



窮源推演術 仁

28.3

小倉文庫
イ 16
591
3



門 116
號 591
卷 3



仁卷

但

第八 双擬消長術
第九 累乘拔萃術
第十 加減一式法
第十一 闕式縮級法
第十二 草双通用術



昭和二十七年
六月二十一日
受入

第八 雙擬消長術

得前後兩式而各視法廣諸級各号多同位數或少者依雙擬消長法求本術寄消其術以前後兩實級擬左右全式以法廣諸級各擬其實數而段數相同者直以原式為左右式或改數參差者先依互乘率法求同段數以相乘加減得左右式而各徹去實級為空位唯用法廣諸級仍左右及原式隨用就使或相乘加減或自乘互乘又或以本術中所有之名号乘之整段齊乘而至相消恰尽乃認其左右相乘加減同段次數施諸原實直以有實據右式或其加減或求本術之適等号皆具例如左

一例

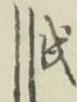
今有甲乙丙丁戊平方面各一只曰甲貴乙貴和一百六十四步 又曰丙貴丁貴戊貴之和五十六步 自差同戊方面

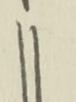
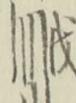
善曰依九術得戊方面二寸

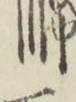
本術之天元 出戊方面

起源演說

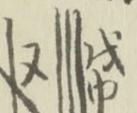
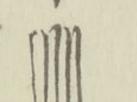
術曰之假天元一〇——為每方差加入戊方面得數

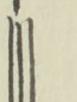
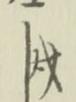
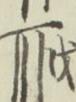
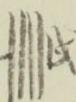
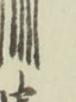
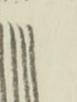
戊——為丁方面自之  為丁貴

〇丁丁方加入言  為丙方自之 

為丙貴〇丁戊方面自之加丁貴五丙貴得  戊 

寄九步又去致相消

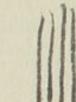
 戊  前式

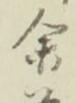
列丙方面加入差  為乙方自之  戊 
 為乙貴〇列乙方面加入差  為申方自之  申 
 戊申  丁 為甲貴〇甲乙二貴相消  申  申
 在古只云數相消  申  後式

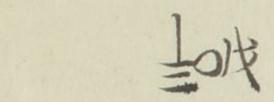
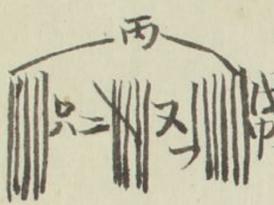
前式若右

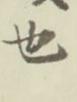
 戊

又云戊戊申

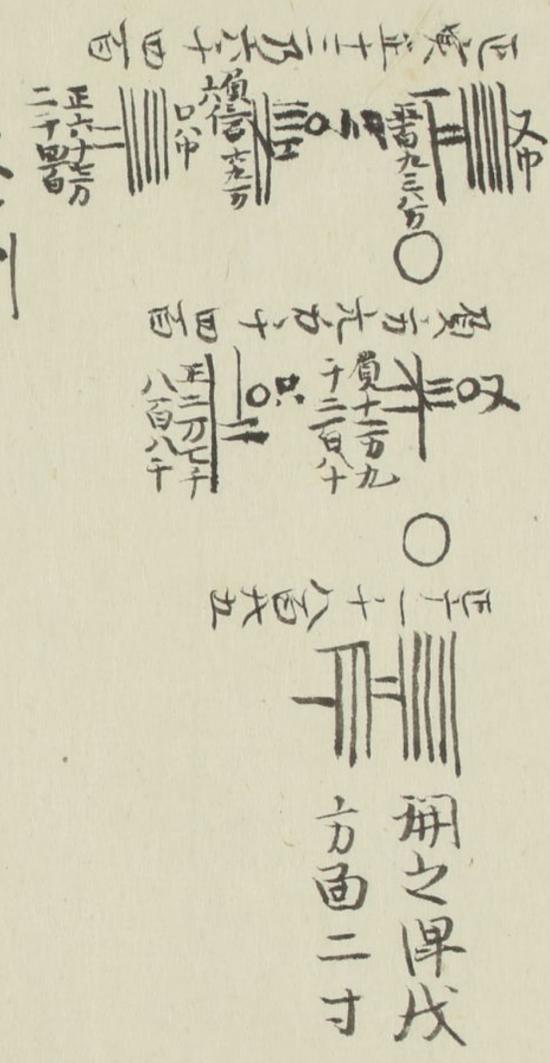
 三階聚為申位

前式乘二十五得申減後式五之  申  申 余為九式



本術申只云數內減戊申二
 及余為乙  後式實級也
 申二寸五陸內減乙五及余為丙

列甲以戊申相素 ○ ○ ○ 又
 一子二百八十五
 非。 与寄九相肩
 得三条方式



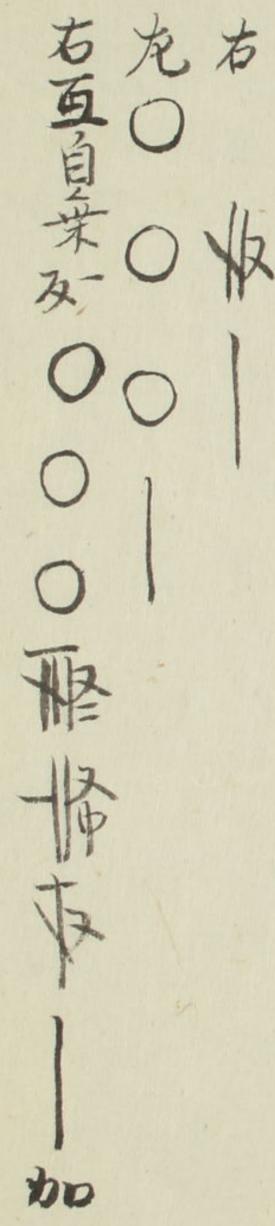
又一例

今有大小方素各一及只日方面和若干 又日木方面相立方
 高与小方面用平方高和若干 知大方面
 本術立天元一為大方面故有小方面

起隙廣疑

立假天元一 ○ — 為大方面立方高以減又云數余
 反 — 為小方面平方高自之 — 為
 小方面寄九与小方面相得前式
 列大方面之方高再自乘之 ○ ○ ○ — 為大方面寄
 左 ○ 以大方面相得後式
 大 後式

前後或視實為左右

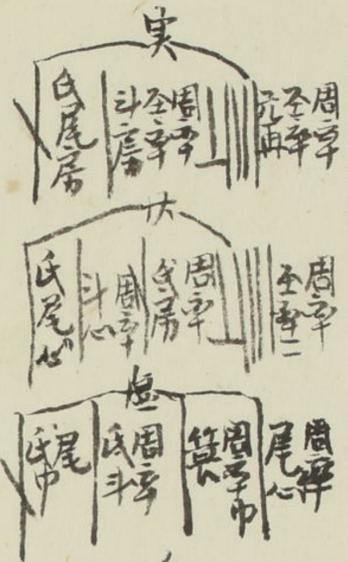


以尾位象後式以減丑式



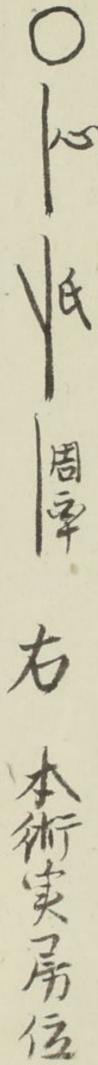
咸得卯式

以後式下广一周象象口金式以子式下广尾氏周率斗象後式相



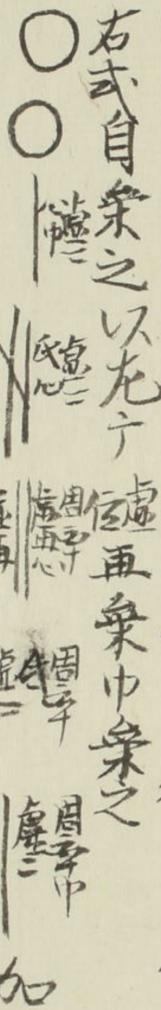
實級括之為空法
卯式級括之為女二級
括之為虛

後式脫實括各翅為右式卯式脫實上為左式相并為消長式

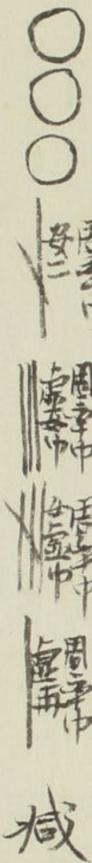


右 本術實房位

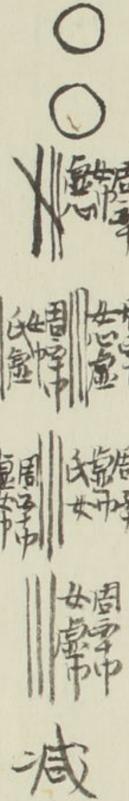
○ 心 虛 左 本術實牛位



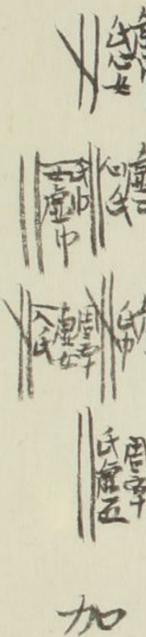
左式再象中田周率中相象五



左右虛女田周率相象三



左右虛中相象三



加

左中氏女田周率相乘五
○ 田字
○ 虚字
减

左中氏中虚相乘五
○ 虚字
○ 虚字
加

左中心虚田周率相乘五
○ 田字
○ 虚字
减

右女心中虚中相乘五
○ 虚字
○ 虚字
减

右女中虚氏相乘五
○ 虚字
○ 虚字
加

右女再乘中田周率相乘五
○ 田字
○ 虚字
减

左虚氏心中女相乘五
○ 虚字
○ 虚字
加

左心中女中田周率相乘五
○ 田字
○ 虚字
减

左心中虚中相乘五
○ 虚字
○ 虚字
减

加五位相乘
○ 虚字
○ 虚字
○ 周字
○ 虚字
哥九

减八位相乘

○

○

心中
虛二
虛中
虛中

周中
虛

周中
虛

○

周中
虛

相消若及

本術曰立天一為方面用立方高以減又云教余及四卦實
 寄角位○列方面用立方高再自乘之考方面自之加只白數
 內減角位余寄元位○列方面用立方高以減以方面乘之得
 數寄元位○列角位乘方面與四至率四之寄角位○列角位
 乘四至率四之寄心位○元位四至率四至率相乘一五心位
 四至率相乘及右二位相并內減氏位中余寄尾位○元位四
 至率中相乘四及氏位房位相乘及右二位相并寄其位○列
 氏位乘心位以減房位四至率相乘余寄斗位○元位再乘中
 四至率再乘中相乘四及氏位房位尾位相乘及右二位相并

得內減房位斗位四至率相乘及余寄牛位 房位尾位
 四至率相乘及四至率四至率相乘四及心位斗位四至
 率相乘及右三位相并得內減氏位心位尾位相乘及余
 寄女位○算位四至率中相乘及心位尾位四至率相乘
 及 氏位斗位四至率相乘及右二位相并得內減尾位
 氏位中相乘及余寄虛位○房位中虛位再乘中相乘及
 氏位房位斗位虛位中相乘及氏位中牛位中相乘及氏
 位房位女位中虛位相乘及氏位心位牛位女位虛位相
 乘及右五位相并得數寄元○牛位再乘中四至率中相
 乘及房位牛位女位虛位相乘及氏位牛位中女位四至
 率相乘及牛位中心位虛位四至率相乘及房位心位女
 位虛位中相乘及房位女位五乘中四至率相乘及心位

年位廿位由田周率相乘五心位中半位虛位中相乘之右
八位相并得數与寄九相消得利方式五十三乘位讓法冊
之得方面朔之方高再自乘之得方面推前術得合數合句
論曰凡得兩定式視其級位雖實級多位尚法十以下諸
級單位或同号者級察之宜施術長術也諸級多位疊乘
錯雜者却所煩而不堪用馬蓋非消長術特然而已諸術
皆與原題詳依定式察級位而後得其便利以施真術矣
故予此合之選也博求該載以尽其變者乃以物之不齊
也物之情而尺有所短寸有所長利害相倚彼急時用也
欲使學有免北轅率越膠旌鼓瑟之戒律荀約繁擾便而
顯

第九 累乘拔率術

凡中或兩或各得定式而不憑方程或雜乘之遍套徑用
其全式自乘相乘各隨其定乘數逐遞累之歸除者
全式自乘之即得拔率或平方者全式自乘之
廣定其及數之方者全式自乘之
數逐遞如此就共緒乘式一乘增累乘之得拔率
而級乘者前後或相乘之歸除者
者前級大相乘之又以前級乘之平方
後式名自乘之又相乘之是乃一次乘也
者前級自乘之又相乘之是乃二次乘也
後各再自乘之又相乘之是乃三次乘也
乘之得式內拔率其同号者以忠適等因原式正負
軍木式也
用拔率式所著之正負及反數以得木術九右定式此法
雖似簡易而至四乘已上則位數繁多而難見同号与段
數正負混而難分故即不知雜乘方程之條而且明也
近歲所利行河端氏所著演段指南全用此術而三乘已

上及教位數甚高畧焉乃誇其簡識明元算法之正率焉無用之位數及教然其法原式之設大謬理教齟齬適守不合何以足為法耶尚篇末論之

算式定率起源

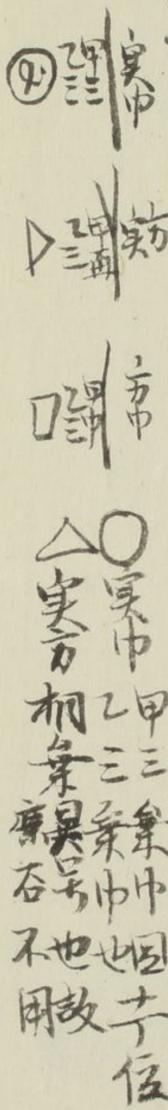
假如本術有申中而演式上下反覆縮級而得歸除式者所中一高後名甲諸級所因數後名乙

實者盈數也木術有甲中

右全式自乘之命不用及數同者合得式內以實中為的号

余式以本術甲中相乘之合的号者板收之為本術寄前數

寄者正消者負



故定率曰
實中一及申三乘中因本術寄九數也
法中乘林申中一及申三乘中因本術相消數也
再乘中或定率起源
口法中甲申中乙乘本術甲申則○三申
三乘中乙與子位同号故板收之

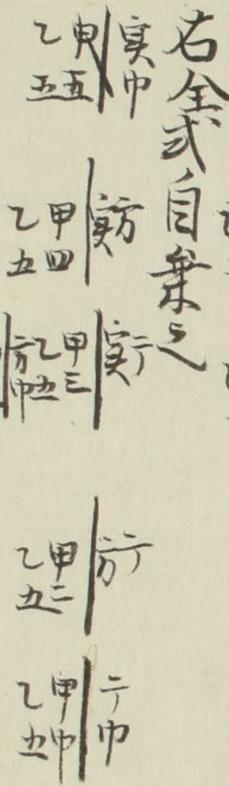
實中一及申三乘中因本術寄九數也

法中乘林申中一及申三乘中因本術相消數也

再乘中或定率起源

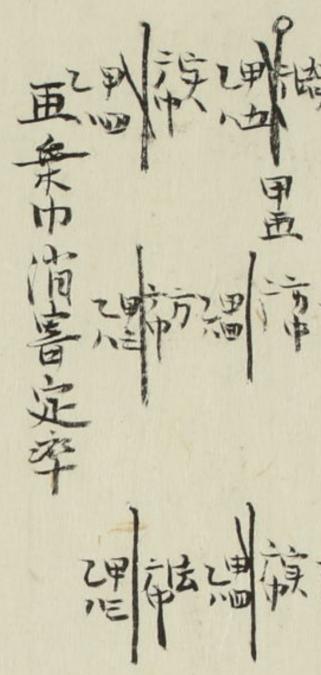
本術肖申乘中而演式反覆縮級而得歸除式者上下同

右全式自乘之



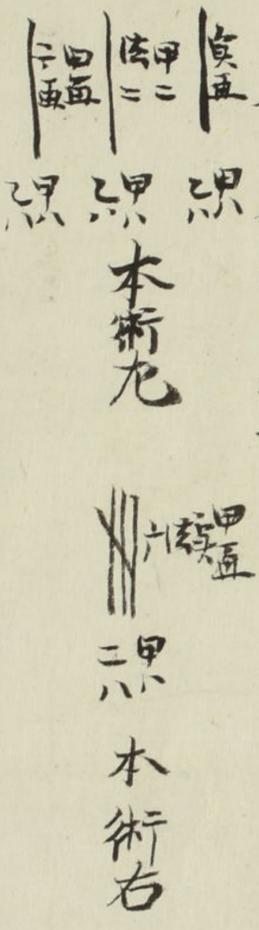
右六位以原式實法分別之乘之得式相并為板萃式究

實再象。右法五自象象甲再象中及六再自象象甲五象中五
 就因式內擇象甲五中或
 甲五象中合的号者按萃
 之分正象以來本術皆同
 數的正象



實再象。右法五自象象甲再象中及六再自象象甲五象中五
 古二倍相并皆九數
 實二方相象象甲五象中五

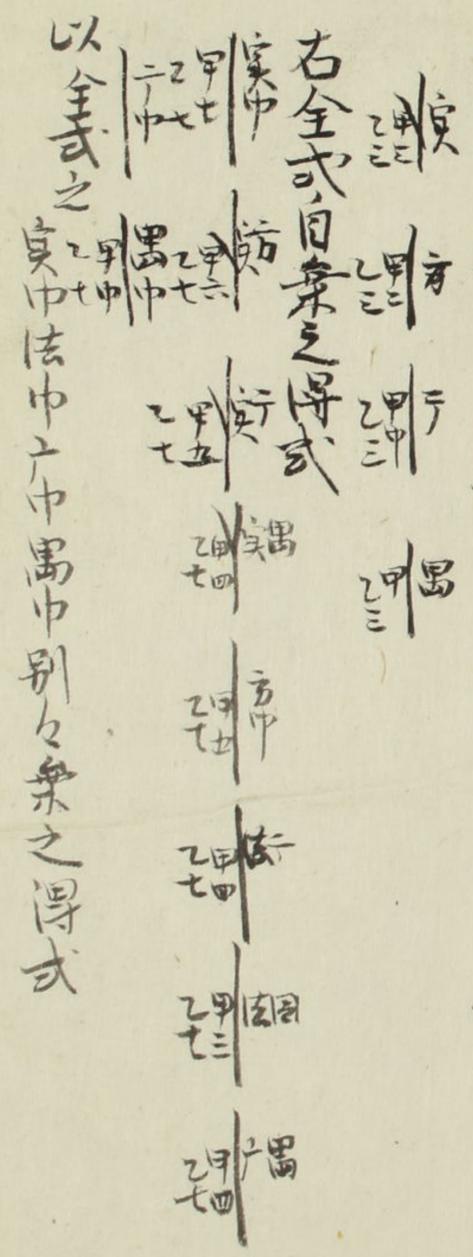
右一位相消數也



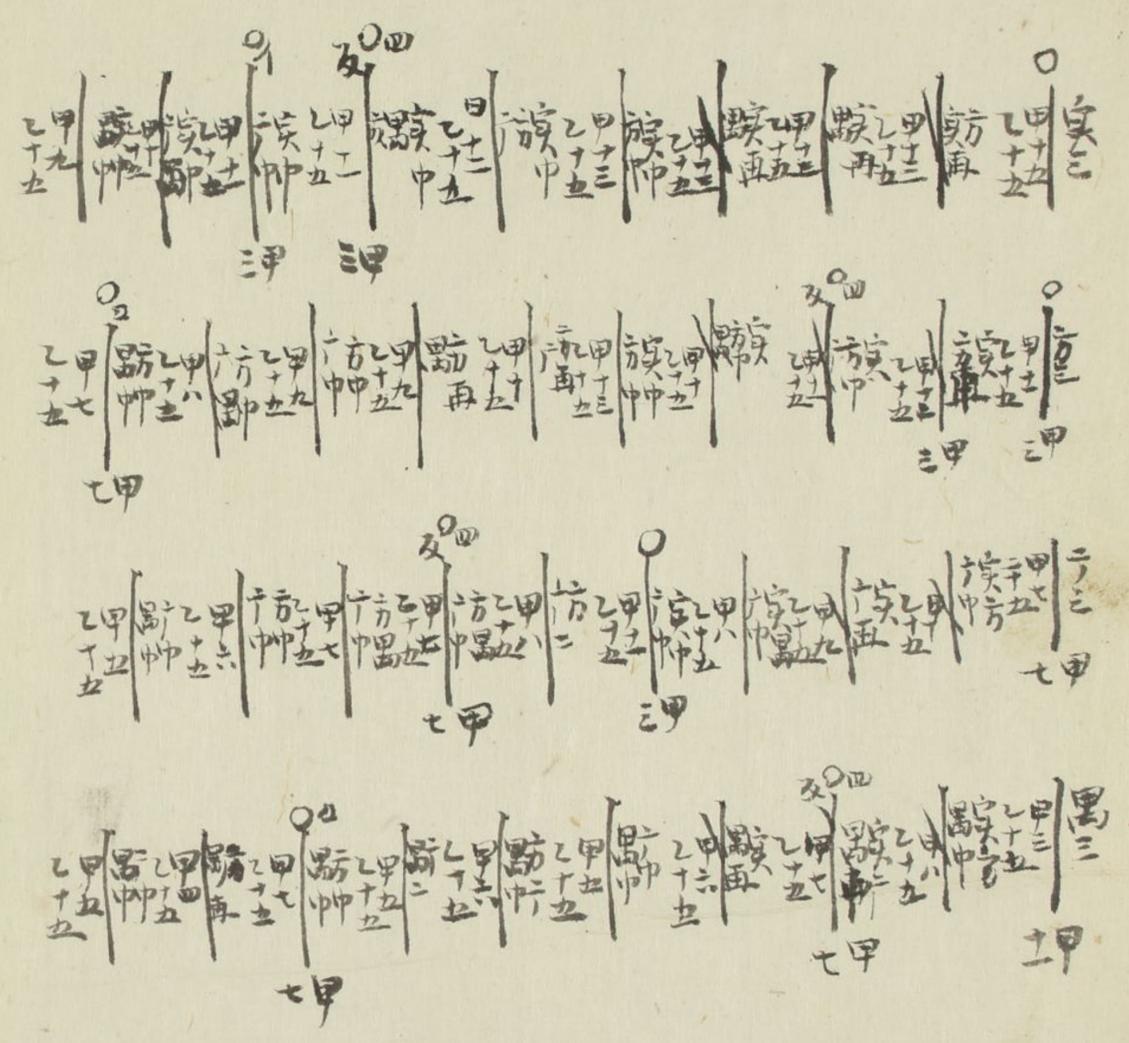
三象中或定率起源

本術有甲三象中而演式及回復編級而得之方式者

右全式自象之得式



以全式之
實中法中之中寓中別々象之得式



三象中書前定率

實三自象甲一及

二三自象象甲三象中一及

實六法中相象象甲三象中四及

實八兩中相象象甲三象中一及

法中禺中相象象甲七象中二及

右五位相并寄九數之

法三自象象田三象中一及

禺三自象象甲十一象中一及

法禺十巾相象象甲七象中四及

法禺象中相象象甲三象中四及

實中一巾相象象甲三象中二及

右五位相并相消數也

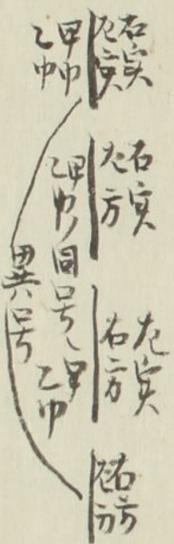
西武定率起原

西武法自与巾武法不同以其木術固無巾名而木能業之
補漏故唯就或互乘或自乘或相乘得或內徑擇其同号
以求寄消具列如左

高除兩定武

右 概 前武
左 庚 後武

左右相乘



乘異号方以同号以分寄消為定率

高除西武定率

左庚右法相乘互 本術寄左數也

左法右實相乘之 本術相消數也

高除平方兩定式起原

右 $\begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array} \begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array}$

左 $\begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array} \begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array}$

左右式相乘之

$\begin{array}{|l} \text{左} \\ \text{右} \end{array} \begin{array}{|l} \text{左} \\ \text{右} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{左} \\ \text{右} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{左} \\ \text{右} \end{array}$

$\begin{array}{|l} \text{左} \\ \text{右} \end{array} \begin{array}{|l} \text{左} \\ \text{右} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{左} \\ \text{右} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{左} \\ \text{右} \end{array}$

又以右臨式乘之

$\begin{array}{|l} \text{左} \\ \text{右} \end{array} \begin{array}{|l} \text{左} \\ \text{右} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{左} \\ \text{右} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{左} \\ \text{右} \end{array}$

$\begin{array}{|l} \text{左} \\ \text{右} \end{array} \begin{array}{|l} \text{左} \\ \text{右} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{左} \\ \text{右} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{左} \\ \text{右} \end{array}$

乘異号收同号以分正負用及數為高消定率

高除平方兩定式定率

左實右法中相乘不在广右實中相乘不在二位相乘其數

平方兩定式定率起原

右 $\begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array} \begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array}$

左 $\begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array} \begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array} \quad \begin{array}{|l} \text{甲} \\ \text{乙} \end{array}$

第十 加減一式法

凡題辭中無巾之可批者故不能用反覆加減法然求兩
式而偏式得九般式或平方式者用其一式不立便一徑
索適等而起本術或依括式開除術即天元十二例得開
方數以為和中命其和於巾一而索適等寄消得式用及
覆術輒求本術適等又或施諸朧彙法中則以可為交互
法共是微兩式之煩術而從一式之簡拔省功減勞之法
也後學宜擇其題辭施之其技乃仍括式開除之變分五
條其詳如九

九歸式一例

甲 實 乙 法
如此二式者即兩式直以實數為法因
商數依題辭求適等如九設術尚希篇
詳論焉

平方式五例

第一開除

商教名子

甲 ○ 乙

如此二式者直以甲數為乙因子中

實方 丙

故立假天元於中一為子依適等相

乙 ○ 乙

消得式用反覆術求本術寄消教

第二加減術

得子式

甲 乙 丙

如此二式者實丙相乘四加入法中

實法 丙

者乙五與丙因子五之和中之故立

甲 乙 丙

假中一於其和依反覆術求適等

第三減加術

得子式

甲 乙 丙

正負如此者實丙相乘四以減法中

實法 丙

余者乙五與丙因子五之差中也故

甲 乙 丙

立假中一於其差用反覆術

第四加々術

得子式

甲 乙 丙

正負如此者實丙相乘四加入法中

實方 丙

得者乙五與丙因子五之差中也故

甲 乙 丙

立假天元於其差用反覆術

第五減々術

得子式

甲 乙 丙

正負如此者各數多少不同故加減法

實法 丙

相實丙相乘四內減法中者乙五與

甲 乙 丙

西因子五之和中之故立假中一於

其和用反覆術

右五術應其式正負宜施術也就中減加式與減々術也

正負象全目能審實法各數之多少

中多少不同而後加

減方者亦相反乃前多後少者減加也後多前少以擇者減之也前後日數者直以法數為兩因子二及以擇術求本術適等尚給亂雜分者不可必用一式術其變態詳於天元例中宜合改為

例題 偏式得九一

今有直積若干日以平除長以長除平二商和若干得長術

答曰依九術得長

本術立天元一為長雖有長有小長平和

仍立天元一為小平 ○ | 以減只云數乘 | |

為小長以小平乘之 ○ | 為小直責寄九 ○

以小責一與寄九相消

得前式

列小平以長乘之 長 為平又以長乘之為直責

寄九 以云責與寄九相消

得後式

後式即九節式也故直依此式求適等直責即為長中

因小平不用演及以一次天元術施之

術曰立天元一為長 | 自乘之乘只日數得內減

直責余情 | 為長中因小長餘一以直責乘

之為長三乘中因小責一情中 ○ 寄九 列一算

以長三乘中乘之 ○ ○ ○ ○ | 相消

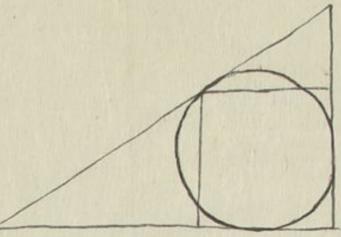
情中 ○ | 情中 ○ |

三乘依相之得長令相 如此者省空級縮為得長中或方或平方相之得長故 依括式相除加減帶縱法得長中重不及用天元之術

故都得偏式九段者二次而式者約為一次而式一次而式者約為一次天元術故如夫商一術余無所用委論後篇單雙通術附考

例題 偏式得即二

今有勾父玄內容方山只曰勾父玄中勾方面四至六和若干又曰責若干 同中勾



本術立天元一為中勾故有_{中勾}五和起源演及

立假天元一為勾父和 ○——自乘之為勾父和中
減責四段 策為玄中 ○——以中勾中乘之為
責中四段 中勾 以責中四反相消

中勾 前式

列勾父和倍之以減五和余為方面 以乘勾父和為責

二段 ○—— 以責二互相消 後式

右前式得即偏除式故不及用兩式雜兼法以中式

矩日中勾中因責四段與責中四反相消者中勾中因勾父和

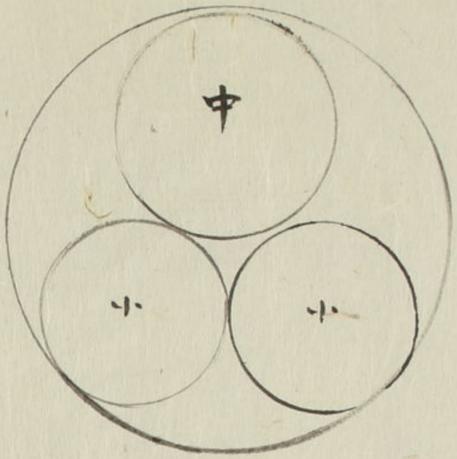
中也故為勾父和中 有_{九法}六_法按空級下禹一

假立天元一為勾父和依後式適等得式

責 和

依單雙通用術_{即一十得實法二級求本術適等如中式反覆}術

例題三 加減法



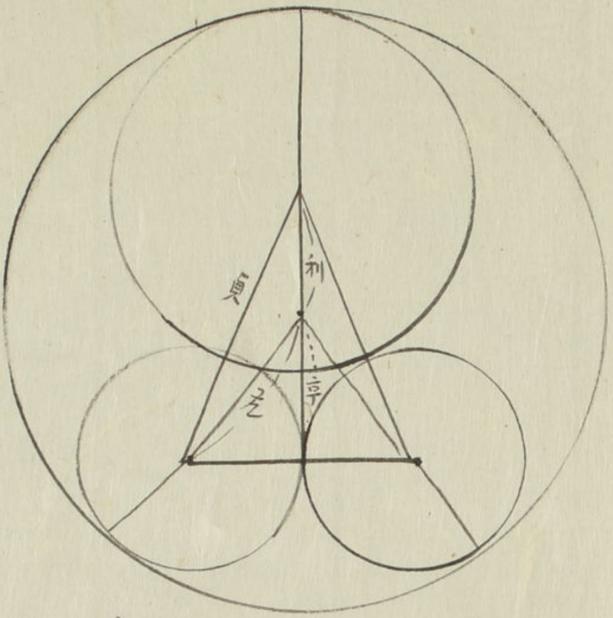
今有平四內如圖平四空三個外
余責諾只曰中四空小四空差諾
向大中小四空

答曰 依左術得大內空

此題古今算法一十五向之一而知
漢笑法益術立天元一於大四空立
或假一於小四至用兩
或假段其術如充

倭漢算法卷八所載

起源演段



題辭只曰數 中四至与
小四空差

本術有大四空

本術子位者四圍率同 中四至中
一及

小四至中相并數也

立假天元一為小四至 〇 一加
入只曰數為中四至 一 一

列大四空內減小四至余為二個元 一 一 自之寄天位 〇

列大四空內減中四至余 一 一 為二個利自乘之為

四及 一 寄地位 列并中四至与小四

利中 一 至共得 一 一 為二個貞

自乘之得 一 一 減小四至中余為四段亨則

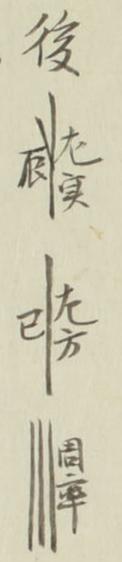
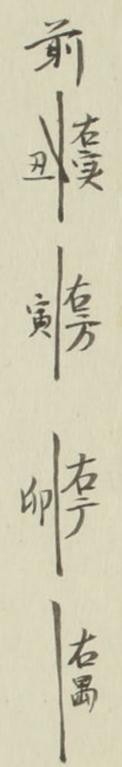
和中只中 內減天位与地位余為亨圖八箇
 利大 遍以二約之為大 亨圖四個利
 為亨中圖十大 寄九
 六及利中大 寄九
 列天位以地位相乘為亨中圖十六段利中与寄九相消
 而省空位得式



為前式

小田至中只中 ○○ 中山至中只中 一 寄九只 一 二
 位相并只中 乘田周率為田周率田中山至中只中 段

小田至中只中 併數周率 寄九○以子位
 与寄九相周率 為後式
 消而得式只中



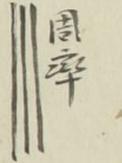
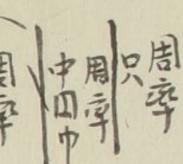
如此後式得平方式故視於前五例即加減式乃依
 一式法變兩式法為中式術如九

一式法 加減術

實广相乘四段周率 加入方中已 得者周率 已
 已一段与周率田小田至只中 及之和中也故立中一旋

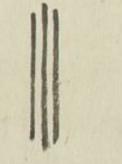
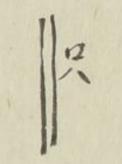
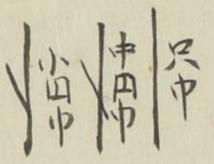
其和用反覆法起術如左

然實方广悉還回号則



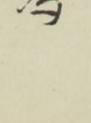
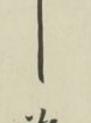
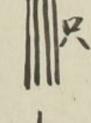
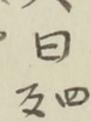
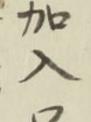
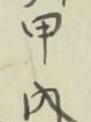
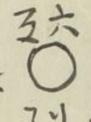
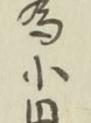
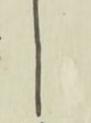
如此有周率剩乘
故皆之起術

改式

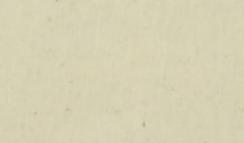
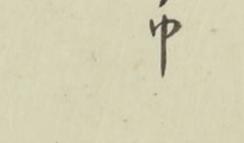
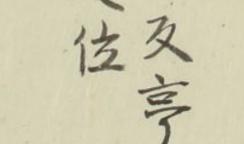
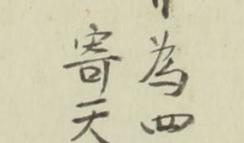
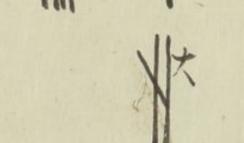
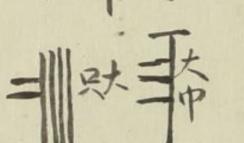
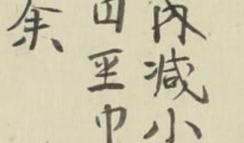
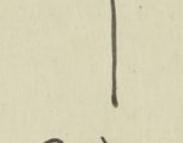
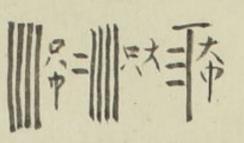


實广相乘四及方中一
及相并者只曰教二及
小田至六及相
并自乘之者也

立位一為甲只曰教二及小
田至六及之和
○——減只曰教二及止余

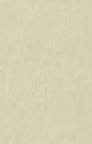
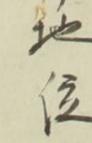
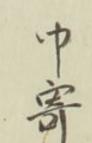
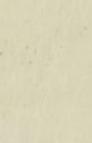
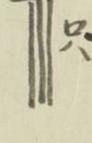
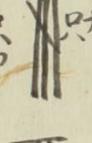
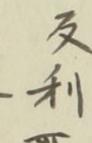
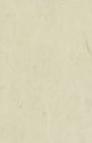
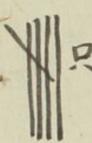


為小田至六
○列甲內加入只曰四
只
中田至六
○列大田至六
三位各為大中
小田至
列大田內減小田余
只
為元二及自乘之得



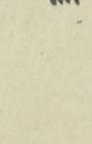
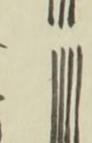
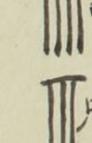
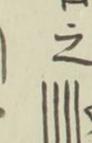
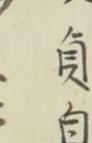
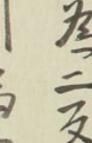
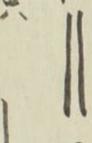
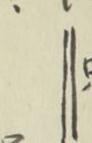
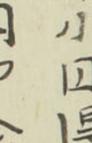
列大田下大
為二
為四及亨中
為四段利

內減中



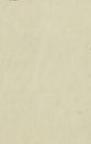
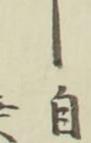
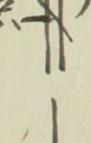
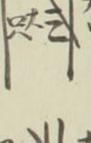
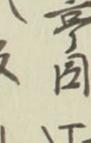
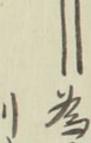
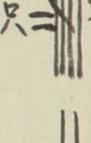
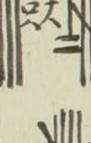
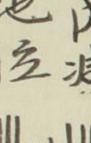
列并中小田得只
為二及負自之
為四及亨利和中寄人位○

內減小田中余



列人位內減
為亨中
利八及
乘
自

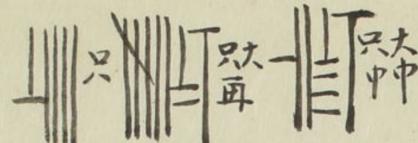
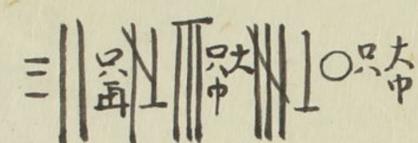
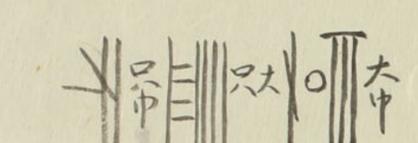
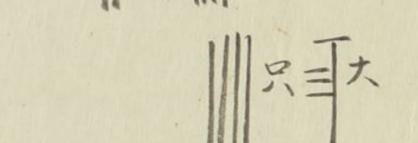
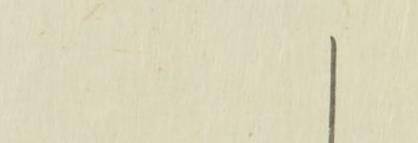
天位与地位



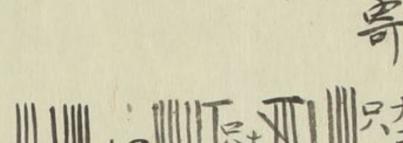
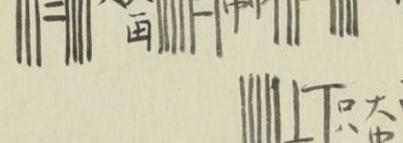
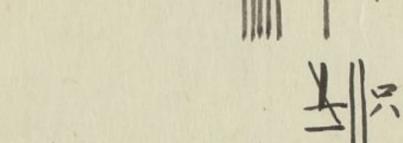
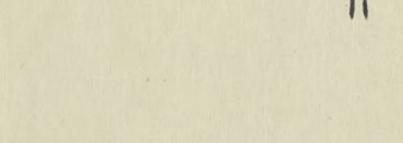
止余得式
二約之
之乘

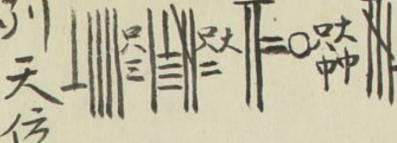
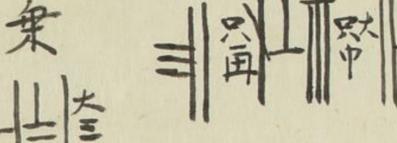
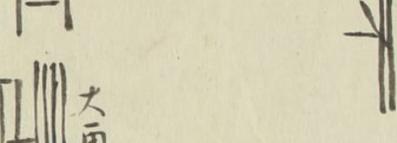
為亨中因利中一十六段

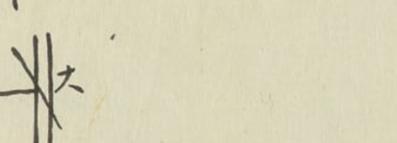
与寄龙相肖得去

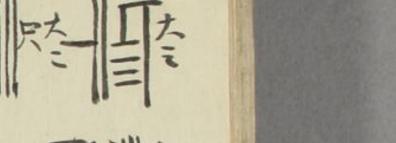






列天位乘
 地位得寄
 龙相肖

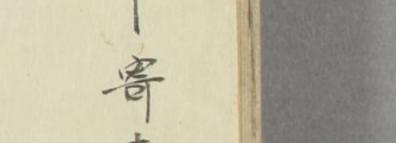








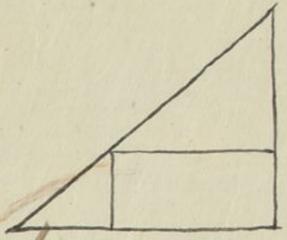






寄龙

例題四 減加式



今有勾爻內如圖長平空只曰玄加入外余
責若干 又曰勾与長和若干 別曰爻与
平和若干 詞句

答曰依九術得句

本術立天元一為勾故

有勾

本術天元一也

有長

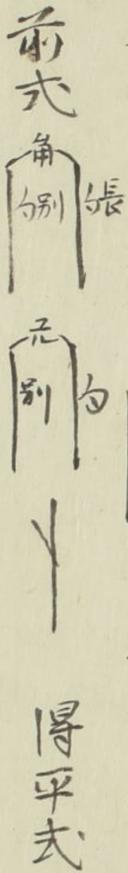
又曰數內減勾余也

有外責与玄和只曰數也

有爻与平和 別曰數也

及立天元一為平 ○ 以減別曰數余為爻別
加入勾為勾爻和 以平乘之 ○

寄九 ○ 別之數內減長余為小勾爻和 以勾乘
之為勾爻和因平 与寄九相消



別爻別 以勾乘之為及勾爻責寄甲位

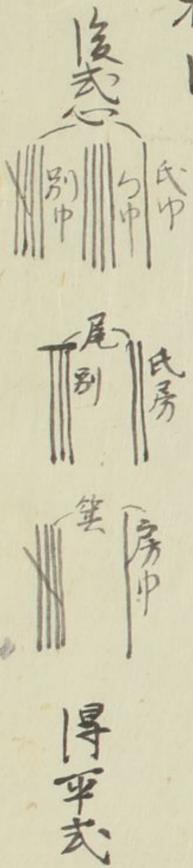
別平 以及長乘之為及長平責 ○ 加入及

只曰數得 以減甲位余 為及玄

自乘之 寄乙位 別爻別 自

乘之加入勾中 為玄中四之与寄乙位

相消



前後 脩 元 前式

丙式

相并 心 尾 箕 後式

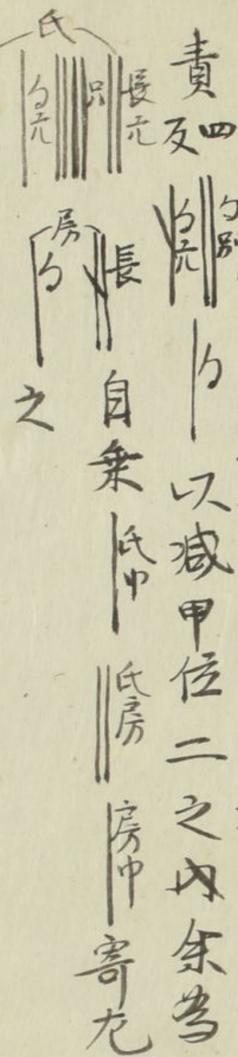
右視丙式俱平方式而前式位數簡易也其正負錯綜得減加式故用之依減加一式法施術如左

脩 元 減加術

實戶相乘四反以減法中得者元一及與平二及之差中故依中式反覆術立一於其差右之為子故有子中

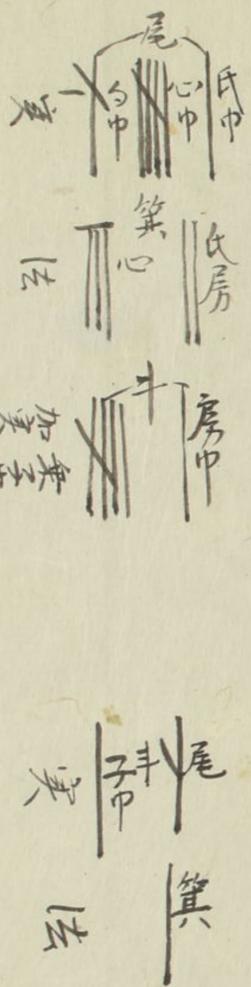
術曰立一於天元一為子元內減平二及余也 ○ 以減別云數與勾相并即元內余元 為平二及以長乘之為長平責反 加入反只曰數 長元 長元 寄

甲位 別別曰數倍之內減平二及余為文二及以乘勾為



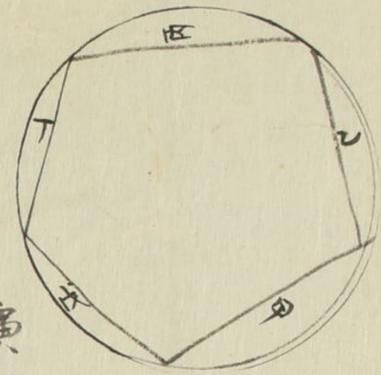
列文二及心 自乘之心 心 加勾中及 為玄中四之為玄中及十六 與寄元相

消得式



實自乘本術寄九數也 法自乘乘子中本術相消數 右分正負起本術如前例

例題五 加夕術



今有平田內如圖容甲乙丙丁戊己斜
各斜寸若干 問田至
答田依左術得田至
本術立天元一為田至

演段

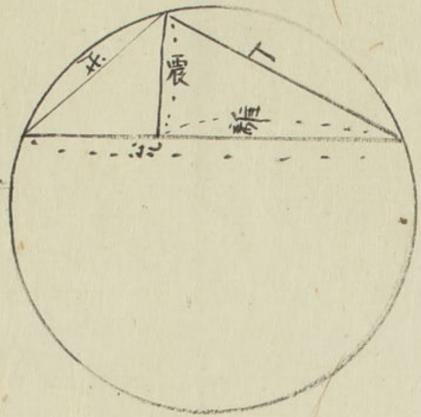
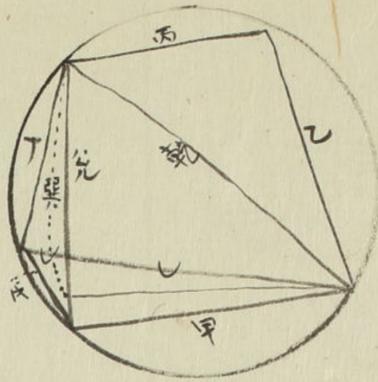
有甲 有乙 有丙 有丁 有戊

有田至 本術之天元也

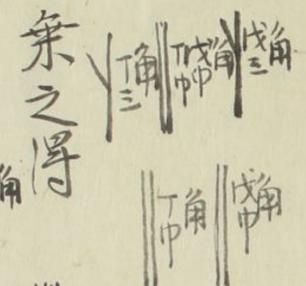
有田至中本術之角位也

有乾中 第二演段假一也

進立天元一為乾中○——加入丁中得丁師——戊



乘之四段

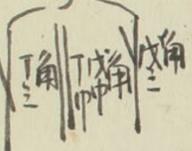


與寄尤相消

為田至中因震中以兌中

減戊中余為兌因離
之 戊中 為兌中因離中
列丁中 段四以兌中乘之得
天位 戊中 為兌中因震中
步乘 丁中 為兌中因震中
角 寄尤 列丁中以戊中乘之
為田至中因震中以兌中

進前式



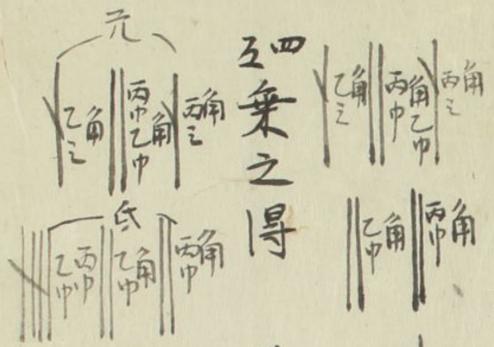
得兌中式

列寄兌中與乾中得 乾中 —— 減甲中余為兌因

二巽 甲中 | 自乘之 甲中 | 為兌中四
 巽中及寄地位 ○ 列乾中 甲中 | 以兌中乘之得數
 以山至巾 甲中 | 再寄 列乾中 甲中 | 以甲中乘之
 乘之得式 甲中 | 得 為山至中四
 坎中以兌中及乘之得 甲中 | 方寄再相消
 進後式 甲中 | 角得兌中式
 視前後兩式俱平方式而位數亦相同故用前式依加
 加一式法改施術如左

子 丑 角 加々式

實六相乘 甲中 加法中得者丑及 方角因兌中及之差中
 也故玄巾一於其差用反覆術如左 曰其差
 術曰玄巾一為卯 | 加入丑 | 為角至四
 中因兌巾各才 自此以下用 加入角因乾中 |
 內減角因甲巾 余為角因兌因 及巽 角乾中 | 自乘之
 為角中因 甲中 | 寄 列乾中四之 甲中 | 以
 兌巾因巽 甲中 | 地 角因寅乘之得 甲中
 中段 甲中 | 位 內減地
 位止未 為九中因角中因坎中四段
 寄左



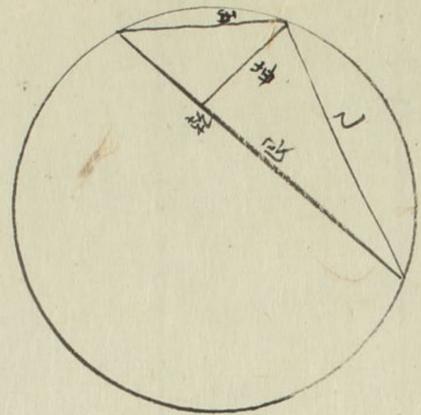
退前式得乾中

乙中 丙中 丁中 戊中 己中 庚中 辛中 壬中 癸中

寄上位 列乙中四互以乾中乘之得

寄下位 列乙中以丙中乘之得四

空 中 因 坤 中 以 乾 中



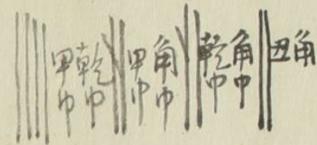
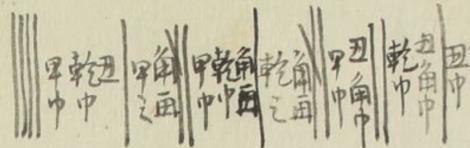
術曰退立天元一為乾中 加入

乙中得 丙中 丁中 戊中 己中 庚中 辛中 壬中 癸中

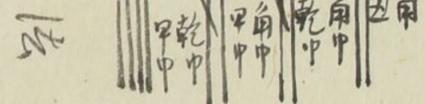
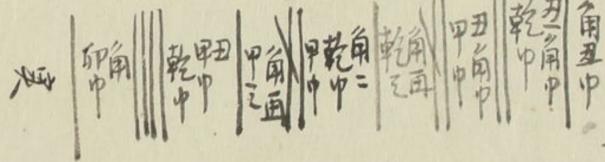
為乾中因艮中四段

自乘之

次術立乾中演段



角



適等

分正負得次術

消

法中乘卯中相

實自乘寄九

列乾中以甲中乘之得 乾中 為四空中因坎中以子

段四乘之 乾中 為四至三乘中因兌中因坎中再寄

列寄九以四至中角乘之 角 寄相消

乃得平方式用之依減々一式法改術如九

元 角 少 角

實广相乘四段以減方巾余角元相乘四者法至广因
乾中互之和中也餘名曰於此立巾一於其和略房依
巾式反覆術施之如九

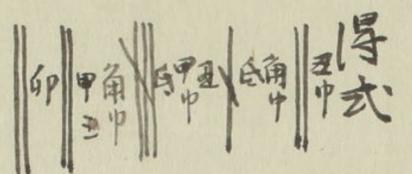
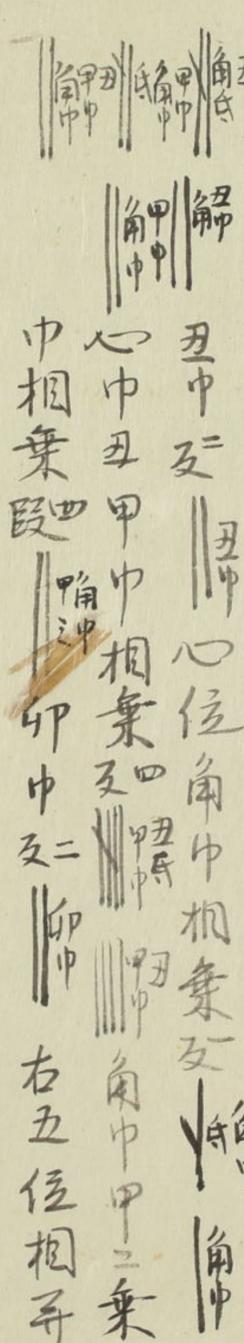
術曰立巾一為房○以減氏余氏為角因

乾中互右心○列心以丑与角乘之倍之

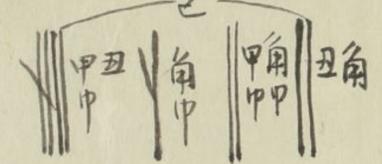
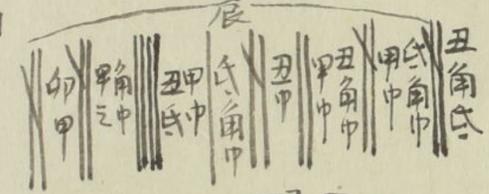
以下用前術○角中甲中心相乘段

甲巾相乘互二三位相并得式為尾位

中相乘段
卯中互二
卯中
右五位相并



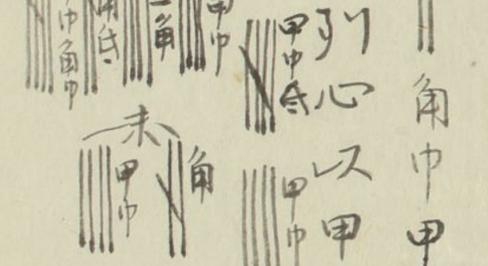
以減尾位
余術前
式也級



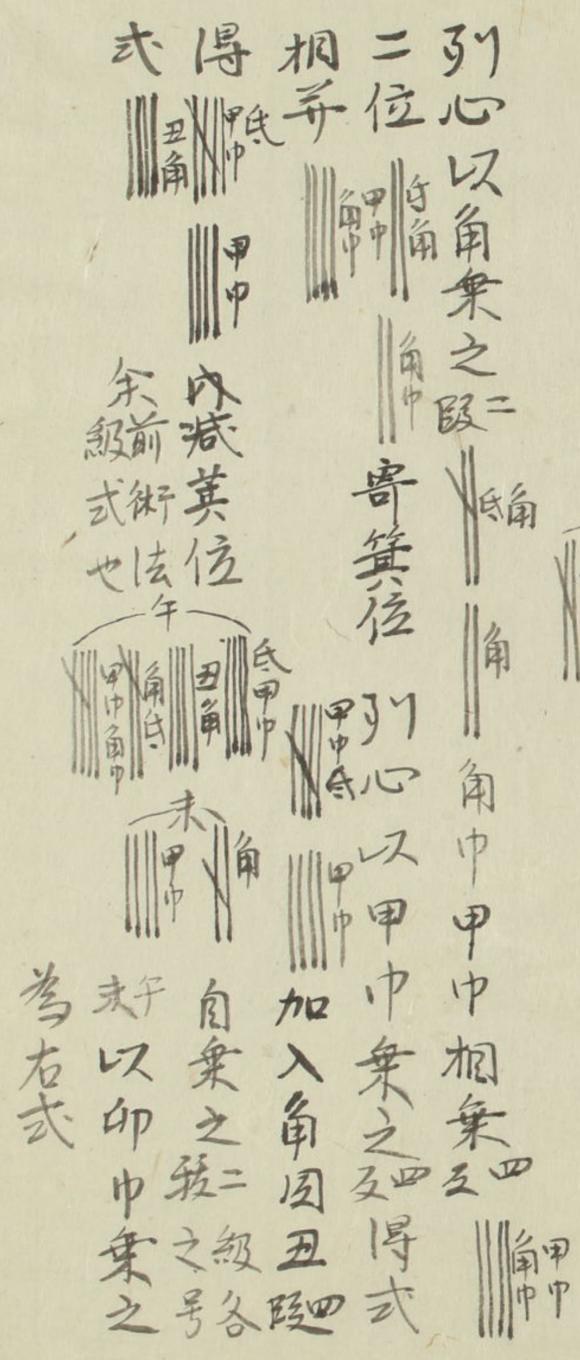
自乘之得
寄九各括級
辰之己

列心以角乘之段二
二位
相并
得
式

寄箕位
內減其位
余級術也法午



角中甲中相乘互
加入角因丑段
自乘之級各
未以卯中乘之
為右式



縮之得歸除式級一

實 〇 〇 〇 〇 除出得中高四

故實再自乘寄九實再 法再自乘子中高上相乘

與九遍等

又

立方定式如此者 本術有高上乘中各子十六

實 〇 〇 〇 〇 開高三

縮之得歸除式即者

實 〇 〇 〇 〇 開出得再乘中高八

故實三自乘寄九實三 法三自乘乘子再乘中四子

與九遍等

又

三乘定式如此者 本術有高上乘中各子二百四

實 〇 〇 〇 〇 開高三

縮之得平方式即者

實 〇 〇 〇 〇 開出得中高九

故實四自乘段法四自乘中乘子五六四乘中乘子中

互右三位寄九〇實法相乘乘子五與寄九相消

又

三乘定式如此者 本術有高上乘中各子二百四

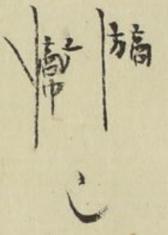
實 〇 〇 〇 〇 開高三

縮之得歸除式即者

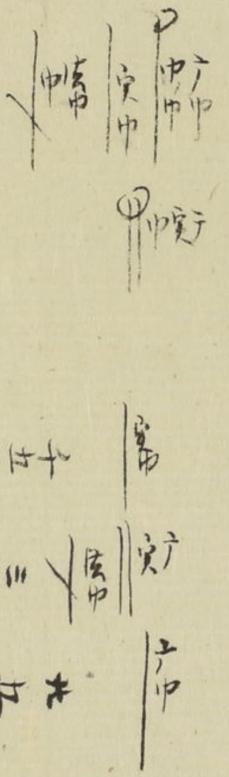
實 〇 〇 〇 〇 開出高得三乘高八十

故實四自乘寄九實 法四乘乘子三乘中高上相乘

實者



假一為商并樂戶加實自之无列法
自之樂商中右



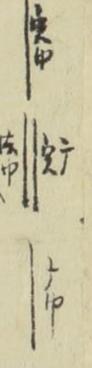
捷徑從實級隔二級得

十一十四十五

從後隔一級得

三十四十五

下於一級口



上
中
下

三
二
一

○
方
方
方
中

辛
三
二
一

得五中商心官印焉

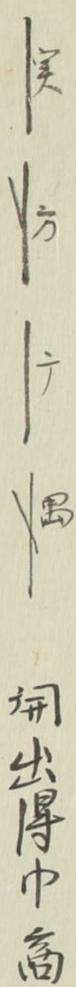
与九遍等

又

五乘定式如此者 本術有高六乘中各子



縮之得立方式

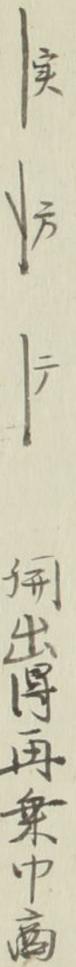


故實六自乘及六六自乘乘子之乘中及實六法中相乘
 乘子中及實六中相乘乘子三乘中及方中畧中相乘
 乘子三乘中及右五位相并左
 方六乘中乘子中及畧六乘中乘五乘中及方畧實中相
 乘子中乘之及方畧六中相乘乘子三乘中及實六中
 相乘乘子中及右五位相并与左遍等

五乘式如此者 又



縮之得平方式



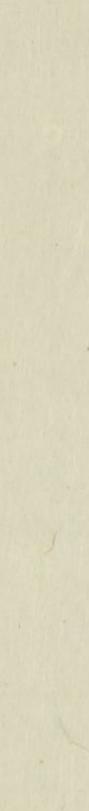
以前例本術求左右遍等

双式據同級相對者

平方西式如此者



縮之得歸除式



右實 四十五 | 右方 五

抽出得中高九

左實 五十四 | 左方 六

抽出得中高九

左實右方相乘

抽出得中高九

右實左方相乘

抽出得中高九

又

立方式如此者

實 四 | 實 〇〇

實 〇〇

前式高二

實 五十六 | 實 〇〇

實 〇〇

後式高二

縮之得除式

右實 四 | 右方 五

抽出各得再中高八

左實 五十六 | 左方 七

左實右方相乘

抽出得中高九

右實左方相乘

抽出得中高九

又

立方式如此者不能縮之不可用不據中故也

實 十八 | 實 〇

實 〇

前式高三

實 六十三 | 實 〇

實 〇

後式高三

縮之得平方式高不同故不可用焉

右實 十八 | 右方 八

實 二

抽出得高部有

左實 六十三 | 左方 八

實 二

抽出得高部有

不合

三乘式如此者

三十六 | 實 ○ 三十一 | 方 ○ 三乘 前式

各高三

八十一 | 實 ○ 三十一 | 方 ○ 三乘 後式

縮之得平方式

右實 三十六 | 右方 三十三 | 右方 三十一

谷用出得中高九

九百 | 實 ○ 三十一 | 方 ○ 三乘

故依平方兩式定率求本術寄消遍等如前例

又

三乘式如此者

百十 | 實 ○ 三十一 | 方 ○ 三乘 前式 高二

百十 | 實 ○ 三十一 | 方 ○ 三乘 後式

縮之得平方兩式

右實 九百 | 右方 三十六 | 右方 三十一

谷用出得中高四

九百 | 實 ○ 三十一 | 方 ○ 三乘

於此依平方兩式定率求本術寄消遍等

又

九乘兩式如此者 相高三

四十五 | 實 ○ 三十一 | 方 ○ 三乘 前式

百三十一 | 實 ○ 三十一 | 方 ○ 三乘 後式

縮之得平方兩式

右實 四十五 | 右方 三十三 | 右方 三十一 谷用出得中高九

於是依立方西式定率求本術寄債

又
九乘西式如此者 開高二

$$\begin{array}{c} \text{九實} \\ \hline 36 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{九方} \\ \hline 100 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{九實} \\ \hline 1 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{九實} \\ \hline 1 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{九實} \\ \hline 1 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{九實} \\ \hline 1 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{九實} \\ \hline 1 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{九實} \\ \hline 1 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{九實} \\ \hline 1 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{九實} \\ \hline 1 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \text{四實} \\ \hline 16 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{四實} \\ \hline 16 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{四實} \\ \hline 16 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{四實} \\ \hline 16 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{四實} \\ \hline 16 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{四實} \\ \hline 16 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{四實} \\ \hline 16 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{四實} \\ \hline 16 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{四實} \\ \hline 16 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{四實} \\ \hline 16 \\ \hline \end{array}$$

縮之得平方西式

$$\begin{array}{c} \text{右實} \\ \hline 36 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{右方} \\ \hline 100 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{右實} \\ \hline 1 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{右實} \\ \hline 1 \\ \hline \end{array}$$

各開出得再乘中高二

$$\begin{array}{c} \text{九實} \\ \hline 100 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{九方} \\ \hline 100 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{九實} \\ \hline 1 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{九實} \\ \hline 1 \\ \hline \end{array}$$

又
五乘西式如此者 開高二

$$\begin{array}{c} \text{三六實} \\ \hline 36 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{三六實} \\ \hline 36 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{三六實} \\ \hline 36 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{三六實} \\ \hline 36 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{三六實} \\ \hline 36 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{三六實} \\ \hline 36 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{三六實} \\ \hline 36 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{三六實} \\ \hline 36 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{三六實} \\ \hline 36 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{三六實} \\ \hline 36 \\ \hline \end{array}$$

縮之得三乘式 開高二不合故不用焉

$$\begin{array}{c} \text{右實} \\ \hline 36 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{右方} \\ \hline 100 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{右實} \\ \hline 1 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{右實} \\ \hline 1 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{右實} \\ \hline 1 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{右實} \\ \hline 1 \\ \hline \end{array}$$

如此不應中者總不可用焉 立方縮平方五乘縮
特縮偏式對式用中高法者 立方五乘縮三乘也

假令西式三乘如九者

又

三乘五乘兩式如左者 開出高二

實	方	方	方	乘
六	十	四	六	三
十	六	十	六	乘
六	十	四	六	三
十	六	十	六	乘

實	方	方	方	乘
〇	〇	〇	〇	〇
〇	〇	〇	〇	〇
〇	〇	〇	〇	〇
〇	〇	〇	〇	〇

縮之後式得平方式再乘出幅前式不縮故依再中高法得式用之

右實	右方	右方	右方	右乘
五	百	八	三	一
百	八	三	一	乘
五	百	八	三	一
百	八	三	一	乘

得再中高

於此依平三乘兩式定率求本術寄消適等 偏式特省有數對式用除高法者

假如平方兩式 本術有甲數三

甲中	乙倍	甲	乙
三	六	三	六
六	三	六	三
三	六	三	六
六	三	六	三

前式

甲中	乙倍	甲	乙
九	十八	九	十八
十八	九	十八	九
九	十八	九	十八
十八	九	十八	九

後式

前式省甲中於實省甲於法而得除甲之高式也於茲後式依除高法實用原實九法乘甲數三本術之廣乘甲中九又得除甲之高式也相雙

乙信	乙	乙
四	二	四
二	四	二
四	二	四
二	四	二

各開出高一

甲中	乙甲	甲中
九	五十四	九
五十四	九	五十四
九	五十四	九
五十四	九	五十四

又

平方三乘兩式及教如左者 開出高六

實 方 二
 子 四 八 二 四 二

前式

實 方 二
 百 七 十 五 百 〇 五 四 五 五 四 五 三 二 一 零 九 八 七 六 五 四 三 二 一 零

後式段數自禹至實逐上以三增一乘約之九約方級二十級

七約實級八得以三除之高二式也

於此前式依除高法實級仍同皆級乘除數三六級乘除
 數中凡同得以除數三除之高二式也

相雙

右實 右方 右二
 六 四 八 六 三 九 六 八

各相出得除高二

於此依平之乘西式實率求本術高等

又

平方五乘丙式如九者

實 方 二
 子 丑 寅

前式

後式自四乘級至實級所因甲乘省除之為得以甲除高式
 又前式方級乘甲六級乘甲中為同式

相雙

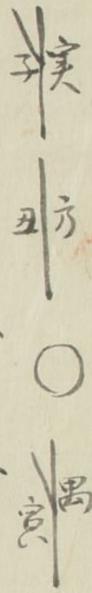
右實 右方 右二
 子 丑 寅

於是依平方五乘丙式定率起本術 餘做此例

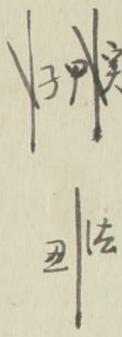
單双有綱級者定率者

假令立方反覆式綱級如此者

本術有高再中略



馬級乘甲加入實級

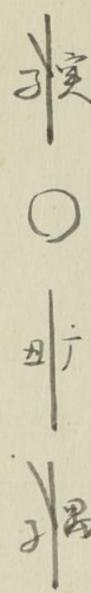


六級無數
故為欠式

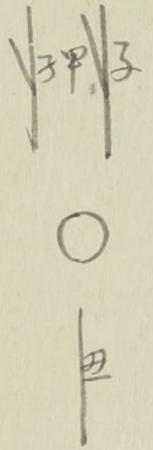
適等曰實再自乘之奇尤 法再乘中乘甲相消

又

立方反覆式如尤者 本術有高再中略



反覆之如尤式



法級空位
故為欠式

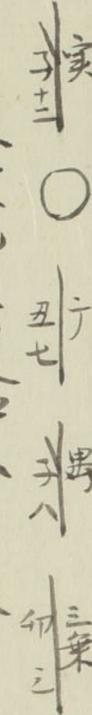
適等曰實再自乘奇尤

六再自乘乘甲中相消

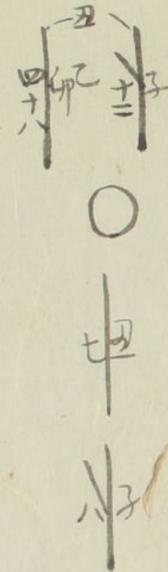
又

三乘反覆式如尤者 本術有高再中略

乙高二十六



三乘級乘乙反覆加入實級



適等曰

實三自乘乙

六三自乘乘乙中交

實六島中相乘以乙中乘之段

三位相并寄尤

辰三

百六十七萬五千六百十六

六萬四千六百五十六

四萬二千六百五十六

千六百五十二萬五千零三

實中六中乙相乘乙

乙中
三百三十四百十八

禹三乘乘乙再乘中乙

乙中
十六百七十七百十六

二位相并与左適等左右合數千八百八十四

又

三乘反覆式如左者 本術有高三乘中各乙

實
子四十五 ○ 子三十二 ○ 三乘
子二十一 ○ 四乘
卯六

四乘級乘乙加入方級三乘級乘乙加入實級

辰
卯八十六 ○ 卯
三十二 ○ 辰
卯高得之

實三乘中乙

辰三
九方千九百三十四萬四千九百六十四方二千三百三十六

六三乘中乘乙中乙

卯三
空八億七千九百七十七方七千三百三十六

二位相并寄左

實方中相乘乘乙

乙中
四万二千七百七十七萬四千四百六十八

實中六中相乘乘乙

乙中
五萬二千七百七十七萬四千四百六十八

方之乘中乘乙

乙中
五萬二千七百七十七萬四千四百六十八

三位相并

乙中
四萬二千七百七十七萬四千四百六十八

与左適等

兩式綱級者

後令平立兩式各有空位者

右實
十 ○ 右方
五 前式

開高二

左實
四 ○ 左方
六 後式

右實中右方左方九禹相乘乙

左實
三萬四千

左實中右方再乘中相乘乙

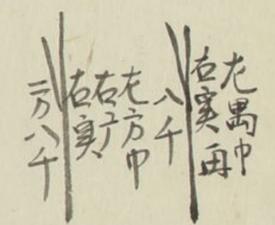
左實
二千

二位相尋寄左

右實再乘中左馬中相乘五

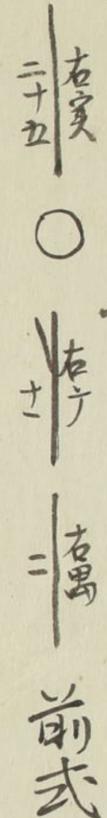
右實右左方中相乘五

二位相尋相消

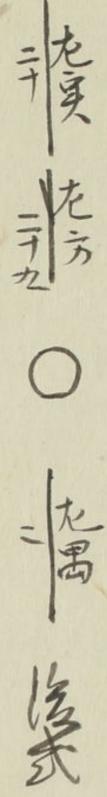


又

立方兩式空級如左者



前式



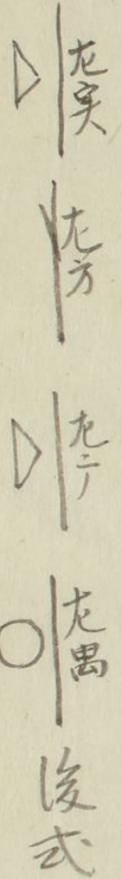
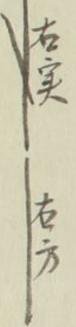
後式

第十一十二單雙通用術

蓋兩式技之傾於巾式技也其功或倍蓰焉以是凡得兩
 定式者先視其乘式級位之所在實法或實方或實馬唯
 者不必用換式交乘之通套乃就以前式不必限前式或
 取其實級擬高數或高中或高再乘中歸除式者法因高
 便和實級擬高數或高中或高再乘中歸除式者法因高
 高中也五方式者法因高以方方馬之一級數各擬同數
 再乘中也逐乘各做文以方方馬之一級數各擬同數
 而以互乘後式乃始用後式者為巾式反覆之技各之單雙
 通用術其例如左件

假令歸除立方兩定式者

前式 中實者法因高也故實



以右實中乘九萬加入以右方中乘九方級為換式法級
 級以右實中乘九方加入以右方中乘九實級為換式
 式實級乃縮實法二級如九

換式
 $\begin{array}{|l} \text{右實} \\ \text{右實中} \\ \text{右實方} \end{array}$ 實級乘右法寄九
 $\begin{array}{|l} \text{右實} \\ \text{右實中} \\ \text{右實方} \end{array}$ 法級乘右實相消

是即与高一術同理數

$\begin{array}{|l} \text{右方} \\ \text{右實中} \\ \text{右實方} \end{array}$ 正二位本術
 $\begin{array}{|l} \text{右實} \\ \text{右實中} \\ \text{右實方} \end{array}$ 負二位本術

寄九數也
 相消數也

假如平方三乘兩式如九者

右實 \circ 右方 前式
 實者方因高中故實
 中者方中因高三乘

$\begin{array}{|l} \text{九實} \\ \text{九方} \end{array}$ $\begin{array}{|l} \text{九方} \\ \text{九方} \end{array}$ $\begin{array}{|l} \text{九方} \\ \text{九萬} \end{array}$ $\begin{array}{|l} \text{九萬} \\ \text{九萬} \end{array}$ 後式

以右實乘九萬加入以右方乘九方級為換式法級
 以右實乘九三乘加入以右方乘九方為換式方級得
 一遍縮式

$\begin{array}{|l} \text{九實} \\ \text{九方} \end{array}$ $\begin{array}{|l} \text{九方} \\ \text{九方} \end{array}$ $\begin{array}{|l} \text{九方} \\ \text{九萬} \end{array}$ $\begin{array}{|l} \text{九萬} \\ \text{九萬} \end{array}$

以右實乘方級加入右方中乘實級得二遍縮式

$\begin{array}{|l} \text{右實} \\ \text{右實中} \\ \text{右實方} \end{array}$ $\begin{array}{|l} \text{右實} \\ \text{右實中} \\ \text{右實方} \end{array}$ 乃得實法二級
 實者右方中因
 法者右方因

$\begin{array}{|l} \text{右實中} \\ \text{右三乘} \\ \text{右四十四} \end{array}$

實自乘

法自乘以右實与右方乘之

以右實乘九萬加入以右萬乘九實為換式實級得換
 全式萬自因故此首之實方二級共有右萬之乘置故

圖加

換式 乃用立方中式定
 率求寄消如九

實再乘中以右萬乘之及

法再乘中以右實乘之及

方再乘中以右實中以右萬中乘之及

右三位相并齊九

實法方相乘以右實與右萬乘之及

右一位方左相消

一次用通套重從反覆者

假如平方兩式如左者

前式

切出高二

後式

依兩式通套一次相減如左
 實方二級各二位
 括之為子丑二號

以是為前式與後式重相及

九實 九方 九方

以子中乘九方級加入丑中乘九實級為換式實級

如右
 $\begin{array}{|c|} \hline \text{子} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{丑} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{方} \\ \hline \end{array}$

實數寄九〇法數以子與丑即高也乘之相消

又

立方兩式如左者

$\begin{array}{|c|} \hline \text{方} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{前式} \\ \hline \end{array}$

$\begin{array}{|c|} \hline \text{方} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{後式} \\ \hline \end{array}$

依兩式術通套以右實乘後式以左實乘前式相消得歸

除式

$\begin{array}{|c|} \hline \text{方} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{實法二級} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{原式} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{原式} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{各} \\ \hline \end{array}$

$\begin{array}{|c|} \hline \text{子} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{右實} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{丑} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{右實} \\ \hline \end{array}$

二位括之為子丑二號

於是以其式為前式與後式相雙

$\begin{array}{|c|} \hline \text{子} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{丑} \\ \hline \end{array}$

$\begin{array}{|c|} \hline \text{左實} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{方} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{方} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{右實} \\ \hline \end{array}$

以子中乘方加入以丑中乘左實為換式實級 以子中乘右實加入法級為換式法級

$\begin{array}{|c|} \hline \text{子} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{方} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{方} \\ \hline \end{array}$ $\begin{array}{|c|} \hline \text{右實} \\ \hline \end{array}$

實乘丑得數本術左 法乘子得數本術右

左右偏等 以上倣此例

附考

生歲予游學京師中根家所傳高一術者即此第第一術也今演繹其說附于茲以備學者考攷其解曰凡雙擬之法偏式得級除者以級除式為右式以疊乘式為左式左右不必把唯為以右式除實級自左式法級直下逐級一乘增乘之左方級乘右實左方級乘右實中降至下畧又以右式除法級自左式畧級直上上下畧指廣下一級唯全式逐級一乘增乘之至實級上級乘最下級之通名也右法其級乘右法中其上一級乘右法再乘中逐級式相尋緝一級分正負所得變態隨不用左式之相乘西式以起本術然其相乘得式如級位而用之則得高一故各之謂高一術乃中根是則以還立元一予改各

之謂雙據逢原術孟子所謂取之然其原理即合單雙通用法故不別設一例但施其式教附斯以備合攷

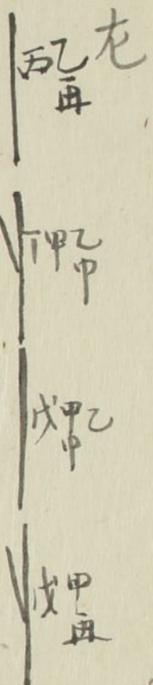
右式甲十廿 得高二

左式丙六十 得高二

解曰實者法因高也實中者法中因高中也以下又實者盈數也法者高不足廣者高中不足畧者高再中不足以此故右式甲級者乙級因高也故以甲乘左式下級以甲中乘左式戊級以甲再乘中乘左式己級如左

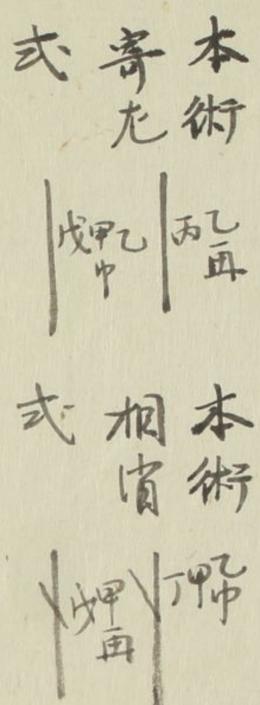
於是法級以下神不足中畧級補高與實因之然甲者乙因高故法級以下乙自因法級乙因與實因之然

級乙再乘中因而上乃不全備中級乙不足實級乙再中
 不足故以乙乘丁級以乙中乘法級以乙再中乘實級如
 左

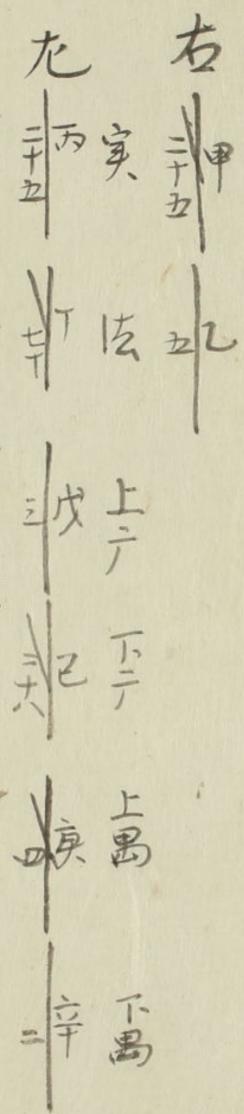


於是實法十萬四級各同數乃乙再乘中因丙也故相
 并得式分正負為本術寄宿數

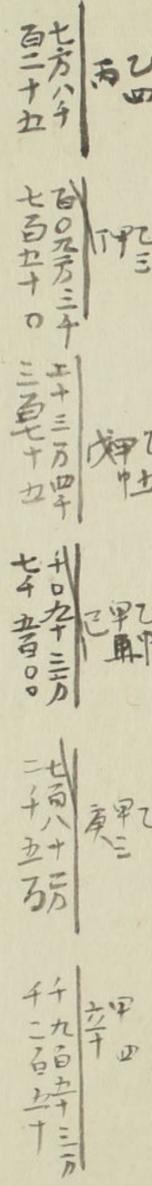
右全式如級位而用之則得高一



又換式數 得高五



如前例以六式乙互乘九式



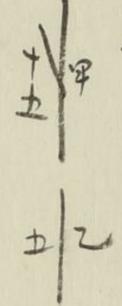
正三位相并 左

負三位相并 右

左右合數

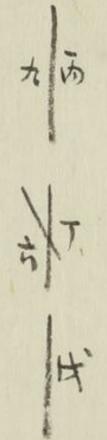
假如

右

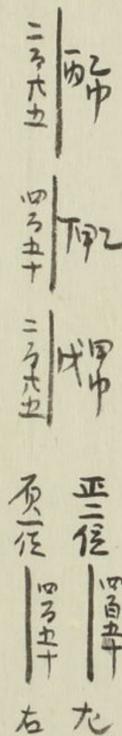


海高二

左



如本文甲乙互乘也



按依丙式定率法寄内通等可吟味焉

嘉永四年 五月 有

秋 同種之雨

良考

