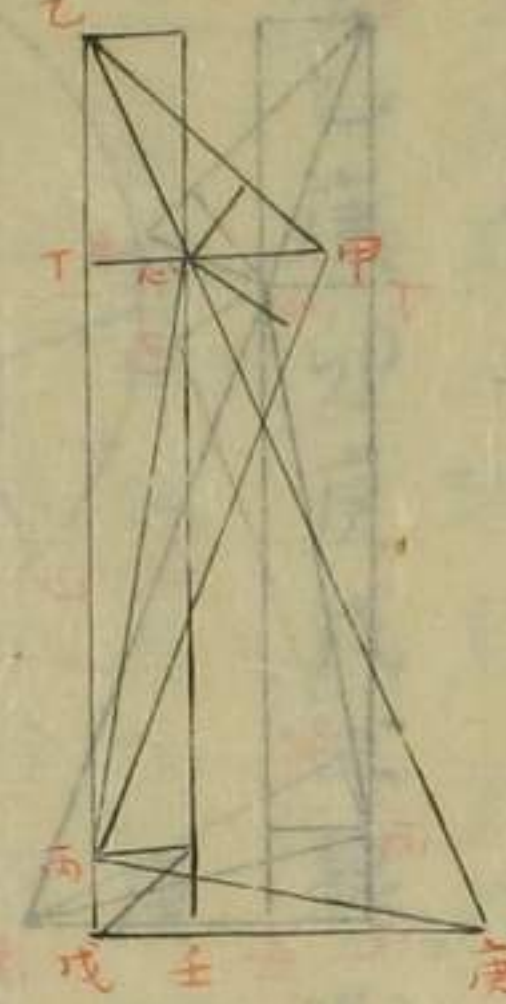
兩句股形相減得所求

論曰甲乙丙鈍角形鈍角求從丙銳角作丙丁垂線而引乙丁



線以湊之。從甲角作垂線亦夫甲丙上方。元
包丙丁與甲丁兩邊上方。今於甲丙上方大
中減乙甲乙丙上方。即是減丙庚與辛午
兩方。為乙丙上方減甲子方。為甲乙上方也。
而所存者為丁子辛兩矩形矣。半之。為子
丁一矩形。以中邊乙子除之。得乙丁為引數
也。丙丁乙為小句股形。丙丁甲為大句股形
兩形相減。得甲乙丙斜三角形積
又法曰。三邊數。併而半之。以每邊數各減之。得三較數。三較連
乘。又以二較相乘。得
數。又以一較乘之。得數。又以半數乘之。得數。開方得積
如後圖。甲乙丙元形。求其積

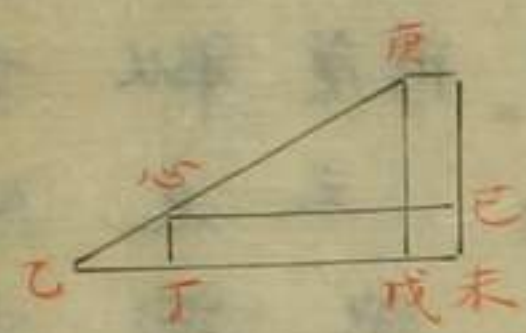
一圖



二圖



三圖

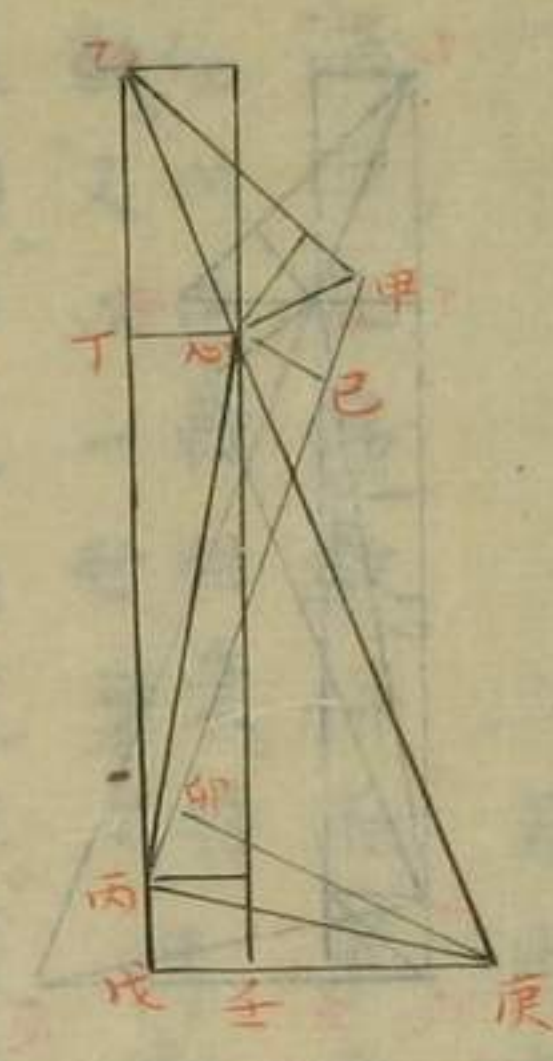


一論曰。壬乙矩形。與元形等。論同前
十七題。所論乙亥矩形。與甲乙丙元
形等
二論曰。丁心方。與乙戊相乘。人與乙
戊相乘。開方。與乙壬矩形等。如圖。子壬二。
丑壬三。相乘得六。為子丑矩形。今以子壬
二。自乘得四。為子卯方。即壬寅邊。以丑壬
三。乘之。得十二。為丑寅矩形。又以三乘之
得三十六。為辰寅矩形。即午丑方形。故開方。得
辰午六。與子丑矩形等
三論曰。丁心偕戊庚矩形。與乙丁相乘。其所得

數與丁心方。借乙戊相乘。所得數等。何則。乙丁心形。與乙戊庚形。相似之形也。戊庚與丁心。若乙戊與乙丁。則戊庚借丁心矩

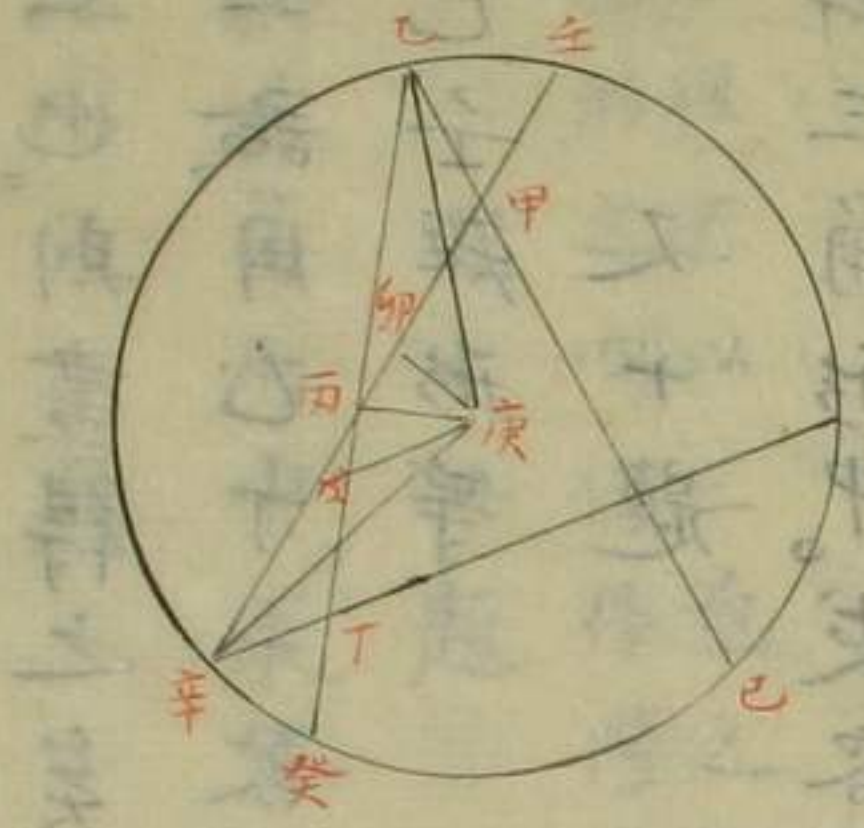
形。即庚未與丁心方。即已戊亦若乙戊與乙丁也。
 四論曰。丙丁借丙戊矩形。與丁心借戊庚矩形等。觀之一圖。何則。心丁丙形。與丙戊庚形相似之形也。夫庚乙線平分丁乙甲角。庚戊為丙戊之垂線。則戊為直角。次依丙戊線。截取丙卯線。作卯庚線。為丙卯之垂線。則卯為直角。此庚乙庚戊庚卯三線。必

相交於庚點。三線既相交於庚點。則丙庚線必平分卯丙戊角。而卯丙戊角。又即已心丁角。因得心丁丙形。與丙戊庚形。為相似之形也。兩形既相



似。則丁心與丁丙。若丙戊與戊庚也。

解庚乙庚卯庚戊三線。必相交於庚點。所以然之故。



庚心乙界。作圖。次依甲乙丙形。作丙丁辛形。次引乙丁線至癸。引辛甲線至壬。乙庚線平分丙乙甲角。則庚點必是圈心。戊點折乙癸線之半。則戊點必直角。卯點折壬辛線之半。則卯點必直角。乙癸

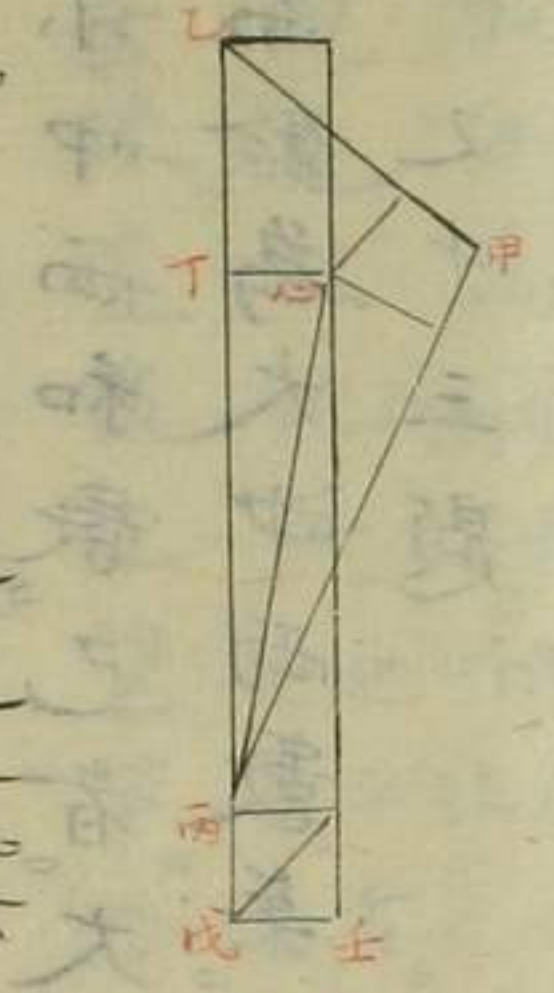
與乙己等。乙丙辛丙為大邊。甲丙丁丙為中邊。甲壬丁癸即小邊。

總論曰。二論。丁心方與乙戊相乘。又與乙戊相乘。所得數開方。與乙壬矩形等。夫乙戊。半數也。亦既得之矣。次欲求丁心與乙

戊相乘而丁心不可得。三論丁心戊庚矩形與乙丁相乘所得數與丁心方偕乙戊相乘所得數等。夫乙丁三較之一也。則又得之矣。次欲求丁心與戊庚兩線而兩線又不可得。四論丁丙偕丙戊矩形與丁心偕戊庚矩形等。夫丁丙丙戊三較之二也。則盡得之矣。今法於四論用丁丙偕丙戊二較相乘於三論用乙丁一較乘之於二論用乙戊半數乘之開方得數與乙壬矩形等。

又十題

斜三角形中求容圓
 法曰先依又九題求積次取三邊數併而半之用除積得員之半徑或置二較連乘數以半數除之得開方亦得員半徑



論曰先依又九題求得乙壬矩形為甲乙丙元形積次以乙戊除之即三邊數得丁心即圓之半徑若以三邊之全除元形之四倍得圓全徑

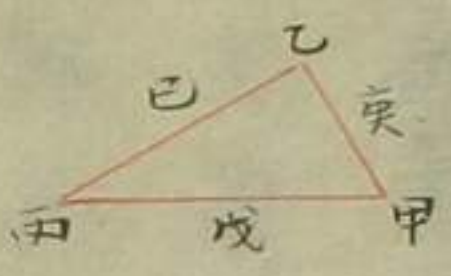
又十二題
 斜三角形中求容方
 法同又六題

又十二題
 斜三角形有三和數求三邊
 法曰三和數相減得三較數各置三較數各以非所較之邊加減之各半之其加而半者得大邊或中邊減而半者得小邊或

斜三角形有三和數求三邊
 法曰三和數相減得三較數各置三較數各以非所較之邊加減之各半之其加而半者得大邊或中邊減而半者得小邊或

中邊

如圖戊己庚為三和數。戊為大中西和數。己為大小甲為戊庚



兩和之較。乙為己庚兩和之較。丙為戊己兩和之較。於是置甲較數以己為非所較之邊。加而半之得大邊。減而半之得小邊。置乙較數以戊為非所較之邊。加而半之得大邊。減而半之得中邊。置丙較數以庚為非所較之邊。加而半之得中邊。減而半之得小邊。

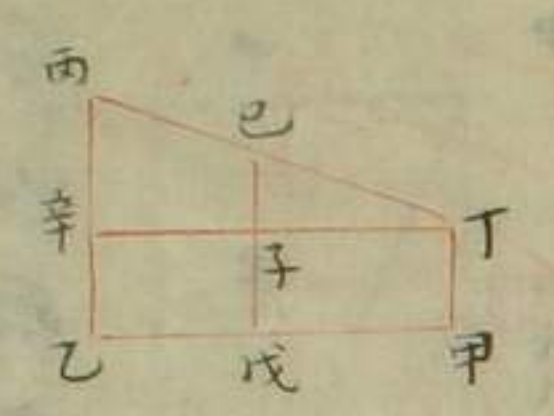
論曰。戊者大中西和數也。加減用乙者。乙為己庚兩和之較。庚者小中西和數。己者大小兩和數。此兩和數中皆有相等之小數而餘為大中西數矣。此乙所以為大中西數之較也。餘做此

又十三題

句股測高

測遠測廣
測深測法

法曰。先准地平。之平者必令所測地面自所測為垂線。退後立望竿。令所測高表尖。竿頭。參相。直末自竿至高根。量得若干遠。然後以表竿差與遠相乘。而以表竿相去若干除之。加竿長若干。得所求之高。



如圖丙乙高乙甲遠。丁甲竿。己戊表。己子為表竿差。戊甲為表竿相去。夫丁子己形。與丁辛丙形。相似。故丁子與己子。若丁辛與丙辛也。

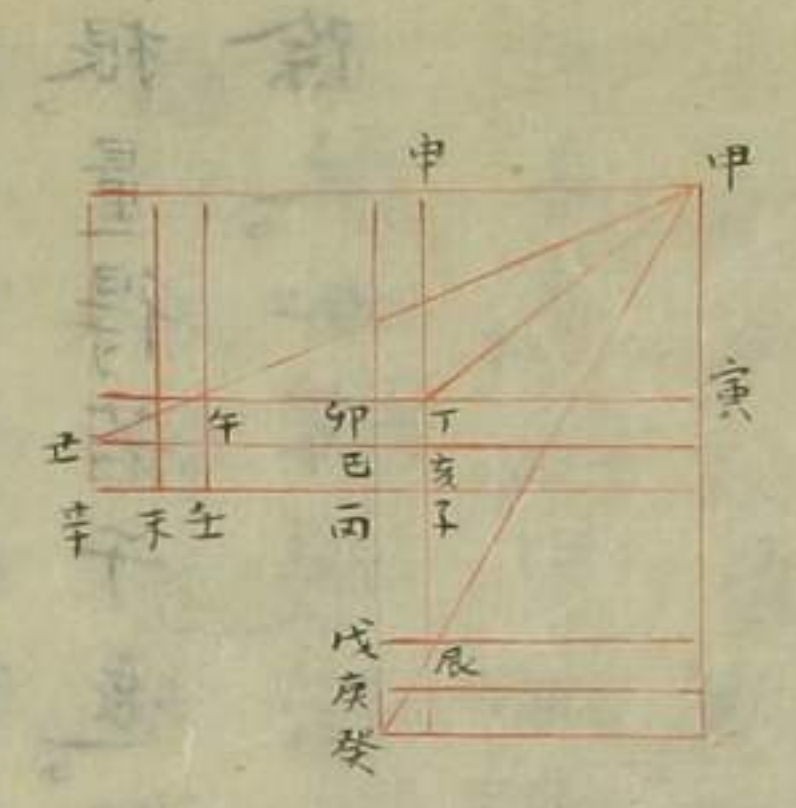
又十四題

句股重測高遠

測廣測深
測法

法曰。若無高根之可量者。則用重測法。謂一次立表竿。令表竿

與高參相直。二次立表竿。令表竿與高參相直。兩表而竿。要各
 或後立成。然後以表竿之較。乘兩表相去。而以兩表竿相去之
 較除之。加表高若干。得所求之高。又以前表竿相去。乘兩表相
 去。而以兩表竿相去之較除之。加前表竿相去。得所求之遠。

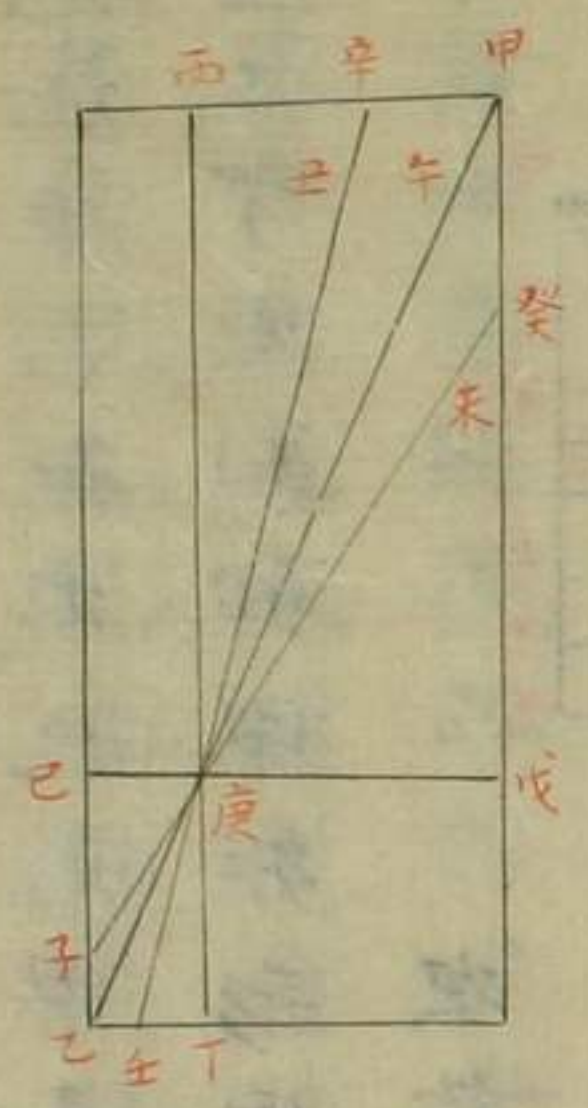


如圖甲乙高。乙丙遠。各不知數。用重表測之。
 丁子為前表。己丙為望竿。子丙為表竿相
 去。甲丁己三點參相直。午壬為後表。丑辛為
 望竿。壬辛為表竿相去。甲午丑三點參相直。
 丁亥為表竿之較。子壬為兩表相去。未辛為
 已上用以測高。借丁卯元是表竿相去為表竿相
 差。借卯己元是表竿相去為表竿相去。辰戌亦借為表竿相去。戊癸亦

借為表竿相去。甲辰癸三點亦參相直。丁辰亦借為兩表相去
 與丁午等。即庚癸亦為兩表竿相去之較。與辛未等。以上用以
 測遠

解庚癸線與辛未線必等。所以然之故

如圖甲乙矩形內形甲乙為對角線。丙
 丁及戊己兩線。與矩形之邊為平行。
 而交角線於庚。次任作辛壬線。亦
 交角線於庚。次截甲癸線。與甲辛
 線等。作癸子線。亦交角線於庚。則子

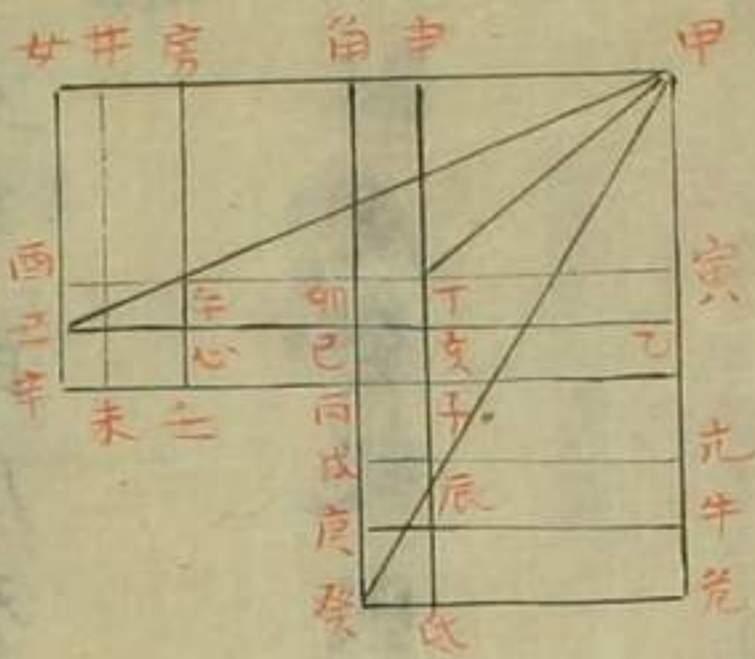


乙線與壬乙線必等。
 論曰。試作午丑及午未兩線。與甲辛及甲癸相線為平行。夫庚

甲辛及庚午丑酉角形相似之形也。則庚甲與庚午。若甲辛與午丑。依頭庚甲與庚午。若甲癸與午未。然則甲辛與甲癸亦若午丑與午未。夫午丑與午未如是。則子乙與乙壬亦如是矣。先論甲乙矩形。此形甲乙為對角線。寅卯申亥兩線交於角線上之丁點。則卯申矩形與亥寅矩形等。

次論甲乙矩形。此形甲乙為對角線。寅酉房壬兩線交於角線之午點。則房酉矩形與寅心矩形等。

末總論曰。夫房酉矩形與寅心矩形既等。而午井形又與卯申形等。即亦與亥寅形等。然則房酉矩形中所餘之井酉形與寅心矩形中所餘之丁



心形必等

於是。以丁亥表竿相差。乘丁午兩表相去。得丁心矩形。即井酉形。而以井女兩表竿相去之。較除之。得女酉。加酉辛表。共女辛。即甲乙高。

先論甲乙矩形。同前。

次論甲癸矩形。此形甲癸為對角線。申戌戊元兩線交於角線之辰點。則元戌矩形與戊申矩形等。

末總論曰。夫元戌矩形與戊申矩形既等。而辰午形又與亥寅形等。即亦與卯申形等。然則元戌矩形中所餘之牛戌形與戊申矩形中所餘之丁戌形必等。

於是。以丁卯表竿相差。乘丁辰兩表相去。得丁戌矩形。即牛戌

形而以牛危而表竿相去之較除之得危氏加氏發表竿差共危癸即乙丙遠也

求高又法 既得危氏線即以亢牛乘之得牛辰形此形即寅

亥矩形亦即申卯矩形也故以丁卯除之得丁申高

求遠又法 既得女酉線即以房井乘之得井午矩形此形即

申卯矩形亦即寅亥矩形也故以丁亥除之得丁寅遠

[Faint bleed-through text from the reverse side of the page]

句股闡微卷二

句股積求句股弦 已後勿

句股積與弦較較求諸數

第一法

假如句股積一百弦較較十二

法以積四之得八十弦較較自之一百四

折半一百六為實弦較較二十為法除之得句股較四以加弦較

較二十共得六十為弦 有弦有句股較

論曰甲乙丙丁合形為弦自乘大方幕甲小方為句股較幕弦

幕內減句股較幕所餘丙乙丁聲折形原與四句股積等於中

又減去乙小方為弦較較自乘幕仍餘丁丙二長方並以句股

句股較十四

乙	丁
丙	甲

弦較十四句股較十四

較為其長以弦較較為其濶故折半而用其一為實以弦較較為法除之得句股較矣是以濶求長

第二法

置四句股積八百與弦較較自冪一百四相加得共六百二折半三百為實弦較較二十為法除之得三十為弦弦內減去弦較二十得餘十為句股較

論曰乙丙丁聲折形原與四句股積等令加一小方形如已為弦較自乘冪與乙等又丁丙二長方原相等於是合丁已為一

乙	丁	已
丙		

長方合乙丙為一長方必亦相等矣以弦較較為濶故折半而用其一為實以弦較較為法除之即得弦矣亦是以濶求長

第三法

置四句股積八百為實弦較較二十為法除之得四十為弦較和以弦較較二十加弦較和四十得六十折半三十為弦以弦較較二十減弦較和四十得二十折半十為句股較

於前圖乙丙丁聲折形即四句股積移丁長方置于戊為乙丙

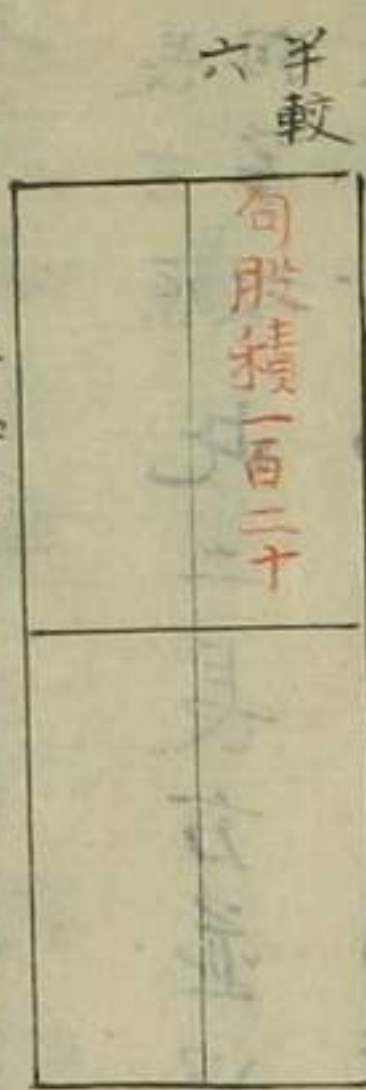
乙	丁
丙	
	戊

乙方十合丙長十四共二十六再加戊長十四共四十

戊長方其長如弦較和其濶如弦較故以弦較較除之得弦較和若以弦較和除之亦得弦較較

又簡法

置句股積二百為實以弦較較二十半之得六為法除之得十二為半弦較和以半弦較較六加半弦較和十二得六二十為弦又以半較六減半和十二得十四為句股較論曰長方形濶十二如弦較較長四十如弦較和其積如四句股今只用一句股積是四之一也積四之一者其邊必半觀圖

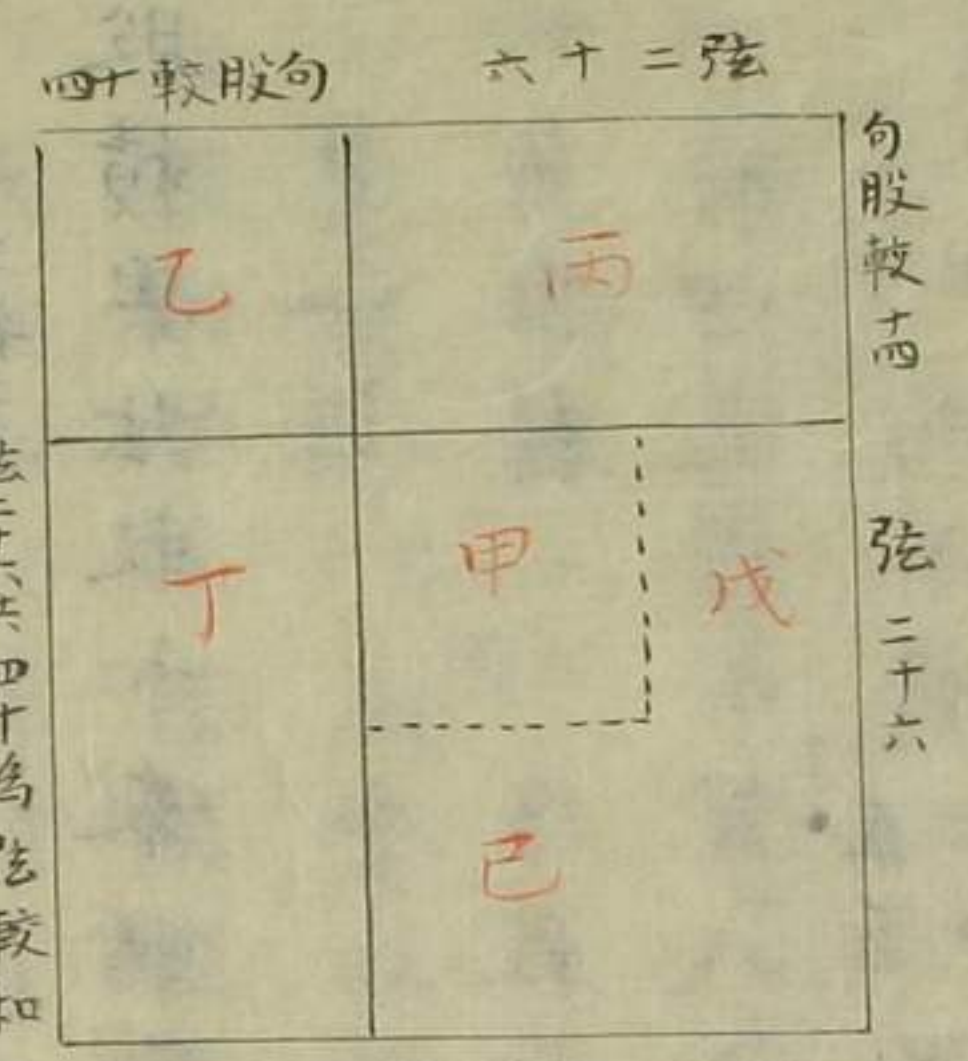


句股積與弦較和求諸數

第一法

假如句股積二百弦較和四十法以積四之得四百八十弦較和自之得一千六百而數相減餘一千一折半得五百五為實弦較和四十為法除之得十四為句股較以減弦較和得二十為弦弦自乘六百七加四句股積四百得一千一百平方開之得三十四為句股和以與句股較十四相加得四十八折半二十四為股又相減得二十折半得

一十為句
 句一十
 句股較十四
 弦較和四十
 弦二十六
 句股和三十



長方原此二長方並以句股較
 相等故此二長方並以句股較
 故折半而用其一為實弦較和四十為法除之即得句股較為

論曰總方為弦較和四十自乘之幕
 內分甲丙己方為弦自乘幕乙小方
 為句股較自乘幕於弦幕由減去戊
 己罄折形即四句股積則所餘者甲
 小方即句股較幕與乙方等以甲小
 方合丁長方即與乙丙長方等以丁
 小方即句股較幕與乙方等以甲小
 方合丁長方即與乙丙長方等以丁
 小方即句股較幕與乙方等以甲小
 方合丁長方即與乙丙長方等以丁

以長
 求潤
 第二法
 弦較和自乘一千六百與四句股積八百兩數相加二千折半一千

為實弦較和十四為法除之得二十為弦以減弦較和得四十
 為句股較餘如前觀後圖自明

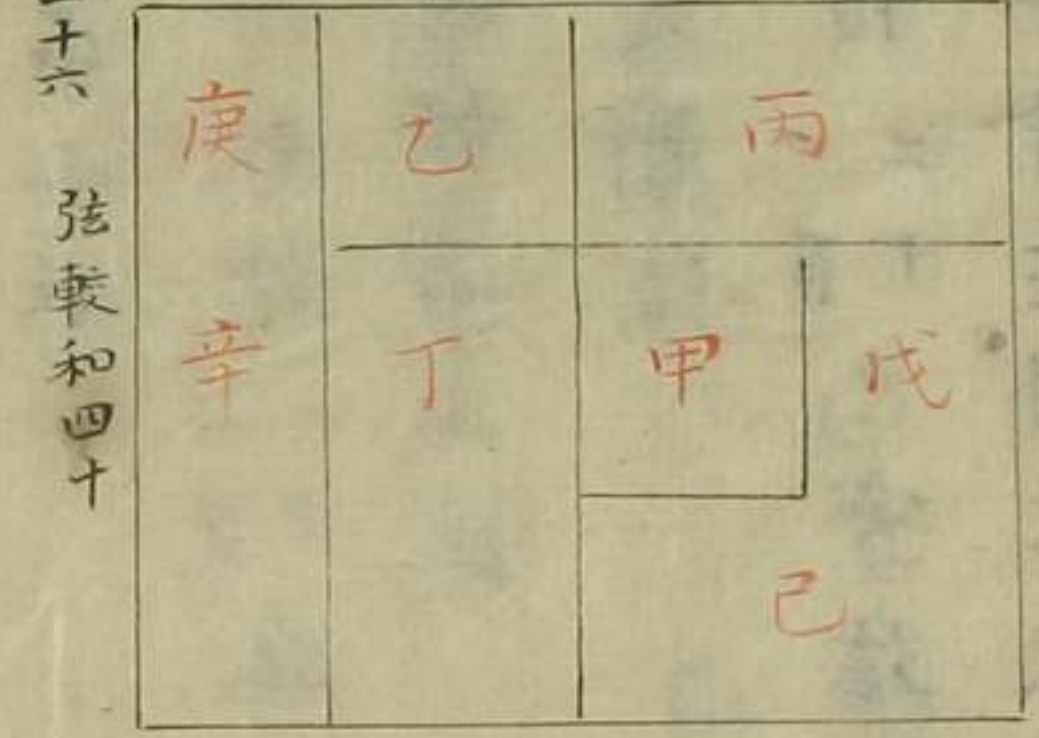
第三法

置四句股積八百為實弦較和十四為法除之得二十為弦較餘
 同弦較較第三法

又簡法

句股積一百為實弦較和十四半之得十二為法除之得六為弦較
 較之半餘並同弦較較簡法

共二十增四十較股句 六十二弦



論曰乙丁丙甲戊己合形為弦較和十四
自乘之大方外加一庚辛長方為四句
股積與戊己疊折形等於是中分之為
丙長方乙丁庚辛合為左長方並以弦
為潤六二十弦較和十四為長故折半為實
以弦較和除之得弦亦為以長求潤

借此圖可解第三法之理何則庚辛長方形既為四句股積而
其潤二十如弦較較其長十四如弦較和是二十與十四相乘之積也故
以弦較較除之得弦較和若以弦較和除之即復得弦較較
若庚辛長方橫直皆均剖之成四小長方則其潤皆六加半較
其長二十如半和而其積皆二百為一句股積矣此又簡法之

理也

句股積與弦和較求諸數

第一法

假如句股積百六十七弦和較六十

法以弦和較自之得三千與四句股積七千相減餘二千三折

半一萬一為實弦和較十六為法除之得十五九為弦加較十六得

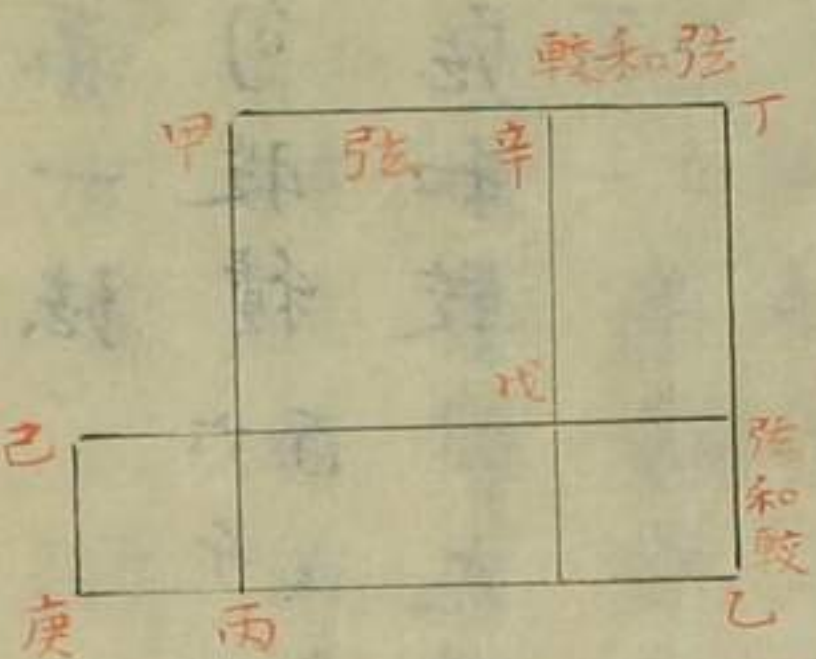
句股和二十五弦帶內減四句股積開方得句股較以加句股

和折半得股以減句股和折半得句

- 句 七十五 股 一百八十 弦 一百九十 句股和 二百五
- 句股較 五百 弦和 四百 弦較和 三百 弦和較 六十
- 弦較較 九十

第二法

以弦和較自乘 三千
五百為實弦和較 六十
和較 六十 得 一百九 為弦
二千與四句股積 七千 相加得 三萬
二千 相減得 六百
六十 為法除之得 二十五 為句股和內減弦

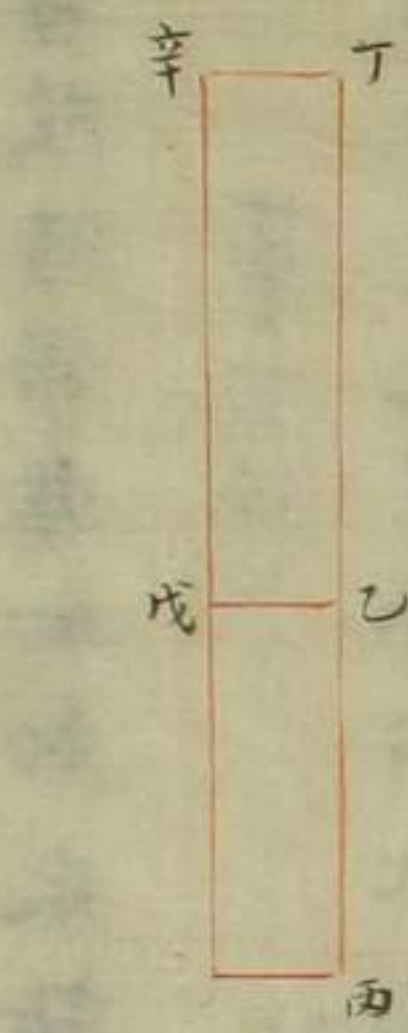


論曰。丁丙方為句股和自乘方幕內減甲
戊方為弦自乘幕其餘丁戊丙鑿折形四
句股積也內減戊乙小方為弦和較自乘
積則所餘丁戊長方與戊丙長方等而並
以弦為長弦和較為濶故以弦和較除之
得弦此第一法減四句股積之理也
若於丁戊丙乙鑿折形外加一己丙小方與戊乙等乃併之為

庚戊長方與辛乙等並以句股和為長弦和較為濶此第二法
加四積之理也 兩法並以濶求長

第三法

置四句股積 二萬
七千為實弦和較 十六
除之得 五百 為弦和和以與
弦和較相加折半為句股和又相減折半為弦
此如有句股積有容圓徑而求句股弦乃還元之法也



論曰前圖中辛乙長方并戊丙長方是
四句股積聯之為辛丙長方則其濶丁
辛弦和較也其長丁丙弦和和也

又簡法

置句股積 六千
百五十七為實半弦和較 三十
除之得 二百二 為半弦

和和以與半弦和較相加得二百五十五為句股和又相減得
 一百九十五為弦 此如有容圓半徑以除句股積而得半弦和和
 句股積與弦和和求諸數

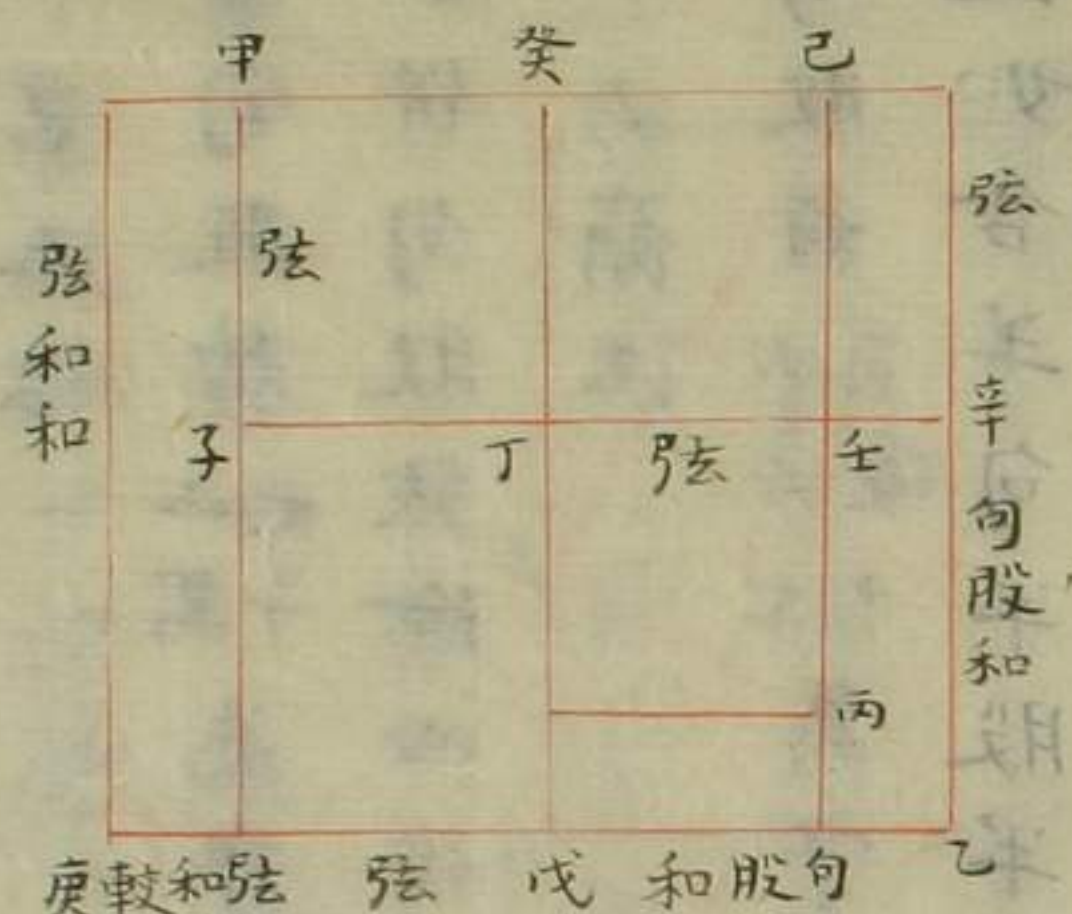
第一法

假如句股積 六千七百七十五 弦和和 四百五十
 法以積四之得 二萬七千四百 弦和和自之得 二千五百萬
 兩數相減餘 七十五
 萬五千折半 八萬七千五百為實弦和和 四百五十為法除之得 一百九十五
 為弦以減弦和和得 二十五為句股和

第二法

以四句股積與弦和和乘兩數相加得 九千二百萬折半得 四萬六千
 五百為實弦和和 四百五十為法除之得 一百二十五為句股和以減

弦和和得 一百九十五為弦 句股和 二十五
 論曰甲乙大方弦和和自乘也內分甲丁方弦自乘也與丁丙
 方等丁乙方句股和自乘也於丁乙
 內減去下丙弦幕則所餘者四句股
 積即壬乙丙戊二小長方也而已辛
 小長方與丙戊等則己乙長方亦四
 句股積也今於甲乙大方內減去己
 乙則所餘者甲戊己戊二長方並以



弦為濶弦和和為長故以弦和和除之而得弦此第一法減四
 句股積之理也是為以長求濶
 又論曰若於甲乙大方外增一甲庚長方與己乙等而中分之

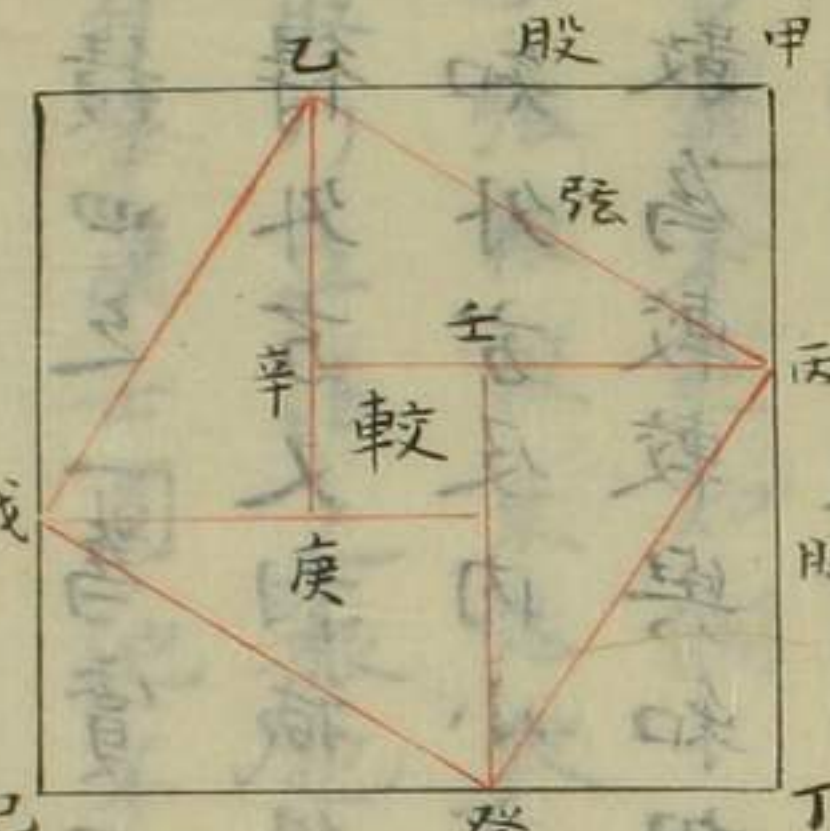
於癸戌則癸乙與癸庚兩長方等並以句股和為濶弦和和為長故以弦和和除之而先得句股和此第二法加四句股積之理也亦是以長求濶

第三法

置四句股積七千為實弦和和四百除之得弦和較六十
 此如併句股弦除四倍積而得容員徑

又簡法

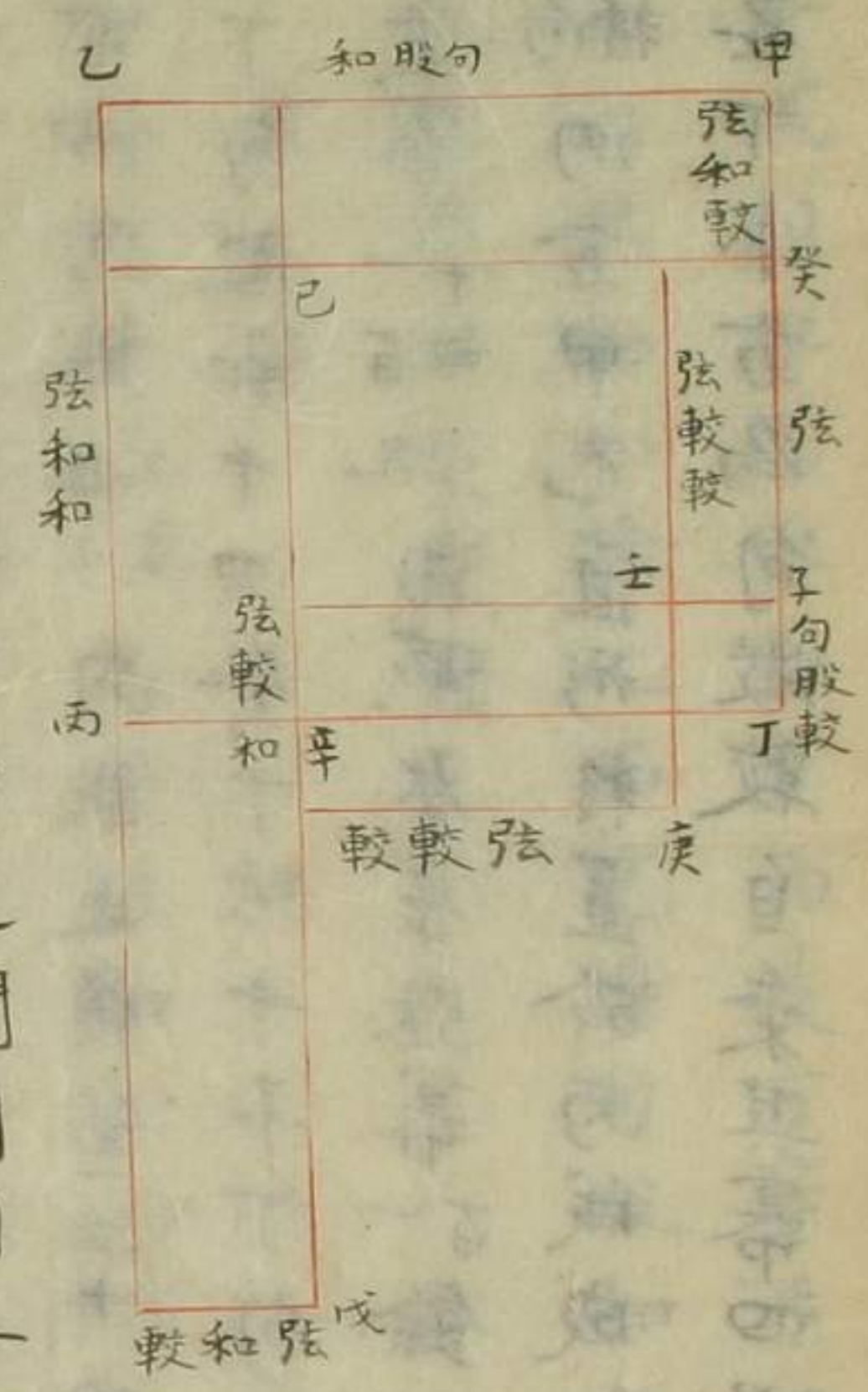
置句股積百六十七為實半弦和和二十五除之得半弦和較三十
 此如合半句半股半弦除積得容員半徑
 欲明加減用四句股之理當觀古圖
 甲乙丙句股形 甲丙句六 甲乙股八 乙丙弦十 甲丁



句股和十四 壬辛句股較二甲己
 其積四 甲己和幕內減弦幕所餘
 者四句股也 弦幕內減較幕所餘

者亦四句股也 句股之積並二十四

甲丁句股和十四癸丁弦十子丁句股較二甲丙方為句股和
 自乘幕十六 內減癸辛弦幕百餘九十為甲己丙聲折形即
 股積內分甲己直形移置於丙戌成乙戌長方即為弦和較
 又壬丁小方為句股較自乘其幕四以減弦幕一百餘九十六



為癸壬辛已聲折形即
 四句內分癸壬直形移
 置於辛庚成已庚長方
 即為弦較較乘弦較和

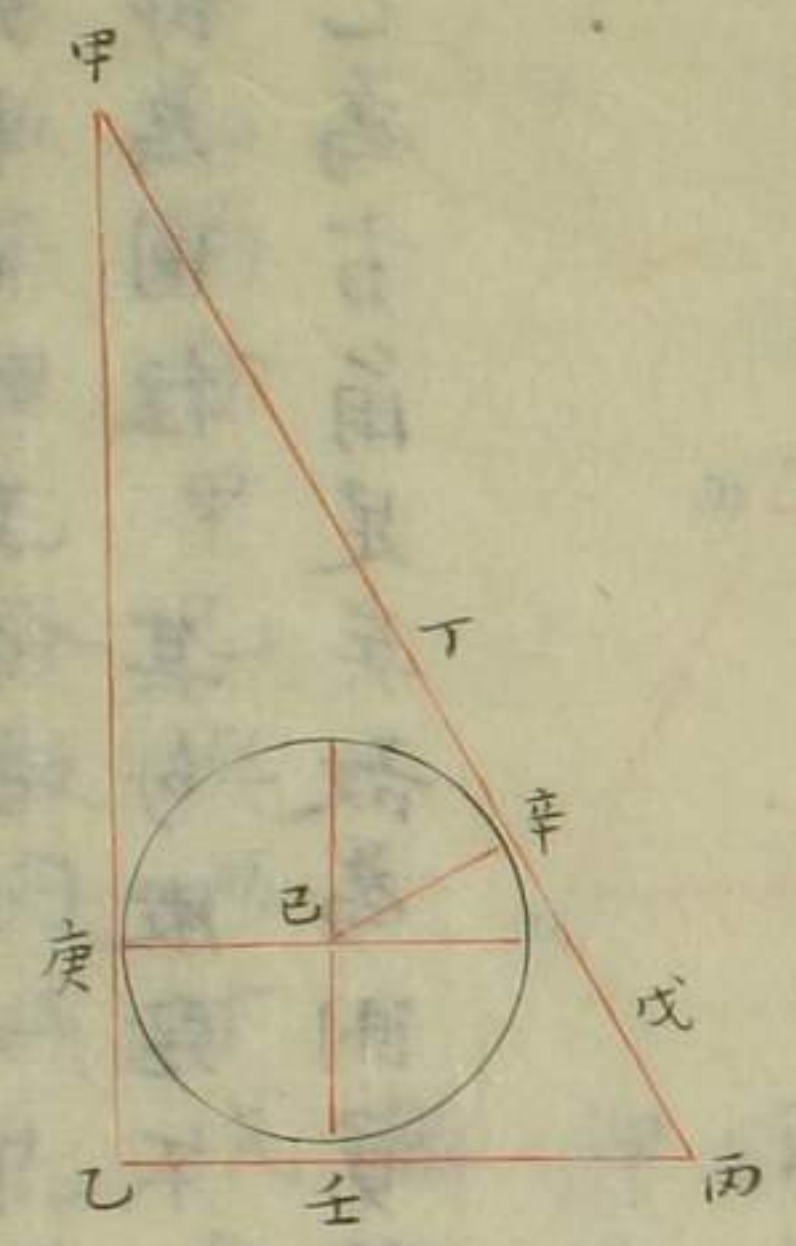
假如方環田有積有田之濶問內外方各若干
 法以積四之一為實田濶除之得數為內外二方半和與田濶
 相加得外方又相減得內方 蓋田濶即如半較
 若但知外方及內小方及環田積法即并大小方邊為和以除
 積得數為較較與和相加折半為外周大方又相減折半為小
 方以兩方之較折半為環田濶

若方田內有方墩法同或方墩不居正中其法亦同但只可求
 大小方邊不能知濶

總論曰弦較較乘弦較和之積與弦和較乘弦和和之積等為
 四句股乃立法之根也而其理皆具古圖中學者所宜深玩
 又如有辛庚壬圓池不知其徑法於乙作甲乙直線切員池於

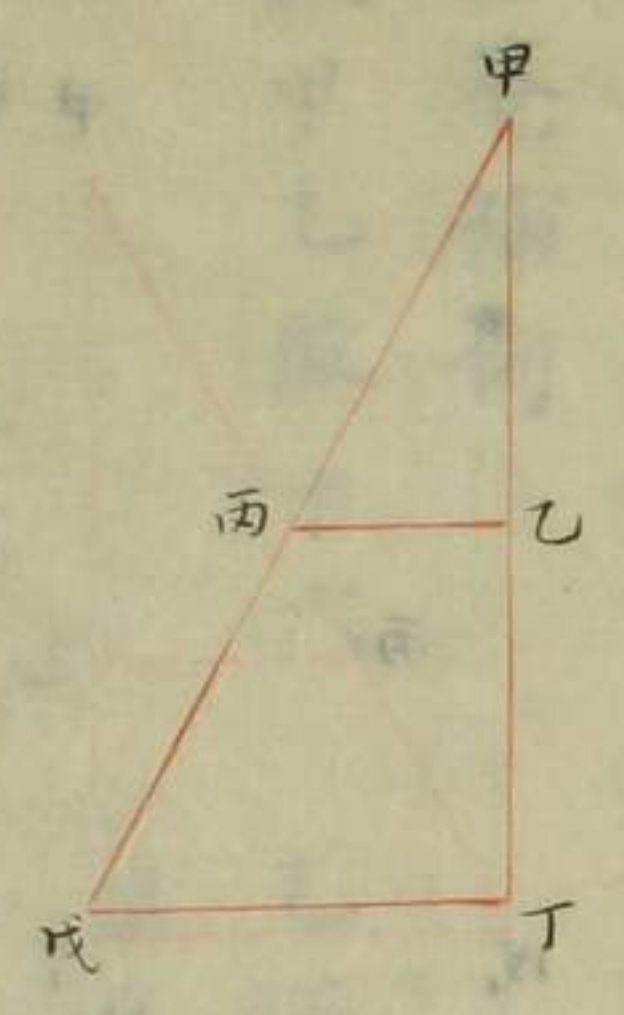
庚又乙丙橫線切圓池於壬乙為
 正方角又自丙望甲作斜線切員
 池於辛乃自丙取乙丙之度截斜
 線於丁又自甲取甲乙之度截斜
 線於戊末但量丁戊有若干尺即

圓池徑



解曰此即句股容員法也丙乙句截甲丙弦於丁則丁甲為句
 弦較甲乙股截弦於戊則戊丙為股弦較而丁戊為弦和較故
 即為圓徑 其句股弦不必問其丈尺但取三直線並切員而
 乙為方角足矣故為測員簡法 凡域塚墩臺錐塔員柱之類形正員者並同一法也

句股容員法與平
 係鮑燕聖法與平
 三角舉要不同
 句股形引股線法
 即依正角作方形於形外
 又即引小形成大形
 甲乙丙句股形今欲引甲乙股至丁甲
 丙弦至戊而令乙丁與戊丁等
 法曰以乙丙分甲乙得數減一餘用歸
 甲乙得之
 解曰乙丙與甲乙原若丁戊與甲丁故
 以乙丙分甲乙與以丁戊分甲丁所得之分數等然則減一者
 雖似于甲乙分數內減乙丙之一分實于甲丁分數內減丁戊
 之一分也即乙丁故以減餘分甲乙而得



句股容員法與平
 係鮑燕聖法與平
 三角舉要不同
 句股形引股線法
 即依正角作方形於形外
 又即引小形成大形
 甲乙丙句股形今欲引甲乙股至丁甲
 丙弦至戊而令乙丁與戊丁等
 法曰以乙丙分甲乙得數減一餘用歸
 甲乙得之
 解曰乙丙與甲乙原若丁戊與甲丁故
 以乙丙分甲乙與以丁戊分甲丁所得之分數等然則減一者
 雖似于甲乙分數內減乙丙之一分實于甲丁分數內減丁戊
 之一分也即乙丁故以減餘分甲乙而得

勿菴又法。句股相乘為實。句較為法。除之。亦即得所引乙丁與乙戊同數。而

句股形截股法。

即依正角。作方形於形內。又即截大形成小形。

甲丁戊句股形內。今欲截甲丁股於乙



甲戊弦干丙。而令乙丁與乙丙等

法曰。以丁戊分甲丁得數。加一。共用歸

甲丁得之。勿菴又法。句股相乘為實。所截乙丁與丁丙同。數。即句股容方法。

解曰。丁戊與甲丁。原若乙丙與甲乙。故以丁戊分甲丁。與以乙丙分甲乙。所得之分數等。然則加一者。雖似于甲丁分數外。加丁戊之一分。實于甲乙分數外。加乙丙之一分也。即乙丁故以

加共分甲丁而得

若欲令丙戊與丁戊等。或欲令乙丙與丙戊等。依法推之

按後一法。即句股容方也。原法簡易。今鮑燕翼先生所設殊新

要其理亦相通耳

勿菴補例

設甲乙股十六

乙丙句八

今引甲乙股長出至丁。而令引

出之乙丁股分。與所當之丁戊句等。問若干。

答曰。乙丁十六

法以乙丙句八。甲乙股十六。相乘得一百八為

實句股相減得數八為法除之。得乙丁引出

一十六。與丁戊句相等

若如鮑法。以句八除股十六。得二。丙



減去一仍餘一。用為法。以除股十六。仍得十六為乙丁。
 又設甲乙股四十八。乙丙句十二。依法引出乙丁股十六。與丁
 戊句等。



法以句十二。乘股四十八。得積五百七十六。為
 實。句減股得數三十。為法除之。得十六。

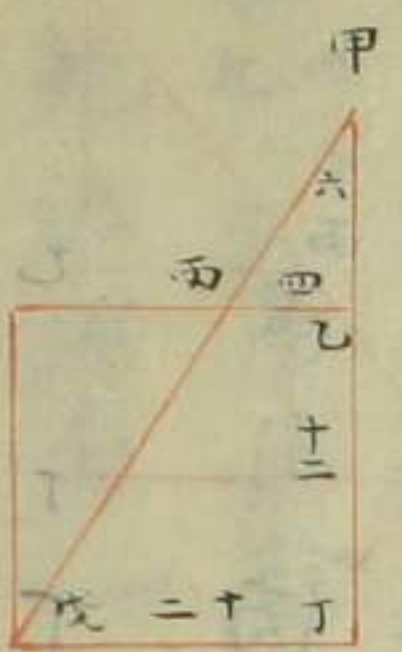
或以句十二。除股四十八。得數四。內減一。餘三。為法。以除股四

十八。亦得十六。為乙丁。

又設甲乙股六。乙丙句四。依法引出乙丁股十二。與丁戊句等。

法以句乘股得二十四。為實。句股較二。為法除之。得十二。為

乙丁。



或以句四。除股六。得一。半。內減一。餘半。為法。

以除股六。亦得十二。為乙丁。

解曰。半為除法。則得數倍。此崎零除法也。詳

別卷。

又設甲乙股三十。乙丙句十二。依法引出乙丁股二十。與丁戊

句等。

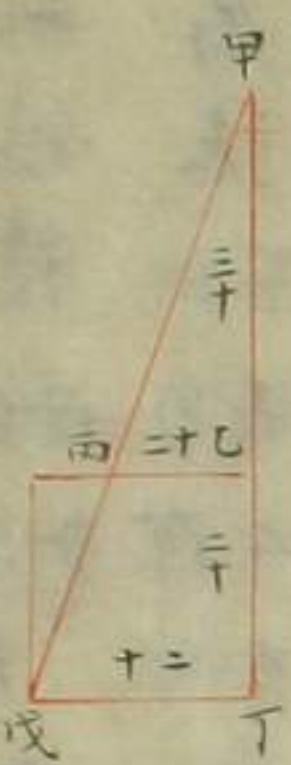
法以句乘股得三百六十。為實。句股較十八。為法除之。得乙丁

二十。

或以句十二。除股三十。得二。半。內減一。餘一

半。為法。以除股三十。亦得乙丁二十。

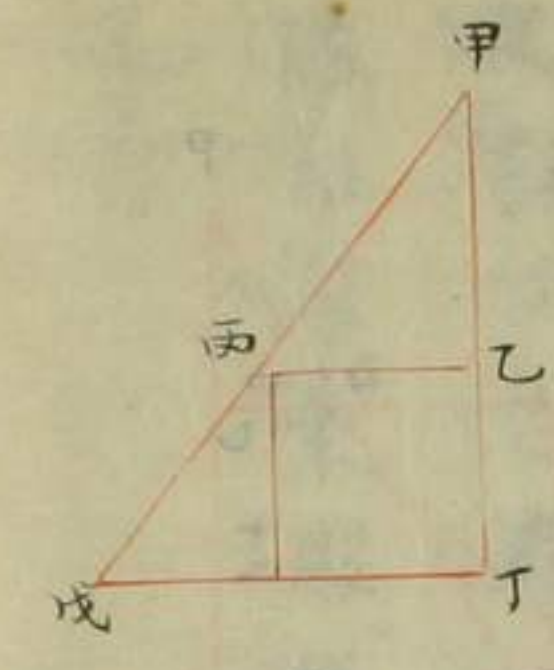
解兩法相同。所以然之故。蓋此是依句股



正角。即乙作正方形於形之外也。本法以句弦較為法。除句股形倍積。即句股相乘。今不用句股較之本數。而用其除過之句股較。為法。以句股除。則股內所原帶句數。及句股較數。並為句所除。除過之句股。故亦不用句股形之倍積。而用其除過之倍積為實。以是句股相乘之數。若以句除之。必仍得股。今法實並為除過之數。則其理相同。而得數亦同矣。

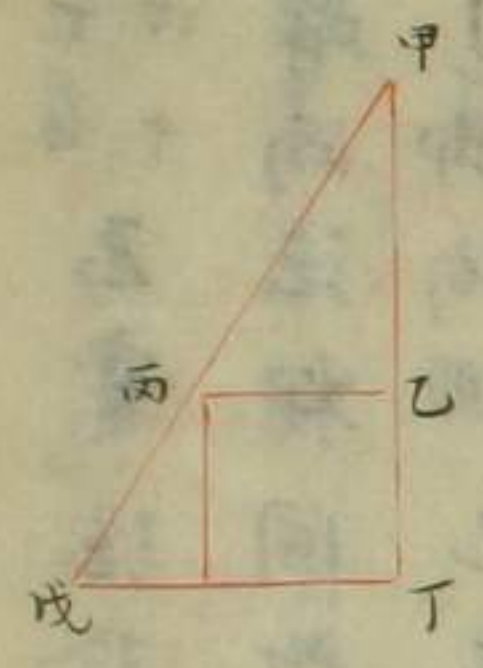
以上補第一條之例

設甲丁戊形。甲丁股廿八。丁戊句廿一。甲戊弦三十五。欲截甲丁股于乙。截甲戊弦于丙。而令所截之乙丁與乙丙等。問其數若干。答曰乙丁一十二。



法以甲丁股廿八。丁戊句廿一。相乘得五百八。為實。併句股得和九。為法。除之。得一十二。為所截乙丁。與乙丙截句等。如艱法以句廿一。除股廿八。得一又三之一。又外加一數。共二又三之一。為法。通作用以除股二十八。通作八。亦得十二。為乙丁截股。

設甲丁股三百四。丁戊句一百八。弦甲戊三百九。欲截乙丁與乙丙等。該若干。答曰一百二十。



法以句一百八。股三百四。相乘得六萬三千。為實。句股和十五九。為法。除之。得所截乙丁一百二十。與截句乙丙等。或以句一百八。除股三百四。得一又八之七。又

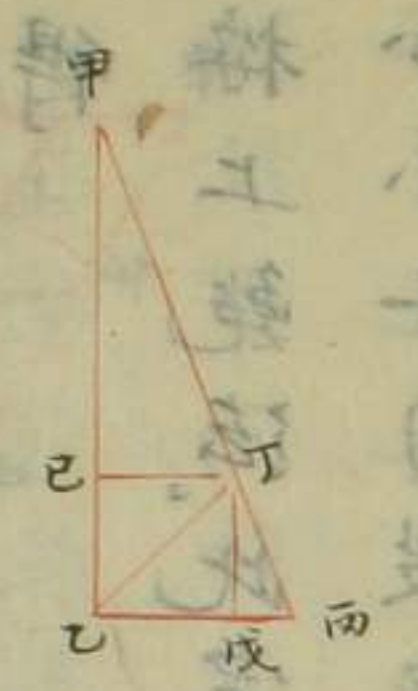
外加一。共二。又八之七。通作一十三。為法。以股三百四。通作千二。七十為實。法除實。亦得一百二十。為乙丁截股。

解兩法相同。所以然之故。蓋此是依句股形正角。作方形於內。即句股也。本法以句股和為法。除句股形倍積。即句股今不。用句股和本數。而用其除過之句股和為法。除被句股。既變為。中之一。其本數皆與句同。今於得數又加一。是又。故即用股為。以一除過之句。合之則共為除過之句股和矣。故即用股為。實。以當除過之倍積法。與實並為除過之數。則其理相同。而得。數亦同矣。

以上補第二條之例。按數度術。有在遠測正方形之算。立破句名色不穩。圖亦不真。今于此第一例中。生二法補之。

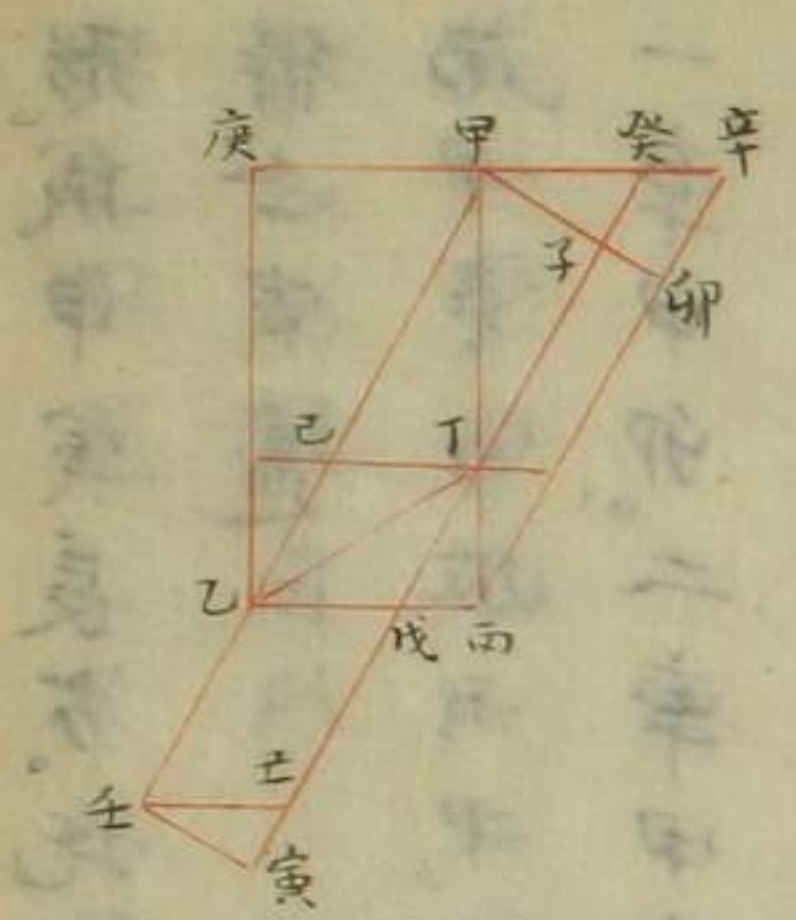
分角線至對邊 亦係

甲乙丙句股形。今平分乙方角。作乙丁線至對邊。弦欲知丁。點之所在。法曰。先依句股求方。求得己下戊乙正形。次用丁戊丙形。或丁己甲形求得丁丙弦。或甲



甲乙丙句股形。今平分乙方角。作線至甲丙股。欲知丁點所

在。法以甲丙股。乙丙句相乘。得丙庚長方。亦即乙辛長斜方。其辛戊小長斜方。又即戊壬長斜方。取甲子癸小句股形。補壬寅丑虛句股



形。成甲寅長方。此即句股相乘實。以句弦和除之也。甲乙為弦
得壬寅邊

丙甲辛句股形中。即甲乙丙作甲卯垂線至丙辛弦。法另于是

一率甲卯。二率甲辛。三率甲子。四率甲癸。即丁成丁己乙戊四

斜方形

次用丁戊丙形。或丁己甲形。依句弦求股。求得丁丙。或丁甲即

得

按上純法。此寅甲長方。為句弦和。除句股形倍積。所得壬寅邊

必小于句股容方之邊。其內容丁己乙戊四斜方形之丁己邊。

又必大于句股容方之邊。二者之間。可以得容方邊矣。容方邊

得句股和以減句弦和
得股弦較即其他可知

求丁己線法。首甲辛甲丙兩股。甲二率甲乙弦。三率壬寅

率亦己卯壬壬

甲乙丙銳角形

求分乙角。作線至甲丙邊之丁點

法於形中

求得辰丙垂線。丙辛甲形。即甲乙

用丙辰線乘乙丙所得

即辛乙長斜方形自

此以下。至成丁己乙戊四斜方

並同前法

次用比例法

一率甲乙。二率甲丙。三

率丁戊。四率得丁丙

或一率甲乙

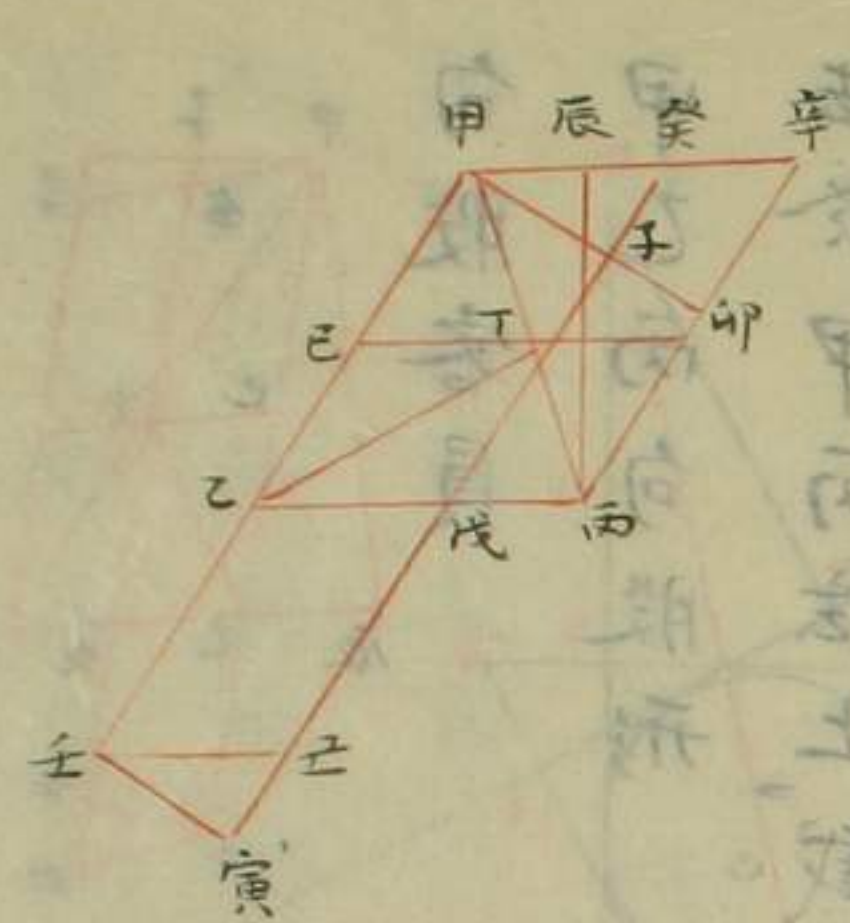
二率甲丙。三率甲己。四率甲丁

甲乙丙鈍角形

法先從形外求得甲辰外垂線。引乙丙線

與之相遇

次以甲辰垂線乘乙丙。得乙辛長斜方形。餘同



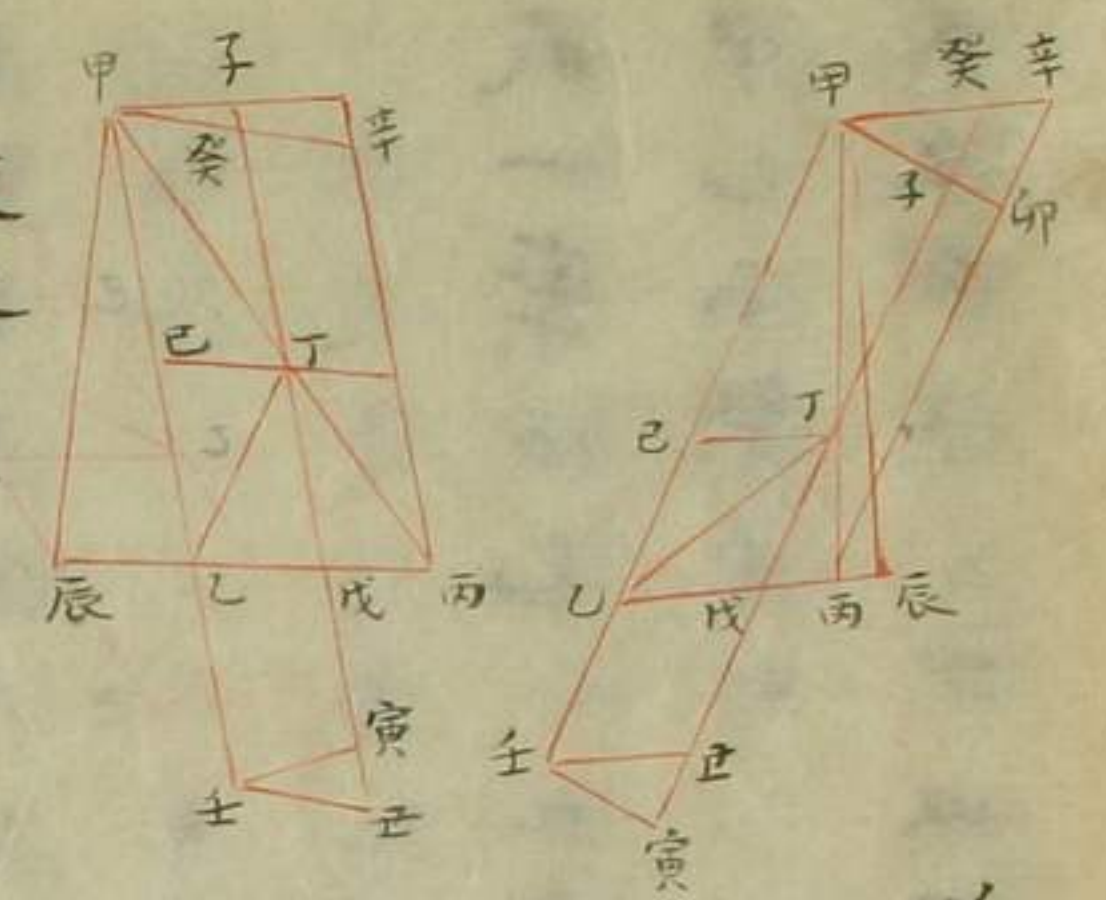
前法

甲乙丙鈍角形 甲辰垂線在形外與右圖

同法

鼎按若依幾何六卷三題法甚捷

句股容員



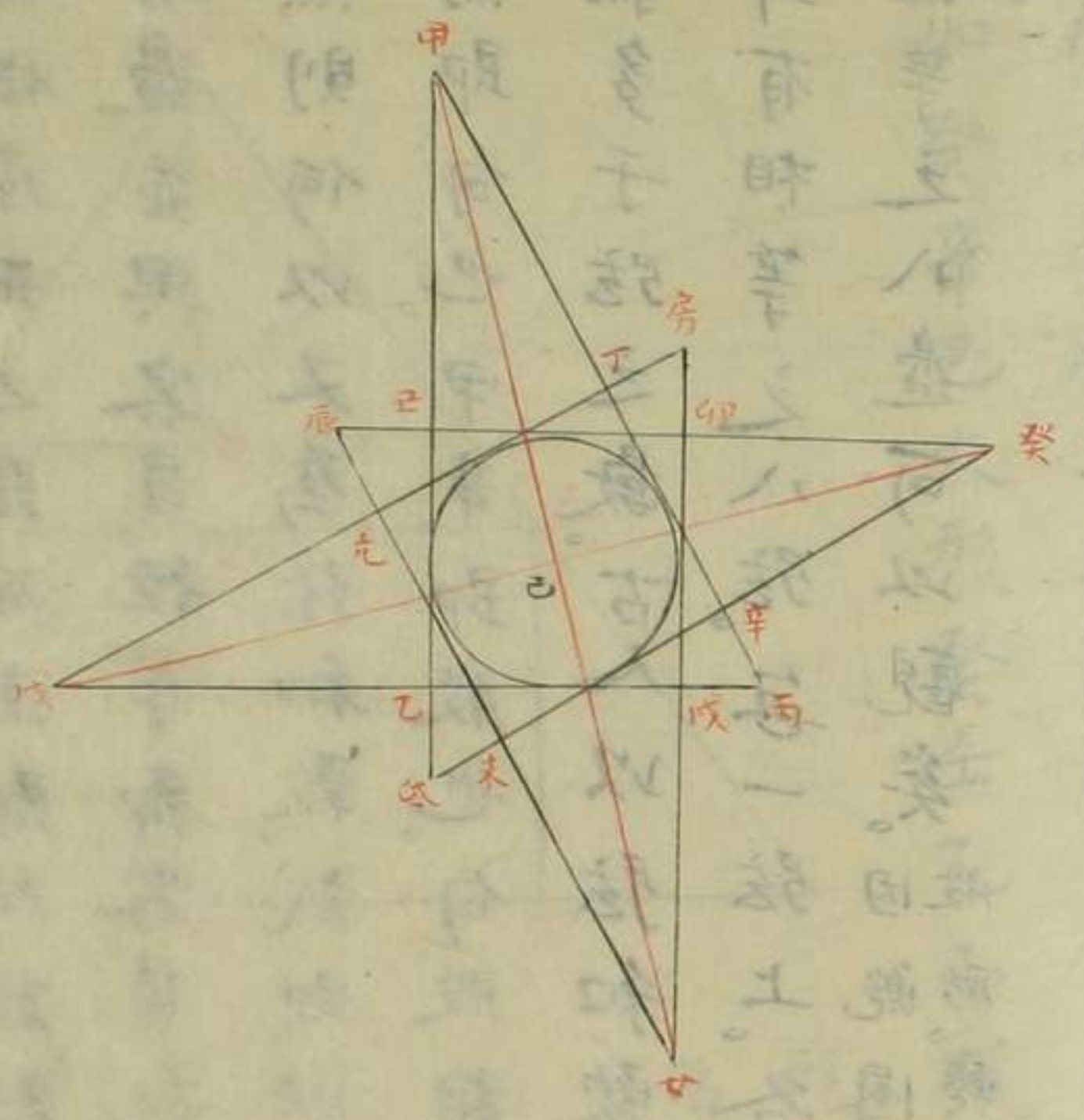
甲乙丙句股形 求容員徑卯戊 即丁辛

法於甲丙弦上截丁丙如句 乙又截甲辛如股 甲因得丁辛即

容員之徑

試依所截丁丙為句作戊丁丙句股形 又自丁作弦之垂線至戊

形 又依所截甲辛為股作甲辛戊句股形 長出至乙引甲乙



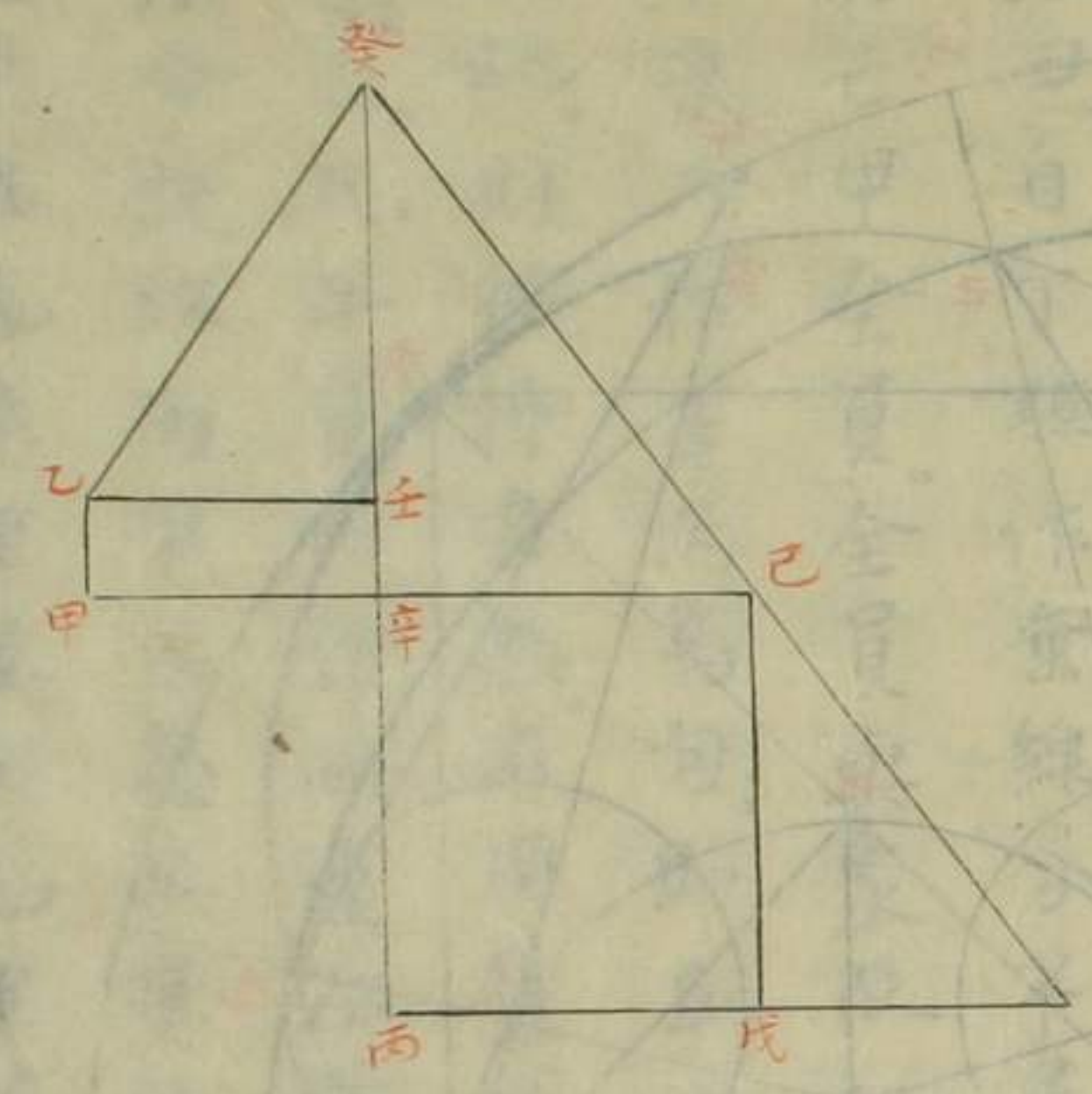
股遇 又作戊戊房句股形 引戊
 至房如弦之度自房 乃自甲自
 作垂線至戊即成 戊各為分角綫遇于己成十字
 則己即容員心也 又引十字綫
 透出而以甲己為度截之于癸
 于女乃自癸作線與丙戊平行
 至辰又自女作辛氏及房戊之
 垂線穿而過之與癸辰線過於

辰又引氏辛線至癸引房戊線至女得女辰女房癸辰癸氏四
 線皆如甲丙弦女卯女元癸壬癸末四線皆如甲乙股卯辰房
 元壬氏辰末四線皆如乙丙句又成女卯辰女元房癸末辰癸

丑氏四句股形共八句股形縱橫相疊。並以容員心已點為心。此同心八句股形。各線相交成正方形二。其一卯戌丑乙形。依原形之句股而立。其乙方角即原形之所有也。其一丁辛亢未形。依原形之弦而立。即所謂弦和較也。此兩形者皆相等。而其方邊並與容員徑等。即容員徑上之方審也。

然則何以又為弦和較。試即以原弦論之。甲丙弦上所截之丁丙即句也。甲辛即股也。句股相併。即重疊此丁辛一邊。是句股和多于弦之數。古人以弦和較為容員徑。蓋謂此也。八句股形。即有相等之八弦。每一弦上。各有此重疊之線。以成兩四方。形相等之八邊。可以觀矣。
因勉圖改一作之彼原有八角形外小句股形較成一等面八角形之論。但圖欠

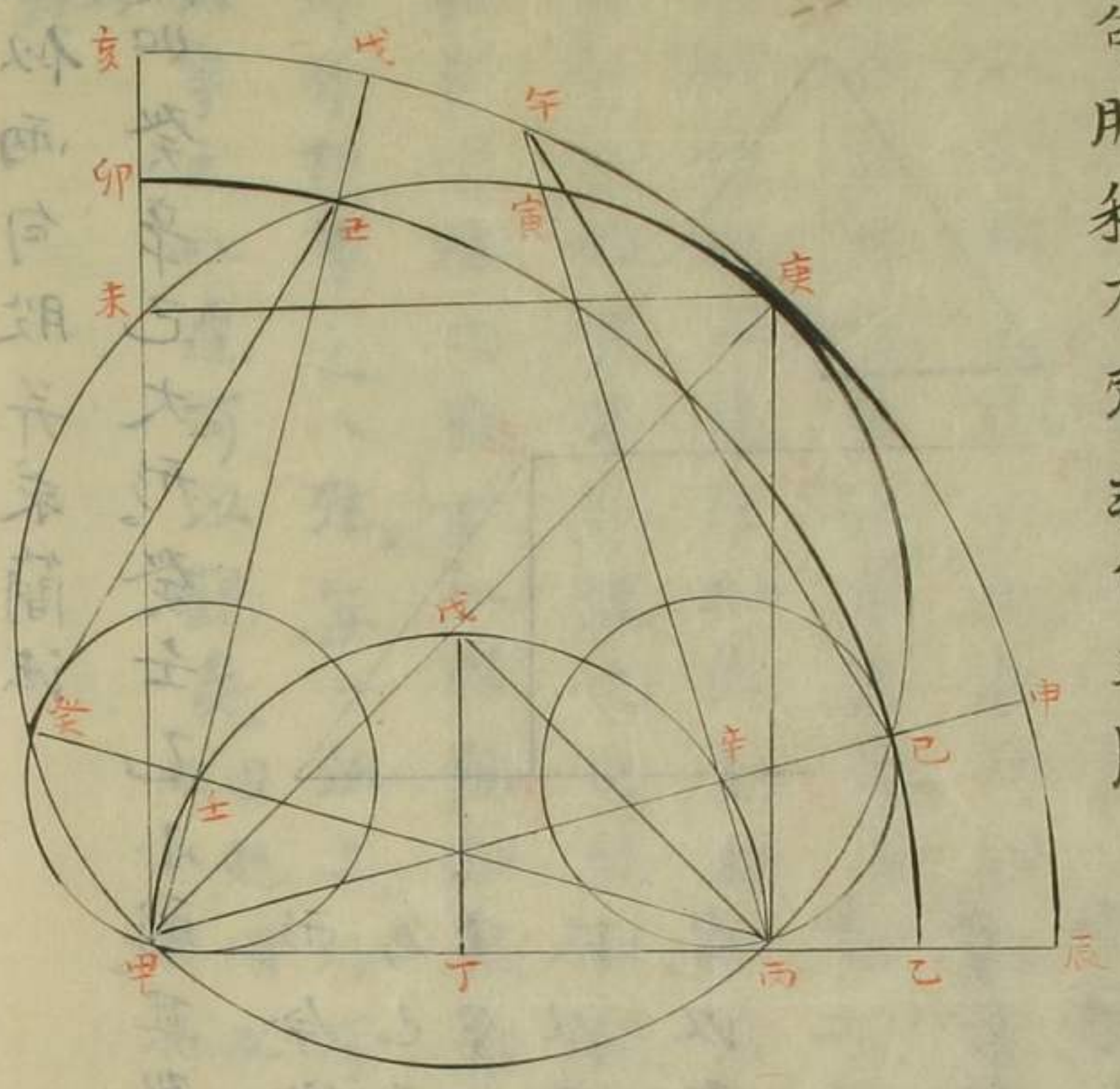
相似兩句股并求簡法
 假如癸辛巳大形。癸壬乙小形。其癸角等。則為相似之兩句股。



形。今欲求兩形之兩句合線。兩句者一為己辛大句。一為壬乙小句。即辛甲也。則巳甲為兩句合線。法以兩弦。一癸乙大弦。并之。為二率。以癸角之正弦。兩癸角等。為三率。二三相乘為實。半徑全數為法。實如法而一。得四率巳甲。即壬乙兩句之合數。

何以知之。曰。試引癸乙弦至丁。截巳丁弦如癸乙。則丁癸即兩弦合數也。乃以癸角之正弦乘之。半徑全除之。即得丁丙。而丁

戊即壬乙也。以己丁即癸乙。戊丙即己辛。限內也。則所得丁丙亦即己甲矣。有句股和有弦。求句求股。量法。



乙甲句股和 丙甲弦
原法以甲為心作乙己卯象限 又以丙甲弦半之於丁以丁為心作甲戊丙半圓
次于丙戊半員上任以辛為心丙為界作丙己小員
屢試之令小員正切象限

如己乃作己辛甲及辛丙二綫則辛丙為句辛甲為如所求
按此法不誤。但己點正切處難真。今別立法求己點
法曰。自丁點作垂綫。分半員于戊。以戊為心。用丙為界。作丙己
庚己甲全員。全員與象限相割于己。從己向甲作直綫。割半員
丁辛。乃作辛丙為句。即辛甲為股。合問
如此。則徑得辛點。不用屢試。得數既易。且真確矣。
論曰。凡半員內。作兩通弦。至員徑兩端。必為句股。而員徑常為
弦。今既以丙甲弦為半員徑。則其辛丙與辛甲兩通弦。必句與
股也。而已辛甲線與乙甲等。即句股和也。今以辛為心。作小員
而其邊正切己。則己辛與丙辛等。為小員之半徑。即等為句。線
矣。於己甲句股和內。截己辛為句。則辛甲必為股。故此法不誤。

也
又論曰。半員內所容句股形。以半方形為最大。即甲戊丙也。其
之句股。其句股和亦最大。大。其餘股長者句反甚小。故其和皆
故小。甲即弦上方幕之斜徑也。器甲戊庚丙為弦上平方。以此為
象限之半徑。如辰庚亥象限。其半徑辰甲戊庚丙等。則能容弦上平方。未庚
丙平方。必在辰。又戊心所作平方外切之平圓。亦能容弦上平
方。此員以戊為心。以平方四角為界。三者相切于庚點。惟相切
不相割。其餘句股和並小。如乙辰甲和。必不能包平方之角。即不
能外切平圓。而與之相割矣。不能包庚點。即與平員相割。如已
其自庚至丙。並可為相割之已點。而四十五度之句股具焉。綠
表所列之句股。只四十五度。互相為正餘。句為正弦。股即餘弦。
也。分言正弦。則初度小而九十度最大也。若合正弦。餘弦為和

散則和度與九十度皆已足以盡句股之變態矣。若過庚向未。
最點至此。其和數及小。而
與前四十五度為正餘。而
句股和之最大者。以略小於弦上斜線而止。凡句股有和。非
正半方也。若半方形。則有和。其最小者。以稍大千弦線而止。同
無較。可無用算。非句股所設。其最小者。以稍大千弦線而止。同
弦線。即無有不割平圓。故可以已點取之也。
又論曰。以方斜為半徑。作象限。則能容平方。以方斜為半徑。作
半圓。則能容方斜上平圓。如庚已丙甲未平圓。其徑甲戊庚方
度。半徑作大半。凡半圓內所容之圓度。每以兩度當外周半圓
圓。即能容之。凡半圓內所容之圓度。每以兩度當外周半圓
之一度。何則。論度必以角。惟在心之角。一度為一度。若在邊之
角。則兩度為一度。如辰庚亥半圓。從甲心出兩線。一至庚。一至
為一度也。若庚已丙甲未圓。從甲邊出兩線。一遇戊。一遇庚。一
丙作庚甲丙角。其度庚已丙象限。只作四十五度。是兩度當一

Handwritten text in red ink, likely bleed-through from the reverse side of the page. The characters are arranged in several vertical columns.

Handwritten text in black ink, appearing as bleed-through from the reverse side. It is organized into several vertical columns.

Handwritten text in red ink, continuing the bleed-through from the reverse side. The characters are arranged in vertical columns.

Handwritten text in black ink, appearing as bleed-through from the reverse side. It is organized into several vertical columns.

Handwritten text in black ink, appearing as bleed-through from the reverse side. It is organized into several vertical columns.



